

14

16-H

25

M



Ex Bibliotheca
majori Coll. Rom.
Societ. Jesu

~~14-16, H. 25~~

~~501 G. 16.~~

~~49~~
~~37~~

~~50~~
~~6~~
~~50~~

~~49~~
~~3~~
~~14~~



Paulus de Middeburgo

**De numero atomorum
totius vniuersi contra
vsurarios.**



†
¶ Ad sanctissimum .d. n. Leonem .X. Pauli de
middelburgo epi forosempreniensis de nume
ro atomorū totius uniuersi in detestationē usu
rarię prauitatis & in augmentū montis pieta
tis lucubratio.



¶ Vm superiori anno beatissime pater in sa
cro sancto lateranensi cōcilio pluribus sy
nodis ac sessionibus prælatorū & deputa
tionibus patrum per doctissimos uiros de
monte pietatis in pauperū & miserabiliū personarū
subsidiū; & usurarię prauitatis detestationē sepe nu
mero abunde & exacte disputatū fuerit: unaq; esset
omniū fere snia ut talis mons tanq̃ res oībus xpianis
expediētissima animabusq; ac reb⁹ eorū saluberrima
iustus rectus ac pius per sanctitatem tuam eodem sa
cro approbante concilio declararetur & concludere
tur: sicq; declarari & concludi obtinuerit. Ad exagge
randum tuę sanctitatis prouidentiam: manifestan
damq; usurarū uoraginem quę nō solum a iudeis ue
rum etiā ab innumeris christianis publice priuatimq;
exercentur: de quibus dñs in psalmo tertiodecimo di
xit, Qui deuorant plebem meam sicut escam panis:
libellum hunc edere constitui ut uniuersi singuliq;
sciant per huius montis piam ac sanctam constitutio
nem quantū pauperes xpī a perfidorū iudeorū & alio
rum usurarioꝝ scēnore subleuandi sint si huuc mon
tem pietatis congrue nuncupatum in suis urbibus &

locis instituerint. Et iudeos atq; alios nſurarios qui ſe
nus per publica etiã decreta exercēt eiecerint, aut ad
ſellularias artes tantũ exercendas compulerint. Et ut
difficillima ſubtiliſſimaq; mäteria (quam explanatu
rus ſum) facilius percipiat: & pene oculata (ut aiũt)
fide manibuſq; tangatur: nõnullas conſuſiones pro
ponam quibus uſurarũ uoraginem barathrum atq;
abyſſum maniſeſtiſſimis argumentis patefaciã. Pri
ma conſuſio taxat uſuram unius ducati ad centum
annos continuatã & eſt iſta. Si iudæus uſurarius uel
aliũ ſcenerator ducatum unũ pro prima ſorte habue
rit & uſuram cum lucro lucri ad rationẽ triginta pro
centum (ut cõſuetudo ſceneratorũ habet) quotannis
acceperit: & ad centũ annos uſuram continuauerit:
talis ſuperlucrabitur plures ducatos q̃ ferre uel porta
re poſſint tot elephanti quot ſunt unitates in hoc nu
mero uidelicet. 247933. hoc eſt ducenta & quadragin
ta ſeptem millia elephantorũ: ac noningenti triginta
tres elephanti. Ex quo inferri poteſt nullam munda
nam potentiã poſſe reſpõdere uſuræ unius ducati ad
centum annos continuatæ. & fortasſe omnes potentia
tus uniuerſæ terræ nõ ſufficerent ad hoc explendum.
Secunda conſuſio taxat uſurã unius ducati ad cen
tum & quinquaginta annos continuatã. pro qua de
claranda imaginabor claſſem maximã in thurcos pa
ratam multarũ ac maximarũ nauium: imo pluſq̃ mil
le milliũ nauium: quarũ quẽlibet ſit maior arca Noe
quæ omnes ſint onuſtæ & plenæ ducatis uſq; ad an

tennā cuneatim sibi inuicem appositis stipatis & in-
culcatis : sic q̄ quēlibet nauiſ tantū auri pondus ue-
here ualeat quantū ferre poſſent centū millia elephā
torum : quo præſuppoſito dico q̄ ſi iudeuſ uſurariuſ
uel aliuſ trapezita ducatum unū pro prima ſorte ha-
buerit & ad.150. annos uſurā cōtinuauerit : talis plu-
res ducatos ſuplucrabitur q̄ ferre uel uehere poſſent
tot naueſ ex nauibuſ prædictiſ quot ſunt unitateſ in
hoc numero uidelicet.1234532. hoc eſt quantū uehere
poſſent mille millia nauīū prædictarū : item ducenta
trigintaquatuor millia : quingentæ & trigintaduæ
naueſ. Tertia conſuſio taxat uſuram ducentorū an-
norū. pro qua declarāda oportet imaginari aliā claſ-
ſem multo maiorem claſſe prædicta : nō nauīū ſed ar-
carum maximarū habentium omnia latera quadrata
ad anguloſ rectoſ ſic q̄ quēlibet arca habeat in longi-
tudine latitudine & profunditate unū milliariū itali-
cum : quę omneſ ſint onuſtæ & plenæ ducatiſ cunea-
tim inuicem ſtipatiſ & inculcatiſ. haſ arcaſ ad diffe-
rentiam arcarū Noe præcedentiſ conſuſionis appel-
labo arcaſ Leonis papę. quibuſ præſuppoſitiſ dico q̄
ſi iudeuſ uſurariuſ uel aliuſ menſariuſ ducatuſ unū
pro prima ſorte habuerit & ad.200. annos uſurā cōti-
nuauerit : talis pluſ ducatoſ ſuplucrabitur q̄ conti-
nere uel capere poſſent tot arcaę ex arcibꝯ prædictiſ quot
ſunt unitateſ in hoc numero vc3.694802. hoc eſt ſex-
centa nonagintaquatuor millia arcarū : octingentę &
duæ arcaę quarū quēlibet cōtinet in longitudine lati-

tudine & profunditate unū milliariū italicū. Quartā conclusio taxat usurā ducentorū & quinquaginta annorū. pro qua declaranda oportet imaginari aliā classē uel multitudinē arcarū multo maiorū arcis predictis sic q̄ quēlibet arca ponat̄ habere in longitudine latitudine & profunditate centum milliaria italica: quantū itineris cōputari solet ab urbe Roma usq; ad ciuitatē senarū. has arcas ad differentiā arcarū precedentis cōclusionis propter excellentem ipsarū magnitudinem appellabo arcas sancti Petri. quibus presuppositis dico q̄ si iudeus usurarius uel alius numularius ducatum unum pro prima sorte habuerit & ad 250. annos usuram cōtinuauerit talis plures ducatos sup̄lucabitur q̄ cōtinere possent tot arcæ ex arcis predictis quot sunt unitates in hoc numero $vc3.345962$. hoc est trecenta & quadragintaquinq; millia arcarū predictarū: & noningentæ sexagintaduæ arcæ. Poterit hæc cōclusio aliter formari sic. Si iudeus usurarius uel alius scenerator ducatū unū pro prima sorte habuerit: & ad 250. annos usuram per imaginationem cōtinuauerit: talis plures ducatos sup̄lucabitur q̄ sint arenulæ imo atomi qui cōtineri possint in sphaera uel globo cuius diameter est unius milliarii. Quinta conclusio taxat usurā trecentorū annorū. pro declaratione huius cōclusionis non possumus imaginari classē nauīū adeo magnā neq; arcas neq; fiscos uel fiscinas tam capaces quæ sint sufficientes ad capiendū tantā multitudinē ducatorū quot sunt ducati istius conclu-

sionis quos fœnerator per usurā unius ducati ad.300. annos continuatā sup̄lucraretur: nisi finxerimus quālibet arcā esse maiore tota terra una cū aqua ei cōcentrica. quo posito dico q̄ nō sufficerent trecenta millia taliū arcarū instar orbiū terrarū ad continendū tātam multitudinē ducatorū quot sunt ducati quos fœnerator superlucraret per usurā unius ducati ad.300. annos continuatā. neq̄ poterūt contineri tot ducati sub concavo orbis lunæ in spheris oīum elementorū. Igit̄ hāc conclusionē & sequentes probabimus per numerum atomorū: dicētes. Si iudæus usurarius uel alius argentarius ducatū unū pro prima sorte habuerit & ad.300. annos usurā continuauerit: talis plures ducatos sup̄lucrabitur q̄ sint arenulæ imo atomi qui contineri possint in sphaera uel globo cuius diameter habet centū milliaria. Sexta cōclusio. Si iudæus usurarius uel alius putealis ducatum unū pro prima sorte habuerit & ad trecentos ac quinquaginta annos usuram continuauerit: talis plures ducatos superlucrabitur q̄ cōtineri possint ducati in spheris omniū elementorum & in spheris cœlestibus usq̄ ad conuexū orbis solis inclusiue. Vel aliter sic manētibus eisdem usuræ terminis faciendo cōparationem ad atomos dicemus q̄ talis plures ducatos sup̄lucrabit q̄ sint atomi qui cōtineri possint in tota terra & aqua ei cōcentrica. Septima cōclusio. Si iudæus usurarius uel alius danista ducatū unū pro prima sorte habuerit & per imaginationē ad.400. annos usurā cōtinuauerit: talis

plures ducatos suplucribitur q̄ sint ducati qui possint
cōtineri in sphaeris uel orbibus omniū elementorū &
omniū planetarū usq; ad concauū firmamenti stellarū
fixarum. Vel aliter sic manentibus eisdem usurę ter-
minis faciendo comparationē ad atomos: talis plu-
res ducatos suplucribitur q̄ sint atomi qui conti-
neri possint in sphaeris omniū elementorū usq; ad con-
cauū orbis lunę. Octaua conclusio. Si iudæus usura-
rius uel alius trapezita ad. 400. &. 50. annos usuram
continuaauerit: talis plures ducatos suplucribitur q̄
sint atomi qui cōtineri possint in orbibus omniū ele-
mentorū & sphaerarū cœlestiū usq; ad conuexū orbis
solis. Nona conclusio. Si iudæus scenerator uel alius
colybiſta usurā unius ducati ad. 500. annos cōtinua-
uerit: talis plures ducatos suplucribitur q̄ possint cō-
tineri ducati in toto uniuerso mūdo. Vel aliter sic ma-
nentibus eisdem usurę terminis: talis plures ducatos
suplucribitur q̄ sint atomi qui cōtineri possint in or-
bibus omniū elementorū & omniū planetarū usq; ad
concauū firmamenti stellarū fixarū. Decima cōclusio.
Si iudæus usurarius uel alius tokista ad. 600. annos
scenus cōtinuaauerit: plures ducatos suplucribitur q̄
sint uel contineri possint atomi in toto uniuerso mū-
do. Vndecima cōclusio. Si essent millies millies mil-
le millia mundorū & omnes illi mūdi essent pleni ato-
mis: dico q; si iudæus scenerator uel alius philargi-
ros ducatū unū pro prima sorte habuerit & per ima-
ginationem ad. 700. annos usurā continuaauerit: talis

plures ducatos superlucrabitur q̄ sint uel esse possint
tot mundorū atomi. Alia cōclusio. Si tot essent mūdi
quot possint esse atomi in toto uniuerso mūdo & oēs
illi mūdi essent pleni atomis : Dico q̄ si iudæus usu-
rarius uel alius mensarius ducatū unū pro prima sor-
tē habuerit & per imaginationē ad.1200. annos usurā
cōtinuauerit : talis plures ducatos superlucrabit q̄ sint
uel esse possint tot mundorū atomi. Adeo enim crescit
in imensum hæc usurarū uorago ut numerus atomorū
totius uniuersi possit dici minimus respectu numeri
ducatorū usuræ respondentis.1200. annis : quia mino-
rem habet proportionē ad ipsum q̄ habeat unus ato-
mus ad totū uniuersum mundū. Alia cōclusio. Si to-
tum uniuersum esset plenum atomis & quilibet ato-
mus per imaginationē cōuerteret in tot mūdos quot
possint contineri atomi in toto uniuerso mūdo & oēs
illi mūdi iterū fingantur pleni atomis : Dico q̄ si iu-
dæus usurarius uel alius scenerator ducatū unū pro
prima sorte habuerit & cum usuris usurarū (ut facere
sunt soliti) per imaginationē ad.1800. annos usurā cō-
tinuauerit : talis plures ducatos superlucrabitur q̄ sint
uel esse possint tot mundorū atomi. Afferemus & alia
multa in detestationē usurariæ prauitatis quæ in pro-
cessu patebūt. Quæ etsi fortasse prima facie uidebun-
tur absurda ridicula & a ueritate penitus aliena : sunt
tamen uerissima . & concedente deo faciemus ea hac
nrā lucubratiūcula luce meridiana clariora : his saltē
q̄ calculos usq̄ ad mille & deinceps usq̄ ad duo mil-

lia & tria millia supputare didicerint. Quibus proba-
tis ac demonstratis cūctis perspicuū erit paupes chri-
sticolae qui usuris latenter cōsumi solent maximā ex
hoc mōte pietatis utilitatē cōsecuturos. Vt enī Chry-
sostomus sup̄ Mattheū recte inq̄t nihil usuris turpi⁹
nihil crudelius; alienas usurarius negociat⁹ miserias.
Est enī pecunia usurarii similis morsui aspidis: nam
pcussus ab aspidē quasi delectatus appetit somnū &
per suauitatē soporis moritur. quia tūc uenenū (retra-
cto ad interiora naturali calore) latēter per oīa mēbra
repiit serpit atq; decurrit: & ad cor penetrās mortem
inducit. sic pecunia per usurā a paupe accepta: gau-
dere facit ad modicū tempus recipientē: sed paula-
tim & latenter oēm eius substantiā consumit. ac totū
pignus in debitū cōuertit. Quāobrem scāna siue sub-
sellia in qbus scēneratores dant uel recipiūt pecunias
recte a priscis uocātur puteal: q̄a accedētes illuc quasi
in puteū delapsi mergunt⁹. nam scēnerator tanq̄ sub-
leuaturus inopem porrigēs ei manū in barathrū ip̄m
impellit atq; intrudit: & pauperis iactura se diuitem
facit. Significāter etiā latini usurā scēnus uocāt a scē-
no e terra pducto. nam sicut scēnū sine cultu terre: &
sine labore coloni sponte nascitur & multiplicat⁹: sic
pecunia data ad usurā nulla fatigatione uel periculo
dantis auget⁹ & crescit. Quāobrem usura a grēcis con-
grue appellat⁹ τοκος hoc est partus: quia sicut partu
multiplicant⁹ res sic pecunia per usurā mirū in modū
crescit & multiplicat⁹. & q̄a hoc est cōtra naturā pecu-

niæ quæ nō germinat : ideo abusus pecuniæ peccatū
est. & uocat' usura. & quicqd pro usu pecuniæ soluit'
usura est. Signāter etiā his tpibus usura nomē ab usu
accepisse uidet' : qā scenerari iā in usu multorū uenit.
& qd̄ priscis tpibus uix iudæis fuit cōcessum hac nra
tēpestāte multi christiāi (prohpudor) sibi usurparūt.
& maiori fēnore q̄ iudēi usurā exercēt. quinimo sicut
apes de melle & fauo sollicitē fucos ignauos ab alucis
& a præsēpibus arcēt sic christiani usuris inhiātes iu
dēos a trapeza & subselliis quē bancos uocāt reppule
rūt. & q̄si licitū sit scenerari mutato noīe usuræ uocāt
interesse : nō cōputātes tam imensum lucrū in usurā
sed in dāni cuitationē. Nos tale scenus appellabimus
nō solū usurā uerū etiā barathrū abyssum atq; uora
ginē : qā oēm substantiā pauperū deuorat : neq; lucrū
sed rapinā uocabim⁹. Huius peccati grauitatē anim
aduertētes p̄s christianæ religionis multis synodis
ac decretis & p̄cipue priori lateranēsi cōcilio sanxerūt
& declararūt usurarios nō solū peccare mortaliter : ue
rū etiā tanq̄ infames nō esse admittēdos ad cōmunio
nē altaris. neq; ad ingressum ecclīe qñ diuina celebrā
tur. neq; ad cōfessionē p̄ctōrū suorū nisi prius restitue
rint per usurā recepta : uel idonee cauerint se restitutu
ros. quinimo q̄si certum sit aīas usurarioꝝ defunctorū
eterna pēna dānatas esse : uoluerūt cadauera usurario
rū ecclīastica carere sepultura. & sepeliētes ea ipso fa
cto excōicationē incurrūt. recitant' hæc. c. quia in om
nibus de usuris. c. q̄q̄ de usuris libro sexto cle. i. de se
pulturis. & multis aliis locis. Quæ cū ita sint beatissī

me pater ſūmopere conandū eſt ut ſacer iſte mons in
lateraneū. cōcilio ſancitus cōſtituat & erigat in urbe
roma: ſicut in multis aliis italiae ciuitatib⁹ erectus eſt
qui ceteris mōtibus tāto celſior erit quāto urbs roma
aliis ciuitatibus pr̄eminet. tāto etiā reliqs ſanctior &
diuinior erit quāto pluribus cōicabitur. nā ut philo-
ſophi teſtantur bonū quāto cōmunius tāto diuinius
exiſtit. Magnā itaq; apud hoies laudem & apud deū
mercedē ſanctitas tua ex hoc mōte pietatis rite ac ſan-
cte inſtituto cōſequet⁹. per quē paupibus magnopere
ſubuenit⁹ & diuitibus ac uſurariis potestas ſc̄nerandi
& facultas peccādi aufertur. nā ut pſalmiſta inq̃t Ex
uſuris & iniquitate redimes aīas eorū & honorabile
erit nomē tuū corā deo & hoibus. Sed multo maiorē
laudē & gloriā & apud deū ſatiſſactionē debiti ex cor-
rectione calēdarij p̄ recta paſche celebratiōe cōſequi
poteris. tāto dico maiorē quāto cœlū eſt maius terra.
& quāto ſpūalia & cēleſtia digniora ſunt tpalib⁹ atq;
terrenis. & quanto aīa dignior eſt corpe. & q̃to magis
obligati ſumus ad obſeruandū ecclīe decreta & roma-
noꝝ pōtificū p̄cepta q̃ imitari errores alexādrinoꝝ q̃
iā a fide chriſti apoſtatarūt. q̃a nō eſt error in canone
paſche a romanis pōtificib⁹ inſtituto ſed i modo quē
rendi paſcha ab alexādrinis inducto. qui caducū hūc
aureū aut uerius plūbeū numeꝝ calēdario inſcripſe-
rūt & p̄ eū paſcha ſanctū quotānis quēredū eſſe inſti-
tuerūt. Ex hoc errore alexādrinoꝝ accidit ſepenūcro
paſcha ſc̄tm̄ p̄. 35. dies tardius celebrari q̃ iuxta patrū
decreta & Ro. pontificū ſanctiones celebrari deberet

quod anno proxime futuro vcz. 1519. continget si error
iste interim nō fuerit correctus. tunc nāq; iuxta hanc
alexandrinorū constitutionē pascha sanctū celebrabi
tur die. 24. aprilis luna. 25. & in secūdo mense imūn
dis deputato: sole exāte in. 13. gradu tauri. quod iux
ta patrū decreta & romanorū pontificū sanctiones ce
lebrari deberet. 20. martii die dñica post. 14. lunā pri
mi mensis sole existente in ariete. Maximū profecto
dedecus est & opprobriū qđ posthabitis p̄ceptis ro
manorū pontificū de pascha celebrādo rite ac recte in
stitutis: sequamur errorē alexandrinorū qui iam. 900
annis transactis renegata xp̄i fide Maumetho idolo
seruierūt & nuperrime thurco imaniſſimo xp̄iani no
minis hosti manus dederūt. Præcipiat ergo sanctitas
tua ut canon paschalis celebritatis a romanis pontifi
cibus recte institutus & a patribus nicēnæ synodi cō
firmatus ab oībus inuiolabiliter obseruet. vcz qđ pas
cha singulis annis celebret die dñico post. 14. lunam
primi mensis quemadmodum patres instituerūt. ut
p̄cepta dei & sanctorū patrū decreta obseruantes pa
cem cū deo & hominibus habeamus. & uerū pascha
in azymis sinceritatis & ueritatis manducare & unā
cū xp̄o epulari possimus. sed hæc in maiori uolumine
tribus & triginta libris ac demū quatuor cōpendiis
abūde exposuimus. Nūc propositā de monte pietatis
materiā p̄sequemur. licet fortasse pertractio huiusce
rei huic nō temporis turbulentissimo ac tempestuoso
minime congruere uel cōuenire uidebitur. in quo p̄q

tius scribendū esset de impietate militū qui montem
pietatis & bona ecclesiæ diripuerūt: q̄ de pietate cō
cilii uel sacerdotū qui mōtem pietatis instituerūt. po
tius scribendū esset (mihi præcipue) de direptione &
depredatione ecclesiæ meæ, de populatione ciuitatis
forosempronienſis, de scuitia crudelitate & imanita
te militum q̄ de auaritia usurariorum uel cupiditate
& expilatione fœneratorum. quando quidem eccle
sia mea & ciuitas forosempronienſis tpe quo præfui
ecclesiæ ter ab impiis militibus direpta depredata &
spoliata fuit, bona ecclesiæ & ep̄i ablata: sacra & sacra
menta uiolata & profanata fuerunt. Nō possum lu
gere cū Hieremia propheta in lamentationibus suis
dicente. Quomodo sedet sola ciuitas plena populo?
sed dicendū est. Quomodo iacet sola ciuitas ambusta
incinerata & uacua populo. Quis in his perturbatio
nibus philosophari posset? præcipue in rebus mathe
maticis difficillimis, & in arithmeticis quæ summā
considerationē & quietum animū requirūt? Sed his
posthabitis (nāq; dabit deus his quoq; finē) proſeque
mur nūc propositā materiā & tribus libris hāc nām
lucubratiunculā distinguemus. Primo libro nume
ratorū totius uniuersi & partiū eius inuestigabim⁹.
Secdo libro uoraginē usuræ supputabimus. Tertio li
bro ppositas cōclusiones probabim⁹ & inferem⁹. Va
leat sanctitas tua cui me & ecclesiā meā ac ciuitatē fo
rosempronienſem cōmendo: ut bona ecclesiæ & ep̄i ac alio
rū innocētū p̄ impios milites male ablata restituant⁹.

Ad serenissimū romanorū regem & christia-
norū omniū imperatorem Maximilianū semp
augustū: Pauli germani de middelburgo epi
forosempronienſis super monte pietatis insti-
tuendo exhortatio.



Vā sit detestanda & execrāda serenissime
rex usurarū uorago & sceneratorū expila-
tio multis argumentis conclusionibus &
exemplis in lucubratiūcula mea abunde
ostendi: alioq; exemplo accolis maris oceani magis
noto id patefaciā. Scio sacram maiestatem tuā in pro-
uinciis flandriæ hollandiæ zelandiæ atq; etiā in in-
sula middelburgensi in qua ortus sum sæpenumero
uidisse in littore oceani albissimarū arenularū cumu-
los estu & uomitu maris & flatu ac ui uentorū in ma-
ximos acervos congestos & coaceruatos: eāq; arenu-
larū multitudinē incolæ omnes & aduenæ pene infi-
nitam uel saltem incōprehensibilem & innumerabi-
lem existimāt. Hæc tamen respectu numeri ducatorū
usurariæ uoraginis nō solum modica uerū etiam mi-
nima dici potest: quādo quidem usura unius ducati
ad trecentos annos continuata plures ducatos pariat
q̄ arenulæ sint aut atomi qui in sphaera cuius diame-
ter habet centū milliaria contineri possunt. Qd si usu-
ra unius ducati ad sexcentos annos per imaginatio-
nem continuata fuerit: plures ducatos superlucrabi-
tur q̄ sint aut esse possint atomi in totō uniuerso mun-

do. Adeo enim crescit in imensum hæc usurarū uorago ut numerus atomorū totius uniuersi possit dici minimus respectu numeri ducatorū usuræ mille ducentis annis respondentis : quia minorem habet proportionem ad ipsum : quā unus atomus ad totum uniuersum mundū habeat. Quinimo certissima arithmetica ratione monstrabimus quod barathrū huius uoraginis usurarū per multos annos continuatę ad tam imensum pelagus, tamque profundā abyssum deducit, ut numeri ducatorū inde producti aliquotiens in se multiplicati sint maiores & pluribus constant characteribus quā in toto ambitu maioris circumferentię totius uniuersi mūdi scribi possint. imo si numerus ducatorū uoraginis usuræ respondens mille annis constans characteribus centum & quatuordecim fuerit multiplicatus per seipsum trecenties producetur inde numerus constans pluribus characteribus quā atomi in centies milles millies mille millibus mundorum contineri possint. Quantum etiam diuina lex & pontificia iura de testentur hanc usurariā prauitatem in lucubrationcula nostra satis ostendimus : Quandoquidē per sanctorum patrum decreta condēnantur non solum qui usuram exercent : uerum etiam excommunicantur omnes ciuitatum rectores interuenientes & consentientes uel capitula facientes quod usura exigī possit : & domos ad actum illum exercendum locantes. in quo prisca imperatores & antiqui iuristatores indulgentiores fuisse uidentur : qui conuiuentibus oculis usurarū

riam prauitatē tolerare solent. Sed quia his temporibus diuina prohibitio negligit & canonica censura cōtemnitur; factū est ut paupes christicolæ in maximas calamitates incidant. & nisi opportuno remedio succurratur in tantam pecuniarū egestatem homines deuenient q̄ nō nisi penes usurarios pecunia reperitur. & quicquid paupes suo sudore acquirunt statim ad fœneratorū manus perueniet. Hęc & alia reuerēdi patres in sacrosancto lateranensi concilio nuper congregati aduertentes de mutuo montis qui uulgo appellatur pietatis sepe numero disputātes illud esse uere pium ac iustū sanxerunt. Quapropter serenissime rex maiestatem tuam quæ christianū dogma tuetur euangeliūq; profitetur maxime decet, detestabilē illam usurarū uoraginē imperiali auctoritate qua fungitur a christiana republica omnino auferre: quia lex diuina in omnibus est obseruanda: neq; dedignātur leges humanæ sacros canones imitari. Hoc autē per erectionē montis pietatis in qualibet ciuitate facillime fieri poterit; accedente ad hoc decreto maiestatis tuæ. Quod si executioni mandauerit nō solum laudē & gloriam ab hominibus consequetur uerū etiam a deo uitā eternam fœnerabitur. Valeat maiestas tua. cui me cōmendo.

LIBER PRIMVS.

De numero atomorū totius vniuersi
& partium eius.



Crcesus lydorū rex (ut scripsit Herodotus primo libro historiae) cum uideret potentiam Cyri regis persarū indies augeri: cepit cogitare si qua ratione posset persicam potentiam priusq̃ magna efficeretur occupare. quāobrem statuit super hoc oracula consulere. ut autem cognosceret quæ oracula ueriora essent uoluit prius tentare ea & experiri si forte elenchis quibusdā propositis redargui possent. Misitq; ad omnia oracula quæ in græcia/queq; in aphrica essent exploratores qui præter cætera enigmata proponenda sciscitarentur quid ageret Crcesus lydorū rex eo die quo ad oraculū uenerint. Ipse uero singulis diebus noui aliquid & insueti machinatus est cōmentando ea quæ ad deprehendendum & differendū ardua ac difficilia forent. Eo autē die quo nuncii eius delphos uenerunt testitudinem & carnem agninā pariter concisas in cneo uase coxistrato subter ac desuper ære. At ubi lydi qui delphos missi erant ingressi sunt domum consulturi deum & sciscitaturi quod sibi esset iniunctū Pythia hexametro tono hæc inquit

Οἶδ' αἰγὼ ψάμμεν τ' ἄριστόν ἢ μέγα θαλάσσης.

Καὶ κωφοῦ συνίημι ἢ δ' ὤφωι οὐτοῦ ἀκούω.

Ο δὲ μὲν ἐς φρένας ἦλθε κραταῖροισι χελώνης.

Εφομένως ἐν χαλκῷ ἄμαρνεῖσιν κρέσσιν.

Η χαλκὸς μὲν ὑπέσθλωι χαλκὸν δὲ ἐπίεσαι. hoc est:

Noui ego quis numerus fabuli mensuraq; ponti

Mutum percipio fantis nihil audio uocem.

Venit ad has nares nidor testudinis acris

Quæ simul agnina coquitur cum carne lebetes.

Qui subterstratus stratum cui desuper est æs.

Quo oraculo gloriari uidetur uates scire se nō solum,

quid ageret eo die Cræsus lydoꝝ rex uerū etiam quo

tus & quantus sit numerus arenarum maris. Sed ut

Cræsum oraculo quo halym fluuiū traiciendū per-

suasit ut Cyro persarū regi bellum inferret: decepit;

ita numerū arenæ maris ignorasse existimari potest.

Archimedes item syracusanus mathematica scientia

insignis inuestigare conatus fuit numerū arenularū

totius uniuersi: sed quia nō habuit ueram solis & lu-

næ reliquorūq; celestium corporū quantitatem/ & a cen-

tro terræ orbiū ipsorū distantiam: numerū arenularū

totius uniuersi uere cognoscere nō potuit. neq; suppu-

tatio eius græcorum more per myriadas facta, hoc est

per decem millia: congruit supputationi latinorū qui

per millenaria computant. Igitur numerū arenularū

& atomorū totius uniuersi & partium eius hac nostra

lucubrationūcula indagaturi: primo petitiones aut sup-

positiones aliquas præmittemus: quarū prima hæc

PRIMVS

est. Decem millia atomorū equari uni arenulæ uel saltem non minorem quantitatem efficere. Et licet atomus iuxta græcam etimologiam quid indiuiduū uel indiuisibile significet: quia tamē impossibile est corpus aliquod indiuisibile reperiri: nos iuxta consuetudinem philosophorū appellabimus atomū nō simpliciter indiuisibile corpus: sed quod adeo est paruum atq; minutū ut etiam aciem acutissimi uisus subterfugiat, qualia sunt corpuscula illa puluerulenta quæ in radiis solis per fenestrā domus intrantibus oculis in obscuro uel in umbra collocatis uideri solent. Vel aliter quantitatem atomi sic insinuabimus: si imaginati fuerimus unā arenulam esse diuisam in decem millia partiū: quamlibet partem atomū uocabimus. Secunda suppositio est decem millia arenularū orbiculariter inuicem compactarū spherulam efficere nō minorē uno grano sinapis. Has duas suppositiones nō aliter probabimus sed tanq̃ per se notas præsupponemus. placuit aut̃ propositū magis ostēdere per granum sinapis q̃ per alterius generis granulū: quia secundū euangelicam doctrinā Mathēi 13: omniū granorū minimū esse uidetur tum quia q̃ sinapis grana si modo nō sint simpliciter minima saltē ad sphericitatem magis accedunt. tum quia regionū diuersitate minorem quantitatis uariationem recipiunt. Tertia suppositio est uiginti millia granorū sinapis orbicula

LIBER

riter inuicem compactorū sphaeram efficere nō minorem q̄ sit sphaera latitudinis unius digiti. præsупponendo q̄ sedecim digiti pedalem longitudinem constituent. Probatur hac suppositio: nam per ultimam duodecimi Euclidis duabus sphaeris propositis ea est ipsarū inuicem proportio quæ diametro existit proportio triplicata: hoc est cubice in se multiplicata per cōmentum undecimæ diffinitionis quinti. sed radix cubica de uiginti milibus granorum sinapis quæ est plus q̄ uigintiseptem nō est minor radice cubica quantitatis digitalis: imo uiginti quinque grana sinapis in regula teresa & leni iuxta se inuicem disposita nō minorem occupant longitudinē q̄ sit latitudo digiti secundū cōmunem italiæ mensurā. iuxta quam rationem sphaera digitalis multiplex esset ad granū sinapis quindecim mille uicibus sexcētis & uiginti quinque uicibus sic q̄. 15625. grana sinapis digitalem sphaeram perficerent. Nos uero uolentes nō ambigue sed indubitissime propositū demonstrare maluimus in atomorū numero exuperare potius q̄ deficere. cum nō sit intentionis nostræ propositū adæquatam & præcisam atomorū multitudinem perscrutari: hoc nanq; humanum superans ingeniū soli deo reseruatū est: sed demonstrare uolumus nō maiorem posse atomorū multitudinem in toto uniuerso mūdo contineri q̄ sit multitudo inferius inuestiganda. Pro indubitato ergo te-

PRIMVS

nendū est uiginti millia granorū sinapis sphaerice cō-
 pactorum nō minorem sphaeram efficere q̄ sit sphaera
 latitudinis unius digiti. Quarta suppositio est quater
 mille & nonaginta sex sphaerulas digitales pedalem
 sphaeram efficere. Probatur etiam per ultimā duode-
 cimi Euclidis superius allegatam; ea nāq; ut diximus
 sphaerarū est proportio quae diametrorū est proportio
 triplicata hoc est cubice in se multiplicata. sed iuxta
 cōmunem & uulgatū mensurandi modum a priscis
 etiam semper obseruatum; sedecim digiti faciunt pe-
 dem unum, iuxta illud quod dici solet: Est quater in
 palmo digitus quater in pede palmus: cubus autem
 de. 16. est. 4096. ergo diameter sphaerae pedalis multi-
 plex erit ad diametrum sphaerae digitalis sedecies. &
 sphaera ipsa pedalis multiplex erit ad sphaerā digita-
 lem quatermillies nonagesi sexies. totidē ergo sphae-
 ra digitales sphaerae pedali equātur. His quatuor sup-
 positionibus praemissis facile patebit quāta possit are-
 nularū puluerū seu atomorū multitudo contineri in
 sphaera cuius diameter pedalis fuerit quantitatis. per
 quartam nanq; suppositionem imēdiate praemissam
 sphaera pedalis quantitatis potentialiter in se cōtinet
 sphaerulas digitales quater mille & nonaginta sex. &
 quia per tertiā supputationē quaelibet digitalis sphae-
 ra maior est grano sinapis nō plus q̄ uigesies millies:
 sequitur q̄ in sphaera pedalis quātitatis contineri po-

LIBER 7

terunt grana sinapis non plura q̄. 81920000. hoc est octingentesies & semel mille millia: noningentesies uigesies mille grana sinapis. Et quia per secundam suppositionem quodlibet granum sinapis maius est una arenula non plus q̄ decies millies, sequitur in sphaera pedali contineri posse arenulas nō plures q̄ his duodecim figuris cōprehendantur uidelicet. 819200000000 hoc est octies centum ac deciesnonies millies mille millia: ducenta mille millia. quod sic probatur: nam multiplicando numerū granorū sinapis in sphaera pedali contentū scilicet. 81920000. per decem millia prouenit quantitas prædicta. Et quia per primā suppositionem una arenula ponitur maior atomo deciesmillies sequitur in sphaera pedali contineri posse atomos nō plures q̄ his sedecim figuris significetur uidelicet 8192000000000000. hoc est octies millies millies millies mille millia: centies nonagesies bis millies millies mille millia. nam multiplicando numerū arenularum quem diximus in sphaera pedali contineri posse: per decem millia: resultat numerus prædictus. Sed quia quantitas numerorū centū mille millia excedentium non facile a nobis distincte exprimi potest: nisi per confusam quandā millium aut myriadū uicissitudinem & repetitionē: expediens erit ut maximam huiusmodi atomorū multitudinē facilius & cōmodius exprimere possimus: nouam quandam supputa

PRIMVS

tionis rationē confingere ut ſcilicet figurarū aut cha-
racterū loca per nouem ſemp interualla diſtincta pe-
riodica quadā iteratione ordinem & ſignificationem
figurarū repetamus : & quod cōſuetudo haecenus in
tribus terminis obſeruauit nos ad nouem extēdemus
ſic q̄ primæ nouem figuræ : primæ periodi uociten-
tur. ſequentes nouem ſecundæ periodi dicātur. dein-
ceps reliquæ nouem tertiæ periodi. rursus alię nouem
quartæ periodi/ſicq; in ceteris in infinitū . Iuxta quā
rationem decima figura quæ millies mille millia no-
bis deſignat prima ſecundæ periodi dicitur : & nume-
rum ſecundoꝝ oſtendet. Vndecima figura decena ſe-
cundorum numeroꝝ ſignificabit. Duodecima figura
centena ſecundoꝝ dabit. Tertiadecima millena ſecū-
dæ periodi. Quartadecima decena millia ſecundæ pe-
riodi/ſicq; in ceteris, quemadmodū multis exemplis
poſtea declarabimus. uerbi gratia ſi numerū atomo-
rum ſuperius inuentum ſedecim characteribus con-
ſtanti quā maior in ſphæra pedali contineri nō po-
teſt : hoc eſt. 8192000000000000. per hanc noſtrā ſup-
putationem exprimere uelimus dicemus omnē hanc
atomorum multitudinem eſſe octies mille millia cen-
tum nonagintaduō millia ſecundoꝝ numeroꝝ : hoc
eſt ſecundæ periodi.

LIBER

De numero atomorum cōtentorum
aut possibiliū contineri in sphæra cuius
diameter est unius milliarii.

Postq̃ arenularum & atomorum nume-
rum in sphæra pedalis quantitatis possi-
bilibium contineri conscripsimus, superest
ut ad sphæram unius milliarii dimetien-
dam accedamus: inquirentes maximam multitudi-
nem atomorum possibiliū contineri in sphæra cuius
diameter est unius milliarii. Vbi primū animaduer-
tere conuenit: milliariū apud philosophos & mathe-
maticos arabes atq; latinos uocari longitudinē mille
passuū. passus uero secundū eosdem cōtinet quatuor
cubitos siue sex pedes quo fit ut milliarium cōtineat
quater mille cubitos siue sexies mille pedes. Gręci ue-
ro secundū eandem mensurā suos passus computant
ex quibus stadia conficiunt. Vnde Herodotus anti-
quissimus historiarū scriptor in euterpe inquit. Cen-
tum iusti passus sunt stadium unū sex iugerū: passus
inquā mensura sex pedum siue quatuor cubitorū: pe-
des aut quatuor palmorū: cubiti uero sex palmorum.
Hęc est cōmunis terrę mensura qua philosophi grę-
ci latini & arabes uti solent: licet neoterici quidā pas-
sum quinq; pedibus constare autument: iuxta illud
quod dici solet: Quinq; pedes passum faciunt/passus

PRIMVS

quoq; centū uiginti quinq; stadiū: quod & Censori-
 nus stadium italicū uocat. sed quia itali nō utuntur
 amplius stadiis sed milliariis: ideo & nos per millia-
 ria hanc nostram supputationē prosequemur: consti-
 tuendo quodlibet milliariū ex sex millibus pedum.
 Cum ergo in præcedentibus ostendimus quot atomi
 cōtineri possint in sphæra cuius diameter est pedalis
 quantitatis: facile notum erit quot atomi contineri
 possint in sphæra cuius diameter est unius milliarii
 cum longitudo milliarii ponatur sex milliū pedum.
 Imaginemur itaq; duas sphæras ex pulueribus siue
 atomis compositas quarū una sit pedalis diametri de
 qua superius mentionē fecimus; reliqua uero sit dia-
 metri unius milliarii: dico hanc esse multiplicem ad
 primā tot uicibus quot sunt unitates in hoc numero
 duodecim characteribus integrato uidelicet 2160000
 00000. quem iuxta rationem nostrā superius exposi-
 tam sic exprimere possumus ducēta & sedecim secun-
 da hoc est secundæ periodi. nam sphærarū ut diximus
 proportio est diametrorū proportio triplicata hoc est
 cubice in se multiplicata. Cubus autē diametri primæ
 sphære quā pedalem posuimus est unitas. Cubus ue-
 ro diametri secundæ sphære cuius diametrum unius
 milliarii hoc est sex milliū pedum posuimus: est nu-
 merus constans duodecim characteribus superius de-
 scriptus. Liquidū igitur est sphæram unius milliarii

LIBER

esse multiplicem ad sphaerā cuius diameter est quantitas pedalis tot uicibus quot sunt unitates in numero isto uidelicet. 216000000000. Si igitur multiplicauerimus hunc numerū per numerū atomorū quo maior in sphaera pedali cōtineri nō potest quē superius annotauimus ac sedecim figuris descriptū monstrauimus uidelicet. 8192000000000000. proueniet nobis numerus atomorū in sphaera unius milliarii contentorū: qui non erit maior hoc numero uigintiocto characteribus constante uidelicet. 1769472000000000000000000000. hoc est secundum nostram rationem unū quartum idest quartae periodi septingenta sexaginta nouem mille millia quadraginta septuaginta duo millia tertię periodi. Tota ergo atomorū multitudo quae contineri potest in sphaera unius milliarii nō est maior numero praedicto. Habito itaq; numero atomorum contentorū aut possibiliū contineri in sphaera cuius diameter unius milliarii existit: facile perquiri poterit quot atomi comprehendi possint in sphaera cuius diameter cōtinet in longitudine decem millia. haec nāq; millecupla erit ad sphaerā cuius diameter est unius milliarii: triplicata scilicet diametrorū proportionē. Si igitur numerū atomorū in sphaera unius milliarii contentorū per mille multiplicauerimus resultabit inde numerus atomorū contentorū aut possibiliū cōtineri in sphaera cuius diameter habet decem

PRIMVS

milliaria. qui nō erit maior hoc numero uno & triginta
characteribus integrato uidelicet. 17694720000000
0000000000000000000000. Et quia hæc sphaera cuius dia-
meter cōtinet decem milliaria maioris est diametri q̃
insula middelburgensis zelandiae in qua orti sumus:
continebit hæc sphaera plures arenulas q̃ sint aut esse
possint arenulae huius insulae in littore maris oceani
accumulatæ estu & uomitu maris ac flatu uentorū cō-
gestae. quas tamen incolae ob nimiam ipsarū multitudi-
nem innumerabiles & incōprehensibiles arbitrantur.
Simili ratione demonstrari poterit q̃ in sphaera cuius
diameter habet in longitudine centum milliaria pote-
runt cōtineri atomi nō plures q̃ scribi possint per hunc
numerus constantem characteribus trigintaquatuor
uidelicet. 17694720000000000000000000000000.

De numero atomorum totius terræ & aquæ ei concentricæ.

Abito nūc numero atomorū contentorum
aut possibilibus contineri in sphaera cuius
diameter continet decem uel centum mil-
liaria: ad totam ipsam terram mensuran-
dam una cum aqua ei concentrica accedamus. Pto-
lemæo namq; auctore concessum est & mathemati-
cis demonstrationibus compertum totius terræ &
aquæ superficiem sphericam esse & idem centrum

LIBER

cū sphaera celestiu simul habere. quo fit ut ex stadiorū
aut milliarioꝝ dimensionibus coelesti circulo collatis
totius terrę & aquę ambitus facile metiri possit. quod
gręci per stadia, galli per leucas, egyptii per schēnos,
persę per parasangas, sed arabes & latini per millia
ria fecerunt. Vnde Claudius ptolemęus primo & sep
timo cosmographię suę libro experimētis certissimis
compertum asserit: cuilibet gradui circuli magni in
coelo: quingenta in terra respondere stadia. Cū ergo
coelū ipsum & quilibet in coelo circulus magnus tre
centis & sexaginta gradibus distinguatur: sequitur
necessario totius terrę ambitū & circūferentiam esse
stadiorū. 180000. hoc est centum & octoginta milliū.
quod & Ptolemęus septimo suę cosmographię libro
in summaria descriptione ostendit dicens. Totius au
tem terrę ambitus constat stadiis centū & octoginta
millibus ueluti gradu uno quingenta stadia comple
ctente. ut ex diligentiori dimensione comprehensum
est: hæc Ptolemęus. Licet Eratosthenes cuilibet gra
dui celesti septingenta stadia deputauerit. quod ideo
fortasse accidit quia minora stadia habuit. Sūt enim
apud diuersas nationes diuersa stadia. nam ut docet
Censorinus libro suo de die natali: stadium italicum
continet passus centum uiginti quinque. stadium olym
picum continet passus centū hoc est pedes sexcentos.
stadium pythicū est pedum mille. Illa uero quę supe

PRIMVS

rius ex Herodoto adduximus congruūt stadio olym-
pico. nam & ipse stadium centū passibus hoc est sex-
centis pedibus constare asserit. Arabes uero terræ di-
mensiones per milliaria cōputantes asserunt cuilibet
gradui cœlesti respondere in terra milliaria quinqu-
ginta sex cū duabus tertiis. quemadmodum Alfraga-
nus in diebus Almeonis multorū sapientum synodo
compertū fuisse asserit. Hūc Campanus nouariensis
& Ioānes blanchinus ferrariensis uel bononiensis in
dimētionibus suis imitati sunt. Alii iuniores cuilibet
gradui cœlesti sexagintaduo milliaria cū dimidio at-
tribuerūt ponentes octo stadia ptolemaica cōstituere
milliarium unū. Alii Eratosthenem sequētes cuilibet
gradui cœlesti attribuerunt milliaria octuagintasep-
tem cum dimidio. hūc imitatus est Prosdocimus pa-
tauinus. Accidit hæc diuersitas opinionū nō ex diffi-
cultate rei uel scientiæ eius: sed quia diuersæ natio-
nes diuersis mensuris stadiorū uel milliariorū utūtur.
Est enim manifestum milliariū germanicū differre
multū a milliario italico: imo fere quintuplū est ad
ipsum. quinimo milliaria italica etiam differūt inter
se. quia maiora sunt in latio q̄ in emilia uenetiis & in
subria quam longobardiam nocant. Neq̄ difficile est
indagare quot stadia uel milliaria uni gradui cœlesti
respondeāt: imo facillimū est. & quilibet per seipsum
hoc experiri poterit: accipiendo elevationē poli bo-

LIBER

realis quem articū uocant in duobus locis sub eodem meridiano positis uno gradu uel pluribus a seinuicē distantibus: & mensurādo intercapedinem terræ uel distantiaē inter hæc duo loca interceptæ. Propter hanc diuersitatem milliarioꝝ & stadioꝝ apud diuersas nationes magis fortasse expediret mensurare distantias locoꝝ per tempora quibus paragrari possint potius q̄ per miliaria uel stadia. nam sicut motus uniformis est mensura spaciū uel distantiaē locoꝝ: sic tempus est mensura motus. & horæ ac tempoꝝ momenta apud omnes nationes sunt equalia. & quantū potui conii cere uni gradui cœlesti respondet in terra tantū itineris spaciū quantū moderatus uiator tempore medio cri hoc est tēpore equinoctii paragrare possit in duobus diebus cū dimidio. Iuxta quā rationē tota terra paragrari uel circūiri posset in duobus annis cū dimidio. Sed quia consuetudo iam obtinuit ut distantiaē locoꝝ per miliaria uel stadia mensurentur: nos latinoꝝ more hanc nostrā supputationem per miliaria instituemus: iuxta mensuram pedum & passuū quibus itali utuntur. qui etsi inter se paulisper in quantitate pedum & passuū & in mensura milliarii dissentiant (ut superius annotauimus) nos mediū differentiaē ipsorum accipiemus: & cuilibet gradui cœlesti octuaginta miliaria italica deputabimus. Cum ergo totū cœlum & quilibet circulus magnus constet gra

PRIMVS

dibus trecentis & sexaginta : erūt in toto ambitu terræ milliarica italica. 28800. hoc est uigintiocto millia & octingenta milliarica. q̄ si a quātitate prædicta subtraxerimus uigesimāsecundā partem & residui sumptserimus tertiā partem habebimus spissitudinem terræ hoc est longitudinem diametri terræ & erunt milliarica. 9163. cum septem undecimis. Et licet montes & ualles propter ipsorū difformitatē & irregularitatem præcise & adæquate mensurari nō possint: tamē quia respectu totius terræ sunt insensibilis quantitatis nō possunt sensibilibus imutare mensurā terræ superius positam. Qd̄ autem sint insensibilis quantitatis respectu totius terræ: patet manifeste ex pyramide umbræ terræ: quæ in eclipsibus lunæ apparet perfecte rotundæ & circularis figuræ: nullas habens eminentias neq; anfractus propter montes qui sunt in terra. Habita itaq; quantitate diametri terræ facile haberi poterit numerus atomorum possibiliū contineri in tota terra & aqua ei concentrica. nam cum sphaerarum ut diximus proportio sit quemadmodum proportio diametrorū triplicata hoc est cubice in se multiplicata: si milliarica diametri terræ superius inuenta multiplicauerimus in se cubice habebimus proportionē sphaeræ totius terræ cum aqua ei concentrica ad sphaeram cuius diameter est un⁹ milliarii de qua sup̄ius scripsimus. Cubus autē milliarioꝝ diametri terræ est iste

PRIMVS

numerū atomorū : dabimus ei ut augeat numerū in-
uentum ad proportionē sesquitertiā per additionem
tertiæ partis eius. uel ut facilius in posterū fiat com-
putatio dabimus ei ut abiectis omnibus figuris signi-
ficatiuis : pro eis ultimā earum duplet : quo facto di-
cemus omnē multitudinem atomorū in tota terra &
aqua ei concentrica possibiliū contineri nō esse maio-
rem numero constante characteribus quadraginta :
quorum ultimus significat duo millia quinta hoc est
quintæ periodi. Nūc ad reliqua elementa & corpora
coelestia dimetienda accedamus.

¶ Capitulum secundū de dimēsiōe reliquo-
rum elementorū & corporū coelestium & de
numero atomorū in eis possibiliū cōtineri.



I humana felicitas in hac uita in animi
contemplatione consistit ut Aristoteli de-
cimo ethicorū placuit : maxime erit ponē-
da in speculatione altissimarū rerum uel
essentiarum. hoc est in contemplatione summi dei &
intelligentiarum. sed quia intellectus humanus sic se
habet ad cognitionē dei & eorū quæ sunt manifestissi-
ma naturæ sicut oculus nycticoracis ad lumen solis
quod ferre nequit quinimo refugit ab eo : ideo diffi-
cillimū est in hac uita aliquā uel minimā de summo

LIBER I

deo scientiā a priori (ut dicunt) adipisci. est enim in-
 effabilis & incomprehensibilis maiestas eius. ad cu-
 ius immensi splendoris fulgorem cecutiunt omnium
 philosophorum oculi dicente scriptura deum nemo ui-
 dit unquam. formæ namque excellentiores non possunt
 comprehendere uel cognosci ab intellectu humano. quia
 non cadunt sub sensu. sed sua limpidissima luce oculo-
 rum aciem perstringendo obtutum in se intuentium
 offuscant obtenebrant & caligare faciunt. nihil autē
 potest mouere intellectū uel cognosci ab eo nisi prius
 comprehensum fuerit per aliquem sensum. quia ne-
 cesse est intelligentem fantasmata speculari. & sicut
 sol non potest uideri nisi per lumen suū sic deus non
 potest cognosci nisi per lumen suum mentibus no-
 stris infusum quod gratiā uocant. quamobrem pro-
 pheta de deo dixit. in lumine tuo uidebimus lumen.
 id est per lumen tuum & per mirabilia opera tua co-
 gnoscemus te. hanc philosophi uocant notitiā a poste-
 riori & per effectus. deus namque Moyse dixit non poteris
 uidere faciem meā. non enim uidebit me homo & ui-
 uet. tollam manū tuam & uidebis posteriora mea. fa-
 ciem autē meam uidere non poteris. non ergo potest co-
 gnosci deus nisi a posteriori & per effectus & opera
 eius quæ uidentur. præcipui autē & eminentiores effe-
 ctus dei uisibiles sunt sol luna & astra lux & lumen.
 horum ergo scientia post theologiā perfectior cæteris

PRIMVS

uidetur. & magis perficit intellectū modica notitia de corpibus celestibus (quę maxime a nobis distant) q̃ multa scientia aliarum rerū. quid enim pulchrius, quid delectabilius esse potest q̃ per certissimā demonstrationem & ut dici solet oculata fide cognoscere ueram quantitātē solis & lunę: ueramq; ipsorū a centro terrę distantia? solares atq; lunares eclipses ad mille annos ante certissime prædicere? uere ut ingeniosus poeta inquit: Fœlices animæ quibus hæc cognoscere primū, inq; domos superas scandere cura fuit. Licet grauis quidā philosophus opinatus fuerit nō esse cōtemplanda cœlestia: quia dicere solebat: quod supra nos est nihil ad nos pertinere. Longe aliter Pythagoras senserat: qui superiora scrutatus imolauit deo buthyriam hecatonben. quia suā industria inuenit q̃ in omni triangulo rectangulo quadratum lateris quod opponitur angulo recto semper est æquale duobus quadratis reliquorū laterū rectū angulū cōtinentium. Vt etiā aristoteles in proœmio libri de anima scripsit una sciētia nobilior est alia duplici de causa uel q̃ mirabilioris & nobilioris est subiecti: uel q̃ certioris est de monstrationis: ppter utraq; hæc scientiā de corpibus celestibus inter primas dignitates ponendā putam⁹. certiorē nāq; de his q̃ de anima demonstrationē habemus. nō obstante q̃ cuilibet homini anima sit ppria. quia pauci sunt qui seipso cognoscūt. quinimo philosophi ipsi de essentia & quiditate animæ maxime

LIBER 9

inuicem dissident & discrepant. Sed mathematicæ scientiæ cum sint in primo gradu certitudinis habent demonstrationes potissimas atq; certissimas. Ceteræ uero artes potius opiniones q̃ scientiæ dici debent. & comparantur naso ceruo qui in utranq; partem facile flecti potest. sunt enim similes regulæ lesbicæ quæ fit ex plumbo ut a latomis facile flecti possit ad formam lapidis cui applicatur ut Aristoteles quinto ethicorū scripsit. Nullæ ergo sunt opiniones in mathematicis sciētiis sed si auctores eius inter se dissenserint nō continget hoc ex parte scientiæ sed ex facto aliquo uel ex perimento uel ex obseruatione aliqua ab eis habita. ut inter Ptolemæū & Albategni accidisse postea ostendemus. Est ergo scientia cœlestiū corporū ceteris post theologiam preferēda sciētiis. quod tamen de parte theoreicali & speculatiua intelligi uolo: quæ geometriæ subalternatur. quia ipsa habet demonstrationes certissimas. Iudiciaria uero potius diuina q̃ humana dici debet. nam & qui illam habent diuini uocantur. licet multis labyrinthis ambagibus & anfractibus sit inuoluta & intricata. quia nō habet demonstrationes sed opiniones dūtaxat. difficile nāq; est de singulis iudicare & humanū superat intellectum. uenit in mentem quod iam in omnes diuulgatū est uidelicet anno salutis millesimo quingentesimo uigesimo quarto maximā aquarū inundationem futuram esse. uel

PRIMVS

indubitatam (ut inquit) humanarum rerum mutationem uariationem & alterationem astra portendere. ob multorum planetarum congressum in signis aqueis. quod iam multos mortales terruit & perturbauit; maxime insulares & fluuiales qui cataclysmos & diluuiorum incommoda pati solent. quod ut spero deus a populo suo auertet. neque fient tot planetarum congressus in signis aqueis neque in februario ut uulgatum est. sed de his alias. nunc ad materiam propositam & ad atomorum numerum redeamus.

De distantia concaui orbis lunæ a centro terræ.



VT habeamus numerum atomorum possibilium contineri infra concauum orbis lunæ: necesse est primum indagare distantiam ipsius a centro terræ. quam quilibet in geometria mediocriter eruditus facile poterit inuenire per diuersitatem aspectus quam habet luna propter propinquitatem eius ad terram. quia semper luna uidetur esse in alio loco ab oculo existente in superficie terræ: & in alio loco ab oculo qui esset in centro terræ. hoc autem in stellis fixis & in aliis planetis altioribus non contingit: propter maximam ipsorum a terra distantiam. adeo quod tota terra respectu illius imensæ distantiae sit tanquam punctus unus. & oculus qui est in superficie terræ ui-

LIBER

det stellas in eisdem locis in quibus uideret eas oculus qui esset in centro terræ. secus est in luna quæ habet diuersitatem aspectus. per quā facile indagari potest distantia lunæ a centro terræ. nam cū semidiameter terræ habeat sensibilem quantitatem respectu orbis lunæ & respectu distantie eius a centro terræ: nunquam apparet altitudo lunæ supra orizontem per instrumentum ab homine accepta tanta: quanta appareret oculo esistenti in centro terræ. nisi fuerit luna in zenith hoc est supra uerticem capitis nostri: quod nunquam in nostra regione neque in europa contingere potest. nunquam ergo in regione nostra uidetur luna in loco in quo est. sed semper apparet paulisper inclinata uersus orizontem. ex qua inclinatione facile cognoscitur distantia eius a centro terræ quocumque loco & tempore dato per demonstrationem quam postea subnectemus. facilius tamen hæc indagari poterunt luna existente in circulo meridiano. Per hanc diuersitatem aspectus & per eclipses solares atque lunares inuenerunt astrologi lunam aliquando plus aliquando minus distare a centro terræ. quam obiectum imaginati sunt eam moueri in circulo eccentrico & epicyclo. quos etiam necesse uel saltem expediens fuit ponere propter uarios & diuersos motus quos lunam habere animaduenerunt. Verum quia in presentiarum querimus duntaxat distantiam lunæ a centro terræ quando est maxime propinqua terræ:

PRIMVS

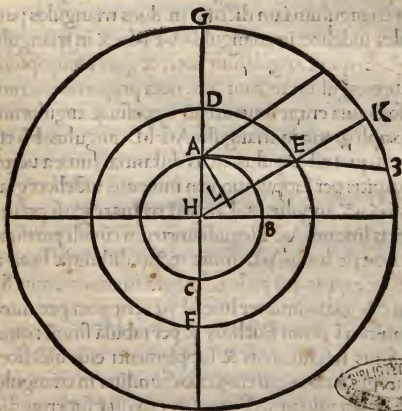
hoc est quando est in opposito augis eccentrici & epicycli: quod sepe numero in quadratura solis contingit: afferemus nunc demonstrationem huius rei que etiam accommodari poterit ad quencūq; alium locum & situm lunę etiam quocunq; tempore dato. exempli gratia hoc tempore quādo hæc scripsi luna fuit in opposito augis eccentrici & epicycli. & obseruaui altitudinē eius in meridie quā p̄ instrumentum inueni esse graduum.28. cum dimidio & per tabulas fuisset graduum.30. sic q̄ diuersitas aspectus fuit unius gradus cum dimidio. per hanc diuersitatem aspectus inueni lunam in illa hora distare a centro terræ per partes.33. cum minutis.33. in partibus quibus semidiameter terræ est pars una. Pro cuius demōstratione describam circulum. A. B. C. pro circulo terræ. super centrum. H & super idem centrum describam circulum. D. E. F. pro circulo orbis lunæ. in quo ponatur luna in p̄cto E. & super idem centrum describam circulū. G. K. 3. pro circulo firmamenti uel orbis signorum respectu cuius terra est tanq̄ punctus unus non habens quantitatem sensibilem: & protraham a centro terræ lineam. H. K. per centrum lunæ usq; ad orbem signorum. Item aliam lineam a puncto. A. hoc est ab oculo existente in superficie terræ per centrum lunę usq; ad orbē signorū; istę duæ lineæ interfecabūt se in centro

LIBER 1

lunæ quod positū est esse. E. & ulterius protracte ter-
 minabuntur in diuersis locis in orbe signorū. nam li-
 nea protracta a centro terræ per centrum lunæ termi-
 natur in orbe signorū in puncto. K. sed linea protra-
 cta a uisu per centrū lunæ terminatur in orbe signo-
 rum in puncto. 3. & diuersitas uel distantia istorū duo-
 rum locorū ducit nos in cognitionem distantie lunæ
 a centro terræ. & uocatur diuersitas aspectus. quia lo-
 cus lunæ in orbe signorū uidetur esse alius oculo exi-
 stenti in superficie terræ ab eo qui uidetur esse oculo
 existenti in centro terræ. Locus uero per supputatio-
 nem inuentus ostenditur per lineam egredientem a
 centro terræ. sed locus per instrumentū acceptus desi-
 gnatur per lineam protractā a uisu nostro. nā oculus
 qui est in superficie terræ in puncto. A. uidet lunā in
 pūcto. 3. & tamē iuxta supputationes tabularū fuisset
 in puncto. K. & si oculus esset in centro terræ uideret
 lunam in puncto. K. Arcus ergo. K. 3. qui est differen-
 tia inter locum lunæ uerū & apparentem uocatur ar-
 cus diuersitatis aspectus. & fuit gradus unius cū mi-
 nutis triginta fere. ex quo inuestigabimus quantita-
 tem linæ. H. E. quæ est distantia centri lunæ a cen-
 tro terræ hoc modo. Accipio triangulum. A. H. E. in
 quo angulus. H. est notus per supputationē quia est
 angulus arcus. G. K. in orbe signorū per supputatio-
 nem inuenti & est distātia lunæ a zenith capitis quæ

PRIMVS

est graduum. 60. Similiter angulus. G. A. 3. est notus
p observationē: quia est distantia lunæ a uertice ca-
pitis per instrumentū accepta. & licet angulus ille sit
extra centrum terræ: tamen quia tota terra respectu



orbis signorū est tanq̃ punctus unus cōputatur & ac-
cipit̃ angulus ille ac si esset in centro terræ; ergo etiā
angulus intrinsecus. H. A. E. erit notus: quia est res
duū duorū rectorū. & similiter angulus. A. E. H. erit

LIBER 9

notus: quia est angulus diuersitatis aspectus. Totus ergo triangulus $A.H.E.$ est notorum angulorum: ergo proportio laterum eius erit nota & quantitates ipsorum per supputationem sic poterunt inueniri protrahatur perpendicularis $A.L.$ super lineam $H.E.$ quae diuidet triangulum iam dictum in duos triangulos partiales uidelicet in triangulum $A.H.L.$ & in triangulum $A.L.E.$ quorum anguli sunt noti: & quia uterque ipsorum habet angulum rectum: erit nota proportio laterum ipsorum quia erunt sinus arcuum oppositorum angulorum exempli gratia in triangulo $A.H.L.$ angulus $H.$ est notus quia est angulus arcus distantiae lunae a uertice capitis per supputationem inuentus uidelicet graduum $60.$ & angulus $A.L.H.$ est rectus: ergo si posuerimus lineam $A.H.$ semidiametrum circuli partium $60000.$ erit linea $A.L.$ sinus rectus distantiae lunae a uertice capitis qui positus fuit graduum $60.$ cuius sinus est $51962.$ similiter linea $H.I.$ erit nota per antepenultimum primi Euclidis & per tabulam sinuum: quia est sinus residui arcus & supplementi eius uidelicet sinus graduum $30.$ qui est $50000.$ Similiter in triangulo $A.L.E.$ angulus $E.$ est notus per ea quae superius diximus: quia est angulus diuersitatis aspectus uidelicet gradus unius minutorum $30.$ & quia angulus $A.L.E.$ est rectus si posuerimus lineam $A.E.$ semidiametrum circuli erit linea $A.L.$ sinus rectus arcus diuer-

PRIMVS

sitatis aspectus qui positus fuit gradus unius & mi-
 nutorum. 30. uidelicet. 1571. ergo per antepenultimam
 primi Euclidis linea. L. E. erit nota. & erit sinus resi-
 dui arcus uidelicet sinus arcus graduū. 88. minutorū
 30. qui est. 59979. Habemus nunc proportionē linea-
 rum dictorū triangulorū. restat ut inquiramus quan-
 titatem ipsarum cōparando eas ad lineam. A. H. quę
 est semidiameter terrę: quam ponemus esse partem
 unam: uel ut euitemus minutias fractionum pone-
 mus eam partiū mille. & quia eadem linea in descrip-
 tione iam præmissa posita fuit semidiameter circuli
 & per consequens partium. 60000. de partibus sinuū
 & iuxta eandem proportionem linea. A. L. posita fuit
 partium. 3000. sequitur per regulā proportionū si po-
 fuerimus lineam. A. H. partiū mille erit per eandem
 proportionem linea. A. L. partium. 866. cum una tri-
 gesima. & linea. H. L. partium. 500. Et quia linea. A.
 L. est cōmunis utriq; angulo & habebat se in propor-
 tione ad lineā. L. E. sicut sinus arcus diuersitatis aspe-
 ctus ad sinum arcus complementi eiusdem uidelicet
 sicut. 1571. ad. 59979. si posuerimus lineā. A. L. partiū
 866. cum una trigesima ut superius posita fuit erit li-
 nea. L. E. de eisdē partibus. 33062. & iam supra osten-
 dimus lineam. H. L. de eisdem partibus esse par-
 tiū. 500. si ergo addiderimus hāc lineam sic numera-
 tam ad lineam. L. E. habebimus totam lineam. H. E.

LIBER I

quæ est distantia lunæ a centro terræ & erit partium
 3562. in ptibus in quibus semidiameter terræ est par-
 tium. 1000. q. si posuerimus semidiametrum terræ par-
 tem unam : erit distantia centri lunæ a centro terræ
 partium. 33. cum minutis. 33. secundis. 43. Habita mi-
 nima distātia centri lunæ a centro terræ facile erit in-
 uenire quantū distet concauū orbis lunæ a centro ter-
 ræ. nam cum inter sphaeras cœlestes nullū sit uacuum
 neq. corpus superfluum si a minima distantia centri lu-
 næ a centro terræ subtraxerimus quantitatem semidia-
 metri lunæ restabit nobis distātia a centro terræ usq.
 ad concauū orbis lunæ. & quoniā semidiameter cor-
 poris lunæ est minutorum. 17. secundorū. 33. in parti-
 bus de quibus semidiameter terræ est pars una ut se-
 quenti capitulo demonstrabimus sequitur q. semidia-
 meter omnium elementorū hoc est linea protracta a cen-
 tro terræ usq. ad concauū orbis lunæ contineat semi-
 diametrum terre ter & trigesies cum minutis. 16. Facile
 etiā erit inuenire quot sunt milliaria italica a centro
 terræ usq. ad concauum orbis lunæ. nam ut superius
 ostendimus diameter terræ continet milliaria italica
 9163. cum septem undecimis : ergo semidiameter ter-
 ræ continet milliaria. 4581. cum nouem undecimis. si
 igitur hunc numerū multiplicauerimus per. 33. cum
 minutis. 16. prouenient nobis milliaria italica a cen-
 tro terræ usq. ad concauū orbis lunæ cōprehensa ui-

PRIMVS

delicet milliaria. 152421. cū nouem undecimis hoc est
centum quinquagintaduō millia quadringenta ui-
gintiunū milliaria cum minutiis. 54. de partibus. 66.
quæ faciunt nouem undecima.

¶ De numero atomorū possibiliū contineri
intra orbem lunæ hoc est in spheris omniū
elemētorū sub cōcauo orbis lunæ cōtentorū.

G Stendimus nūc per certissimā demonstra-
tionem concauū orbis lunæ distare a cen-
tro terræ per partes. 33. cum minutis sede-
cim de partibus de quibus semidiameter
terræ est pars una. cum ergo spherarū proportio sit si-
cut diametrorū uel semidiametrorū triplicata hoc est
cubice in se multiplicata. cubus aut de 33. cum. 16. mi-
nutis est. 36815. cum una quarta fere. si ergo hunc nu-
merum multiplicauerimus per numerū atomorū in
tota terra & aqua contentorū aut possibiliū contineri
quē supius ostēdimus cōstare characteribus quadra-
ginta quorū ultim⁹ significat duo millia quāta proue-
niet nobis numerus atomorū contentorū aut possibi-
lium cōtineri sub concauo orbis lunæ hoc est in sphae-
ris omniū elementorū. facta ergo multiplicatione pro-
ueniet numerus constās characteribus quadraginta
quatuor uidelicet. 736305000000000000000000000
00000000000000. Hic est ergo numerus atomorum

LIBER 9

contentorū aut possibilium contineri in spheris uel orbibus omniū elementorū uidelicet terra aqua aere & igne si ignis elementaris ponendus sit. quod tamen propositum nostrū nō uariat. quia nō quærimus substantiam uel qualitatem rerum sed quantitatem duntaxat: hoc est distantiam a centro terræ usq; ad concauū orbis lunæ. & interualli huius capacitatem.

¶ Capitulum tertium de distantia solis a centro terræ & de numero atomorum contentorū aut possibilium cōtineri in omnibus elementis & spheris cœlestibus. usq; ad connexum spheræ solis inclusiue.



¶ Ostē descripsimus numerū atomorum possibilium contineri infra spheram lunę: superest ut ad reliquas spheras cœlestes dimetiendas accedamus. ubi primū scire conuenit q̄ distantia solis a terra nō potest indagari per diuersitatem aspectus per quam lunę distantiam superius inuenimus: quia sol nullā (uel modicā hoc est trium minutoꝝ dūtaxat) habet diuersitatem aspectus: ppter nimiam distantiam eius a terra. nā tota terrā respectū orbis solis est insensibilis fere quantitatis & quasi tanq̄ punctus unus. sed benignissimus & idem optimus deus ut manifestaret hominibus mirabilia opera sua obtulit eis alium modū inuestigandi & de

PRIMVS

monstrandi distantia solis a terra: uidelicet per eclipses solares atq; lunares & per distantia lune a centro terre in hora eclipsis solaris. Est enim manifestum & iam saepenumero compertum fuit lunam obscurasse hoc est texisse totum solem ut prisci omnes chronographi: atq; etiam iuniores suis scriptis prodiderunt. Talem eclipsim factam fuisse scribit Herodotus tempore Cyri regis persarum quam Thales milesius philosophus futuram predixerat. Similiter aliam fuisse testatur tempore Xerxis regis persarum. Iuniores quoq; historiographi multas tales eclipses iam pridem accidisse perhibent quinimo compertum est lunam saepenumero texisse totum solem cum mora sic q; sol per tempus aliquod a uisu hominum fuerit absconditus & interdum tenebrae subortae fuerint. talem eclipsim tabulae astrologicae factam fuisse docent parisijs anno domini. 1241. mense octobris die sexto qui fuit dies dominicus. talem etiam eclipsim contigisse tempore Martini pontificis quinti chronographi prodiderunt. raro tamen contingunt tales eclipses & nunquam possunt accidere in tota terra habitabili sed si contingat aliquam talem fieri in una regione non apparebit in alia regione: imo nunquam in duabus ciuitatibus potest contingere eclipsis solis eiusdem magnitudinis: quemadmodum experiri poterit in eclipsi solis futura anno praesenti die octaua Iunii quae maior erit in regionibus austrum & orientem uersus

LIBER

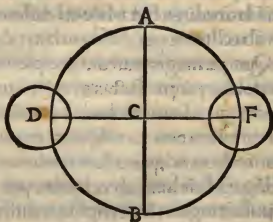
positis \bar{q} in parte septentrionali & occidentali contingit hæc uarietas propter diuersitatem aspectus lunæ. secus est in eclipsi lunari quæ ubiq; terræ ubi cōtingit eam uideri, apparet semper eiusdem quantitatis. Redcundo ergo unde sumus digressi pro inuestigatione distantie solis a terra imuginati sunt philosophi descriptionem siue figuram huius eclipsis in qua luna præcise adumbrat uel tegit totum solem sine mora. quia tunc sol & luna subtenduntur eidem angulo. & in hoc situ ita se habet distantia solis a centro terre ad distantiam lunæ ab eodem centro terræ: sicut se habet diameter solis ad diametrum lunæ. quod liquide patet ex similitudine triangulorū diametros solis & lunæ comprehendentiū. Et licet hæc similitudo triangulorū ducat nos in cognitionem proportionū linearū dictorū triangulorū: tamen proportionēs istę nō sufficiunt nobis ad demonstrandū ueram distantiam solis a terra: uel quantitatem corporis eius: nisi prius terminus aliquis huius proportionalitatis fiat nobis notus in quantitate certa & manifesta. Ad hoc ergo demonstrandū assumpserūt distantiam lunæ a centro terre in hora eclipsis predictę in qua luna tegit totū solem sine mora: quā inuenerunt per diuersitatem aspectus lunæ de qua superiori capitulo scripsimus & per quantitates diametrorū eccentrici & epicycli esse paritū. 64. minororū. 10. in partibus de quibus semidia

PRIMVS

meter terre est pars una. Assumpserunt etiā ad demonstrationem huius rei quantitatem semidiametri lunę uisualis in hoc situ quā inuenerunt occupare in cēlo minuta. 15. secunda. 40. Similiter acceperunt ad hoc semidiametrū umbrę in loco transitus lunę in eclipsi lunari ipsa existente in eadem longitudine: longiore a terra quam inuenerūt occupare in cēlo minuta. 40. secūda. 40. quę omnia ad hanc demonstrationē sunt necessaria. Quantitatem uero diametrorū uel semidiametrorū lunę & umbrę terre quilibet per seipsum in uenire poterit per duas eclipses lunares partiales in quibus pars aliqua lunę nō tota obscuratur: diuidendo differentiā latitudinis lunę hoc est differentiā distantię eius ab ecliptica per differentiam pūctorum eclipsatorū. Quę ut magis pateant accipiemus duas eclipses superioribus annis factas in quarū una eclipsata fuit quarta pars diametri lunę: & fuit latitudo lunę hoc est distantia eius ab ecliptica minutorū. 48. secundo. 30. in altera eclipsata fuit medietas diametri lunę & elōgata fuit luna ab ecliptica per minuta 40. secūda. 40. fuit ergo in his eclipsibus differētia latitudinis lunę minutorū. 7. secundo. 50. & differētia partiū eclipsatarū de diametro lunę fuit quarta pars diametri lunę. ex quibus concluditur q̄ quarta pars diametri lunę occupat in cēlo septem minuta & 50. secūda. & per cōsequens tota diameter lunę subten-

LIBER 9

ditur arcui circuli magni minutorum. 31. secundorum. 20.
Et quia in secunda eclipsi centrum lunæ erat in cir-
cūferentia circuli umbræ & eius latitudo hoc est di-
stantia ab ecliptica fuit minutorum. 40. secundorum. 40.
sequitur diametrum umbræ esse minutorum. 81. secun-
dorum. 20. ergo diameter umbræ in cōparatione ad
diametrum lunæ in hoc situ habet proportionem du-
plam superpartientem tres quintas fere qualem ha-
bent. 13. ad. 5. Quæ ut clarius elucescāt describam cir-
culum. A. B. super centrum. C. pro circulo umbræ. &

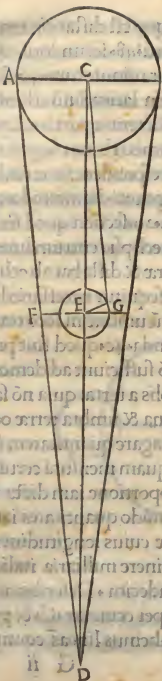


circulum lunæ in prima eclipsi super centrum. D. in
secunda eclipsi super centrum. F. & protrahā diame-
trum circuli umbræ & sit pro ecliptica linea. A. B. Igi

PRIMVS

tur in prima eclipsi linea. D. C. quę est distantia centri lunę ab ecliptica fuit minorū. 48. secundorū. 30. In secunda eclipsi linea. F. C. fuit minorum. 40. secundorum. 40. & quia differentia latitudinū est minorum. 7. & secundorū. 50. & differentia partis eclipsatę in luna est quarta pars diametri lunę: sequitur q̄ quartę parti diametri lunę respondent in circulo magno minuta. 7. secūda. 50. ergo toti diametro lunę respondent in cęlo. 31. minuta & 20. secūda quod fuit probandum. Et quia in secūda eclipsi centrum lunę fuit in circūferētia circuli umbrę & distabat ab ecliptica per gradus. 40. minuta. 40. sequitur necessario lineam. C. F. hoc est semidiametrū umbrę in loco transitus lunę esse minuta. 40. secūda. 40. quod fuit probandum. Hęc tamen adhuc nō sufficiunt ad demonstrandum ueram distantiam solis a terra: quia nō satis est scire quantū spaciū luna & umbra terrę occupent in cęlo: sed oportet indagare quantitatem ipsorum in comparatione ad aliquam mensurā certissime nobis notam: quam ex proportionē iam dicta facilliter elicere poterimus comparādo quantitates iam dictas ad semidiametrum terrę cuius longitudinem primo capitulo diximus continere milliaria italica 4581. cū minutiis nouem de undecim. Describemus ergo pro terra circulū. A. B. super centrum. C. & pro pyramide umbrę terrę protrahemus lineas continē-

LIBER 1



gentes circulū terræ concurren-
tes in puncto. D. pro luna
ipsa existente in longitudine
longiore describemus circulū
super centrum. E. & protrahe-
mus a centro lunę lineam. E.
G. perpendicularē super. C.
G. & quoniā per præmissa an-
gulus. E. C. G. cognit⁹ est qa
est. 15. minutorū & 40. secūdo-
rū & angulus. E. G. C. est re-
ctus per positionem ergo pro-
portio. E. C. ad. E. G. est nota
sed supius ostendimus lineā
E. C. esse partium. 64. & mi-
nutorū. 16. de partibus quibus
semidiamēter terræ est pars
una : ergo lineā. E. G. erit no-
ta in eisdem partibus de quibus
semidiameter terræ est
pars una & ipsa erit minuta
17. secūda. 33. Simili modo in-
uestigabimus quantitatem li-
neę. E. F. quæ est semidiamē-
ter umbræ : nam ut superius
ostēdimus semidiameter um-

PRIMVS

bræ se habet ad semidiametrum lunę in proportionē
dupla superpartiēte tres quintas: erit ergo semidia-
meter umbræ minorum. 45. secundorum. 38. in par-
tibus de quibus semidiameter terræ est pars una.
His sic dispositis procedemus ad inuestigandum di-
stantiā centri solis a centro terræ in hora eclipsis præ-
dictæ. Igitur pro demonstracione eius describemus fi-
gurā eclipsis solaris in qua luna præcise tegit solem.
quod iuxta Ptolemęū contingit utroq; luminari exi-
stente in longitudine longiori a terra. uel ut Albate-
gni placet luna existente citra longitudinem longio-
rem. Describemus etiam figurā umbræ terræ & pro-
trahemus diametrum eius in loco transitus lunę in lon-
gitudine longiore. Sit igitur circulus terræ. A. B. C.
super centrum. D. & circulus lunę. E. F. G. super cen-
trum. H. & circulus solis. K. L. M. super centrum. N
deinde protraham diametrum circuli umbræ in loco
transitus lunę in longitudine longiore & sit linea. O
P. Q. quæ tantū distat a diametro terræ quantū dia-
meter lunæ a diametro terre. protraham etiam semi-
diametrum circuli umbræ per centrum lunæ qui sit
linea. H. 3. In hac figuratione considerandæ sunt in
primis hæ tres lineæ parallellæ a se invicem equaliter
distantes uidelicet semidiameter terræ. D. C. semidia-
meter umbræ sub terra. P. Q. & semidiameter umbrę
supra terram una cum semidiametro lunæ uidelicet

LIBER

H.G. & quia istę tres lineę sunt parallele hoc est equedistantes ab inuicem in triangulo uuibratili & duę extremę equaliter distant a linea media quę est semidiameter terrę: necesse est qđ æqualiter sese excedāt • ex quo ulterius sequitur qđ duę extremę simul iunctę sint duplę ad mediam quę est semidiameter terrę. hoc enim contingit imo necesse est in omnibus lineis & numeris equaliter se excedētibz: qđ duo extremi simul iuncti semp sunt dupli ad medium. quod patet protrahendo perpendiculararem a puncto. C. equedistantem lineę. H. D. P. sursum usqđ ad lineā. G. & deorsum usqđ ad lineam. O. P. Q. in directum protensam. pote



PRIMVS

rit idem in numeris sic declarari: exempli gratia isti tres numeri. 2. 3. 4. equaliter se excedūt utputa unitate & duo extremi simul iuncti faciūt sex quod est duplum ad numerum medium: qui fuit. 3. similiter isti tres numeri. 7. 9. 11. equaliter se excedunt uidelicet binario & duo extremi simul iuncti faciūt. 18. quod est duplum ad numerū medium qui fuit. 9. sicq; in ceteris. Cū igitur hæ tres lineę uidelicet. P. Q. D. C. & H. 3. equaliter se excedant duę extremę utputa. P. Q. & H. 3. simul iunctę erunt duplę ad lineam mediā quę est semidiameter terrę. Si igitur posuerimus semidiameterum terrę partem unam erunt hæ duę lineę simul iunctę partes duę. Cum ergo linea. G. 3. semper sit minor semidiametro terrę quia est equedistans ei in eodem triangulo cuius semidiameter terrę est basis sequitur necessario q; reliquę lineę uidelicet semidiameter lunę & semidiameter umbrę in loco transitus lunę simul sumptę semp sint maiores semidiametro terrę in eadem quātitate in qua semidiameter terrę est maior linea. G. 3. Ex his inferri pōt q; ponendo semidiametrū terrę ptem unā necesse est semidiametrū lunę esse maiorem minutis. 16. secundis. 40. & semidiametrū umbrę esse maiore minutis. 43. secundis 20. qđ sic demonstrat. nā ut supius deduxim⁹ semidiameter lunę & semidiameter umbrę hñt se in pportione dupla suppartiēte tres qntas hoc est in pportiōe. 5

LIBER 9

ad. 13. & simul iunctæ debent facere plus semidiamet-
 ro terræ. si ergo posuerimus semidiametrū terræ par-
 tem unam & diuiserimus eam in duas partes haben-
 tes se sicut quinque ad. 13. proueniēt partes prædictæ ui-
 delicet pro semidiametro lunæ minuta. 16. secūda. 40
 & pro semidiametro umbræ terræ minuta. 43. secun-
 da. 20. quia isti duo numeri se habent in proportione
 quæ est inter. 5. & 13. & simul iuncti faciunt unū. Qd
 si posuerimus semidiametrum terræ partes mille erit
 semidiameter lunæ plus. 277. cum minutiis. 7. de. 9. &
 semidiameter umbræ plus partibus. 722. cum minu-
 tiis. 2. de. 9. quia hi duo numeri habent se in propor-
 tione. 5. ad. 13. & simul iuncti faciunt mille. Ex his ul-
 terius inferri potest hæc cōclusio. In hora eclipsis præ-
 dictæ in qua luna tegit præcise totum solem ipso exi-
 stente in longitudine sua longiore necesse est lunam
 distare a centro terræ plus partibus una & sexaginta
 de partibus quibus semidiameter terræ est pars una.
 quod sic demonstratur. nam sol & luna in hora eclip-
 sis prædictæ uidentur sub angulo continente minuta
 31. secunda. 20. ergo semidiametri ipsorum uidentur sub
 angulo cōtinente minuta. 15. secunda. 40. ut superius
 demonstratū fuit. Igitur semidiameter lunæ se habe-
 bit ad distantiam centri lunæ a centro terræ sicut sinus
 arcus prædicti ad sinum arcus residui usq; ad. 90. qui
 duo sinus habent se in proportione horum numerosq;

PRIMVS

uidelicet.273.ad.59999. cum ergo in omni eclipsi perfecta in qua luna tegit precise totū solem necesse sit q̄ semidiameter lunæ sit maior partibus.277. cū minutis.7. de.9. sequitur necessario q̄ distantia eius a centro terræ sit maior partibus.61000. cū minutis.123. de.2457. ponendo semidiametrum terræ partes mille.ergo ponendo semidiametrum terræ partem unā distabit luna a centro terræ partibus plus.61. de eisdem partibus quibus semidiameter terræ est pars una quod fuit probandū. Sed quia hæc distantia lunæ a terra est confusa & nō terminata nō sufficit nobis ad probandum ueram distantiam solis a centro terræ: quāobrem recurrendū est ad ea quę superius scripsimus de inuenienda distantia lunæ a centro terræ per diuersitatē aspectus lunæ & per quantitatem diametri eccentrici & epicycli lunæ. quam distantiam diximus esse partium 64. minutorum.10. de partibus quibus semidiameter terræ est pars una. iuxta quā rationem erit linea. H. G. quę est semidiameter lunę minutorum.17. secundorum 33. & semidiameter umbrę in loco transitus lunæ de eisdem partibus erit minutorum.45. secundorum.38. quę si mul iuncta faciunt partem unā minuta.3. secūda.11. hæc si subtrahantur a partibus duabus hoc est a duplo semidiametri terræ: restabit linea. G.3. minutorum 56. secundorum.49. cum ergo propter similitudinē duorum triangulorum uidelicet trianguli totalis. D. C. M.

2 LIBER

& trianguli partialis. G. M. 3. proportio lineæ. D. C. ad lineam. G. 3. sit sicut proportio lineæ. D. M. ad lineam. G. M. & sicut proportio lineæ. D. N. ad lineam. H. N. & iam ostendimus proportionem lineæ. D. C. ad lineam. G. 3. esse sicut unū integrū ad minuta. 56. & secunda. 49. igitur si posuerimus lineam. D. N. quæ significat distantiam solis a centro terræ esse partem unam: erit linea. H. N. quæ est distantia centri solis a centro lunæ: minutos. 56. secundos. 49. & residuū eius usq; ad centrū terræ utputa linea. H. D. quæ est distantia centri lunæ a centro terræ secundū eandem proportionem erit residuū eius usq; ad partem unam uidelicet minutos. 3. secundos. 11. Sed iam superius ostendimus distantiam lunæ a centro terræ in sua longitudine longiore & in hora eclipsis prædictæ esse partium. 64. & minutos. 10. de partibus de quibus semidiameter terræ est pars una. Igitur per regulam proportionū lineam. D. H. quæ est distantia centri solis a centro terræ erit partium. 1209. cū minutiis. 81. de. 191 de partibus quibus semidiameter terræ est pars una. nam si tria minuta & undecim secunda faciunt. 64. integra cum decem minutis ergo per regulā proportionū unū integrum hoc est sexaginta minuta faciet 1209. cum minutiis. 81. de. 191. Distat ergo centrū solis a centro terræ ipso existente in sua longitudine longiore per partes. 1209. cum minutiis. 81. de. 191. in par-

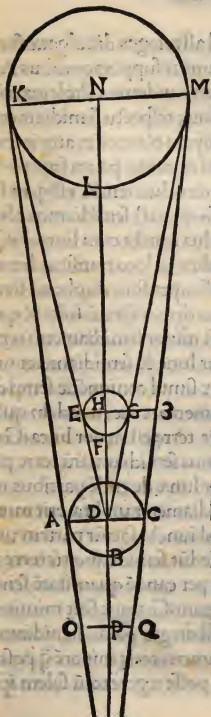
PRIMVS

tibus de quibus semidiameter terræ est pars una. qđ
fuit probandum. Vt autem hæc magis elucescant de
clarabo ea alio exemplo. & ut euitemus minutias nu
merorum ponam semidiametrum terræ partiū mil
le. Cum ergo linea. P. Q. quæ est semidiameter umbræ
sub terra una cum linea. H. G. 3. quæ est semidiamete
ter lunæ & pyramidis umbræ supra terrā simul iun
ctæ sint duplæ ad semidiametrum terræ: erunt am
bæ simul iunctæ. 2000. Sed superius ostendimus se
midiametrum lunæ in comparatione ad semidiamete
trum terræ esse minutorum. 17. secundorum. 33. ergo
si posuerimus semidiametrum terræ esse partiū mil
le erit semidiameter lunæ de eisdem partibus. 292. cū
dimidio. Et quia semidiameter umbræ fuit minutorum
45. secundorum. 38. erit iuxta eandem rationem semi
diameter umbræ partium. 760. cum minutis quinq;
de nouem quæ simul iūcta faciūt. 1053. & unā decimā
octauam. Si igitur hoc aggregatum subtraxerimus a
duplo semidiametri terræ vcz a. 2000. restabit linea. G
3. 946. cū minutis. 17. de. 18. Cū ergo propter similitu
dinē triangulorū proportio lineæ. D. C. ad lineam. G.
3. sit sicut proportio lineæ. D. M. ad lineā. G. M. & si
cut proportio lineæ. D. N. ad lineā. H. N. & iā osten
dimus pportionē lineæ. D. C. ad lineā. G. 3. esse sicut
1000. ad. 946 cū minutis. 17. de. 18. Igit̃ si posuerimus
lineam. D. N. quæ significat distantiam centri solis a
centro terræ esse partium mille. erit linea. H. N. quæ

LIBER

est distantia centri solis a centro lunæ partiū. 946. cū
 minutiis. 17. de. 18. restabit ergo linea. H. D. quæ est di
 stantia centri lunæ a centro terræ partiū. 53. cum una
 decima octaua. Sed iam superius ostendimus distan
 tiam lunæ a centro terræ in sua longitudine longiore
 & in hora eclipsis prædictæ esse partiū. 64. & minuto
 rum. 10. de p'tibus quibus semidiameter terræ est pars
 una. sequitur ergo per regulam proportionū q̄ linea
 D. N. quæ est distantia centri solis a centro terræ sit
 partium. 1209. cum minutiis. 81. de. 191. nam si partes
 sexagintaquatuor & decem minuta multiplicentur
 per mille: & productū diuidatur per. 53. cū una deci
 ma octaua prouenient partes. 1209. cum fractionibus
 243. de. 573. quæ faciunt minutias. 81. de. 191. sicq; sup
 putatio ista omnino est conformis supputationi supe
 rius expositæ. Distat ergo centrum solis a centro ter
 ræ sole existente in sua longitudine longiore per par
 tes. 1209. cum minutiis. 81. de. 191. de partibus quibus
 semidiameter terræ est pars una: quod fuit proban
 dum. Simili modo poterit inueniri distantia cuspidis
 uel acuminis coni umbræ terræ a centro terræ sole exi
 stente in sua longitudine longiore. nā triangulus. D.
 C. S. est similis triangulo. P. Q. S. ergo latera eorum
 sunt proportionalia. si igitur linea. D. S. ponatur par
 tium mille erit linea. F. S. partiū. 760. cū minutiis. 5.
 de. 9. ergo residuū eius uidelicet linea. D. F. erit par

PRIMVS



tiū.239. cum minutis.4.
de.9. sed supius ostensum
fuit q̄ eadē linea. D. F. est
partiū.64. cū minutis de
cem de ptibus quibus se
midiameter terrę est pars
una: ergo tota linea. D.
S. erit partiū.268. fere de
eisdē partibus quibus se
midiameter terrę est pars
una. patet multiplicando
64. cū minutis decem per
mille & diuidēdo produ
ctum per.239. cum minu
tis.4. de.9. puenient.268
fere. Distat ergo cuspis
hoc est acumen coni um
brę terrę a centro terrę p
partes.268. de ptibus quī
b9 semidiameter terrę est
pars una quod fuit probā
dum. Hęc iam demōstra
ta possent sufficere propo
sito nostro de distātia am
borum luminariū a cen
tro terrę indaganda: sed

LIBER

quia hac tempestate apud astrologos diuulgatae sunt
 tabulae eclipsium quae innituntur supputationibus Al-
 bategni arabis qui dissentire uidetur a Ptolemaeo in
 quantitate semidiametri lunae respectu semidiametri
 terrae: digrediemur paulisper: & repetita atque inspe-
 cta figura eclipsidis superius exposita pauca super hoc
 scribemus. Vbi primum animaduertendum est quod in fi-
 gura descripta linea. H. G. quae est semidiameter lu-
 nae una cum linea. G. 3. residua iuncta cum linea. F. Q.
 quae est semidiameter umbrae in loco transitus lunae:
 hae lineae simul aggregatae semper sunt duplae ad semi-
 diametrum terrae ut superius demonstratum fuit. & quo-
 niam linea. G. 3. semper est minor semidiametro terrae
 necesse est quod semidiameter lunae & semidiameter um-
 brae in loco transitus lunae simul coniunctae semper de-
 bent esse maiores semidiametro terrae in eadem quan-
 titate in qua semidiameter terrae est maior linea. G. 3.
 exempli gratia si posuerimus semidiametrum terrae par-
 tem unam erit semidiameter lunae de eisdem partibus mi-
 nuta. 17. secunda. 33. & semidiameter umbrae erit minu-
 ta. 45. secunda. 38. quae simul iuncta faciunt partem unam
 minuta. 3. secunda. 11. & excedunt semidiametrum terrae in
 minutis. 3. secundis. 11. ergo per eandem quantitatem semi-
 diameter terrae excedit lineam. G. 3. quae fuit minutorum
 36. secundorum. 49. Sed quia Albategni posuit semidiamete-
 rum lunae respectu semidiametri terrae minorem quam posuit
 Ptolemaeus: dixit lunam non posse tegere totum solem ipsa

PRIMVS

exñte in lógitudine sua lógiore q̃a tūc diámeter lunę
 scđm uisum minor est diámetro solis: sed cū luna fue
 rit p̃pinquior terrę vcz cū clógatio eius a terra fuerit
 partiū.60.cū minutis.55. in ptibus de q̃bus semidia
 meter terrę est pars una: tūc diámeter lunę subtēdet̃
 eidē angulo cui subtēdit̃ diámeter solis in sua longi
 tudine lógiore: & tūc luna poterit eclipsare uel tegere
 totū solem. Dixit etiā Albategni se inuenisse eandem
 proportionē semidiámetri lunę ad semidiámetrū um
 brę terrę in loco transitus lunę quā posuit Ptolemęus
 vcz sicut.5.ad.13. Quæ si attente cōsiderent̃ perspicuū
 erit opinionem Albategni nō posse persistere. nā si in
 eclipsi p̃dicta in qua luna obumbrat totū solem po
 natur luna propinquior terræ q̃ posuit Ptolemęus ut
 uoluit Albategni: cōsequēs est ut p̃portio semidiame
 tri umbrę terræ in loco transitus lunæ ad semidiame
 trū lunæ sit maior q̃ posuit Ptolemęus. q̃a quāto luna
 est p̃pinquior terræ tāto umbra terræ in loco trāsitus
 lunę est maior: & magis excedit semidiámetrū lunę.
 nā ut superius demōstrauimus in omni eclipsi solari
 p̃fecta necesse est q̃ semidiámeter lunę & semidiame
 ter umbrę terræ in loco trāsitus simul iūctę sint maio
 res semidiámetro terræ. hoc aut̃ in casu p̃dicto iuxta
 positionē Albategni est impossibile. nā si luna ponat̃
 minor q̃ posuit Ptolemæus sic q̃ in sua longitudine
 longiore q̃n distat a terra per partes.64.& minuta.10
 de ptibus quibus semidiámeter terrę est pars una nō

LIBER 3

possit eclipsare totum solem ut inquit Albategni: sed requiritur qd sit paulo propinquior centro terræ distans ab eo per partes. 60. & minuta. 55. dūtaxat: sequetur necessario qd in hoc casu semidiameter lunæ & semidiameter umbræ in loco transitus lunæ simul aggregatæ sint minores semidiametro terræ quod in eclipsi perfecta fieri nequit quemadmodū superius demonstratum fuit. Qd aut hoc sequeretur sic ostendi potest: nā semidiameter lunæ & distātia eius a centro terræ in hora eclipsis prædictæ se habēt in proportionē quæ est inter hos numeros uidelicet. 273. & 59999. quorū primus est sinus rectus semidiametri uisualis solis & lunæ in hora eclipsis prædictæ qui occupat in cælo minuta. 15. secūda. 40. Alter est sinus arcus residui usq; ad nonaginta. Si igitur luna in hora eclipsis in qua totus sol obumbratur distat a centro terræ per ptes dūtaxat. 60. & minuta. 55. de partibus quibus semidiameter est pars una: erit semidiameter lunæ de eisdē partibus minor 16. secundorum. 37. & tertior. 48. in partibus in quibus semidiameter terræ est pars una uel minuta. 60. & semidiameter umbræ in loco transitus lunæ iuxta eundem Albategni erit minor 43. secundorum. 14. tertior. 17. Si igitur iungantur simul semidiameter umbræ & semidiameter lunæ erit aggregatum ex eis minuta. 59. secūda. 52. & tertia. 5. quæ simul iuncta sunt minora semidiametro terræ quā po-

PRIMVS

fuimus esse partem unam hoc est minuta.60.ergo nō
 fuit possibile in hoc casu lunā texisse totū solem ut su-
 perius demonstratū fuit. Idem aliter declarari potest
 ponendo semidiametrū terræ partiū mille. erit nanq;
 sinus rectus semidiametri uisualis solis & lunæ ptiū
 273. & quia per eūdem Albategni luna in hora eclip-
 sis prædictæ distat a centro terræ per ptes. 60. & minu-
 ta. 55. in partibus de quibus semidiameter terræ est
 pars una; erit semidiameter lunę de eisdem partibus
 277. cū una sexta & semidiameter umbrę in loco tran-
 situs lunæ erit partiū. 720. cū minutiis. 19. de. 30. ergo
 aggregatū ex semidiametro umbræ & semidiametro
 lunę erit partiū. 997. cum quatuor quintis. erit igitur
 hoc aggregatū minus semidiametro terræ quā posui-
 mus esse partiū mille. ergo nō fuit possibile in hoc ca-
 su lunā eclipsasse totū solem quod fuit probandum.
 Dicendū ergo est q̄ Albategni quāto posuit semidia-
 metrū lunæ minorem q̄ Ptolemęus tanto debuit po-
 uisse semidiametrum umbræ in loco transitus lunæ
 maiore q̄ posuit Ptolemęus. quia semp in hora eclip-
 sis perfectæ sole existente in lōgitudine sua longiore
 quāto luna est propinquior terræ tanto umbra terræ
 in loco transitus lunæ est maior. nā ut superius demō-
 stratū est in omni eclipsi solis perfecta in qua obum-
 bratur totus sol necesse est q̄ semidiameter lunæ & se-
 midiameter umbræ in loco transitus lunæ simul ag-

LIBER

gregatæ sint maiores semidiametro terræ. An imaduertant hæc astrologi qui eclipses solares uel lunares supputant per tabulas Albategni uel per tabulas Georgii peurbachii computationi Albategni innitentes & qui semidiametros solis & lunæ uisuales indagant uel eliciunt ex motu luminariū in hora ut Albategni præcepit: quia uariatio diametrorum secundū uisum nō sequitur motum luminariū in hora sed distantiam uel propinquitatem ipsorum ad terram uel ad uisum nostrum. Sed de his alis scribemus si uita comes fuerit: nunc propositam materiā prosequemur. Habita distantia centri solis a centro terræ facile habebimus distantiam conuexi orbis solaris a centro terræ præsupponendo nullum esse in uniuerso uacuū uel corpus superfluū. nam si ad maximam distantiam centri solis a centro terræ addiderimus quantitatem semidiametri corporis solaris habebimus distantiam conuexi orbis solaris a centro terræ. Hanc autem quantitatem semidiametri solis facile ex figura superius descripta elicere poterimus. nam in hoc situ quando luna tegit totum solem ita se habet semidiameter solis ad semidiametrum lunæ sicut se habet distantia centri solis a centro terræ ad distantiam centri lunæ a centro terræ. quod patet ex similitudine triangulorum a semidiametris ipsorum in centro terræ terminatorum. sed iam ostendimus solem distare a centro terræ per par-

PRIMVS

tes. 1209. cum minutiis. 81. de. 191. in partibus quibus
 semidiameter terræ est pars una : lunam uero in ho-
 ra eiusdem eclipsis distare a centro terræ per partes
 64. cum minutis decem. Ostendimus etiam semidia-
 metrum lunæ esse minutorum. 17. secundorum. 33. de
 eisdem partibus : quare per regulam quatuor termi-
 norum proportionalium sequitur semidiametrum so-
 lis continere semidiametrū terræ quinquies cum uno
 & triginta minutis fere. Si igitur quantitatem huius
 semidiametri solis addiderimus ad distantiam centri
 solis a centro terræ superius inuentam habebimus di-
 stantiam conuexi orbis solis a centro terræ quæ erit
 partium. 1215. fere in partibus de quibus semidiamete-
 ter terræ est pars una. Si uero scire desideras quot sūt
 miliaria italica a centro terræ usq; ad connexum or-
 bis solis multiplica distātiā eius a centro terræ iam
 inuētā per. 4581. cum minutiis nouem de undecim
 quæ diximus esse miliaria longitudinis semidiamete-
 tri terræ. qua multiplicatione facta prouenient a cen-
 tro terræ usq; ad conuexum orbis solis miliaria itali-
 ca. 5566909. cū una undecima hoc est quinquies mil-
 le millia, quingenta sexagintasex millia noningenta
 & nouem miliaria.

LIBER

De numero atomorum possibilium contineri in omnibus elementis & sphaeris coelestibus usque ad sphaeram solis inclusiue.

Postquam demonstrauimus distantiam conuexi orbis solaris a centro terrae esse partium 1215. de partibus de quibus semidiameter terrae est pars una: facile erit inuenire numerum atomorum possibilium contineri in omnibus sphaeris & elementis usque ad sphaeram solis inclusiue. nam eadem est proportio diametroe quae est semidiametrorum. sed iam ostendimus maximam distantiam conuexi orbis solaris a centro terrae esse partium 1215. de partibus quibus semidiameter terrae est pars una. ergo & tota diameter orbis solaris & aliorum orbium qui sunt sub ipso continebit totam diametrum terrae totidem uicibus. cum ergo sphaerae proportio sit sicut diametroe proportio triplicata hoc est cubice in se multiplicata. Cubus autem huius numeri 1215. est 1793613375. quoniam obrem erit haec sphaera uel orbis solis una cum omnibus orbibus sub eo usque ad centrum terrae contentis multiplex ad totam terram tot uicibus quot sunt unitates in numero praedicto. Si igitur multiplicauerimus hunc numerum per numerum atomorum contentorum aut possibilium contineri in tota terra & aqua ei concentrica superius inuentum: quem diximus constare characteribus. 40.

PRIMVS

[illegible]

¶ Capitulum quartum de distantia concavi firmamenti stellarum fixarum a centro terræ.

G Stendimus superius distantia lunæ a terra & quantitatem corporis eius inuentas fuisse per diuersitatem aspectus lunæ. Deniq; demonstrauimus distantia solis a terra & quantitatem corporis eius per eclipses solares atq; lunares. Restat nunc ut ad mensurandum distantias reliquorum planetarum a terra accedamus. in quibus etiam deus alium modum inuestigandi ipsorum distantias & magnitudines hominibus præbuit. non per diuersitatem aspectus ut de luna diximus: quia nullam habent. neq; per eclipses: quia nunquam eclipsantur: sed per diuersitatem motuum & circulorum ipsorum: tum per quantitates directionum stationum & retrogradationum eorum. Sed quia longum & fastidiosum esset in singulis hæc demonstrare: transiliemus orbem aliorum planetarum usq; ad sphaeram

LIBER 9

ram saturni : cuius maximā distantiam a centro terræ ipso existente in longitudine longiore inuenerunt esse partiū. 22608. cum dimidio fere in partibus quibus semidiameter terræ est pars una. Qd si ad hāc distantiam addiderimus semidiametrū corporis saturni quæ est partiū quatuor cum dimidio habebimus distantiam concavi firmamenti hoc est cœli stellati a centro terræ quæ erit partiū. 22613 in partibus de quibus semidiameter terræ est pars una. Ex quibus etiā facile scire poterim⁹ quot sunt milliaria italica a centro terræ usq; ad concauū cœli stellati. nā ut superius ostendimus semidiameter terræ continet milliaria 4581. cum minutiis nouem de undecim. si igitur multiplicauerimus hunc numerū per distantiam concavi cœli stellati a centro terræ quam diximus esse partium. 22613. de partibus de quibus semidiameter terræ est pars una : prouenient nobis milliaria italica a centro terræ usq; ad concauum cœli stellati uidelicet 103608654. cū sex undecimis pro quibus unitatem sumemus. quod est centies & ter millies mille milliaria sexcenties octies mille sexcenta quinquagintaquinque milliaria. Ex quibus inferri potest q; si recto tramite pateret iter usq; ad concauū cœli stellati & uiator aliquis singulis diebus centū milliaria italica peragraret talis cōtinuato itinere perueniret ad concauū cœli stellati in diebus. 1036086. cū horis. 13. minutis. 12. qui

PRIMVS

faciūt annos cōmunes. 2838. cū diebus. 216. Si uero uelociori motu incesserit & singulis diebus mille millia aquilæ instar peruolauerit: talis ad concauū cœli stellati perueniet in diebus. 103608. cū horis. 15. qui faciunt annos cōmunes. 283. cū diebus. 213. Qd si adhuc uelociori motu hoc spacium metiri imaginati fuerimus & instar sagittæ uelocissimæ motæ aliquis per hanc distantia feratur ea uelocitate qua diebus singulis tantū spacium pertranseat quanta est crassitudo uel spissitudo totius terræ: talis ad concauū cœli stellati perueniet in annis. 30. diebus. 357. Laudet ergo deus gloriosus qui beatorū animas minimo temporis momento ad multo maiorem distantiam ad cœlum usq; empyreū traducit & transfert: ut sua uisione & beatitudine eterna fruantur: quam & nobis per suam misericordiam concedere dignetur Amen.

¶ De numero atomorū possibiliū contineri sub concauo cœli stellati.



Abita distātia cōcaui firmamēti a centro terrę in ptibus de qbus semidiameter terrę est pars una: facile erit inuenire numerū atomorū possibiliū cōtineri in toto cōcauo sub orbe stellarū fixarū. nā ut superius dixim⁹ proportio spherarū est sicut pportio diametrorū uel semidiametrorū triplicata hoc est cubice in se multiplicata: sed iā ostēdimus cōcauū firmamēti distare a cētro terrę p ptes. 27613. in ptibus de qbus semidiameter terræ

PRIMVS

morum eius.



Ostēdēdes descripsimus numerū atomorū possibiliū cōtineri in spheris omniū elementorū & planetarū usq; ad concauū firmamenti & cœli stellati: superest ut pauca subnectamus de numero atomorū possibiliū cōtineri in orbe stellarū fixarū & in aliis cœlis qui supra ipsum sunt siue christallinū siue empyreum uel alio quouis nomine appellētur. Et licet astrologi nōnulli ut tueri possint diuersos motus octauę spherę fingāt sibi spheram nonam: nōnulli etiam decimā in quibus nullū astrum inuenitur: tamen nō est ponenda tōt spherarum multitudo nulla necessitate urgente. neq; ponendum est cœlum nonū uel decimū propter motū diurnum ut ipsi arbitrantur: quia motus diurnus nō est attribuendus alicui particulari cœlo: sed est proprius toti cœlo procedens a forma totius cœli. omnis namq; forma habet aliquā operationē sibi propriā: cū ergo totū cœlum habeat formā unam: imo ut philosophis placuit animā unam: necesse est assignare ei operationem aliquā uel motum propriū cōuenientem formę eius. sed de hoc alibi. Nunc ad dimetiendū spherā stellarum fixarū & alios orbes qui sunt supra ipsam accedendū esset: sed quia deus reseruauit sibi mensuram horum cœlog;: neq; eam pandere uoluit hominibus;

LIBER

dabimus aduersario facultatem & liberā potestatem ut pro arbitrio suo fingat sibi quantitātē horū cœloꝝ, ut habita eorū magnitudine per aduersariū data possimus numerū atomorū quātitati eius respondentem supputare. Qd si fortasse nullus adsit aduersarius & nemo horū orbiū magnitudinem assignare pręsumferit: nos talem ipsorū quātitatem & ad reliquos planetarum omniū & elementorū orbes proportionē (si ita aduersario libuerit) proponemus: pręmittētes primū corpora totius uniuersi trifariā esse distincta: nā aliqua sunt omnino imobilia ut terra & ei adherētia: alia sunt ualde mobilia ut reliqua elementa & orbes omniū planetarū qui ideo uocātur planetę quasi errone: quia propter uarietatem motuū ipsorū errare uidentur: licet minime errent: sed certa & perpetua lege iussu dei regulariter semp moueantur. reliqua corpora cœlestia sunt quodāmodo media inter ista. nam licet moueātur motu diurno uelocissimo tamē motu proprio tardissime mouētur. quinimo ideo orbis stellarum fixarū firmamentū uocatur: quia stellę in co fixę & firmatę sunt sicut clauī sunt fixi in naui: sitū & positionē nunq̃ mutantes. Cum ergo omnia a deo sint facta in certo numero, proportiōe, pondere, atq; mensura: & iam per demonstrationes mathematicas compertū & ab omnibus comprobātū est: q̃ tota terra una cū aqua ei concentrica est tanq̃ punctus unus

PRIMVS

respectu orbiū reliquorū elemētorū & oīum planetarū
 insimul sumptorū: ita similiter proponemus q̄ orbes
 oīum planetarū & oīum elemētorū simul sumpti: sint
 tanq̄ pūctus unus respectu cēli stellati: & aliorū cēlorū
 qui supra ipsum existūt. & oēs hi orbes simul aggre-
 gati eandē habent proportionē ad cēlū stellatū & re-
 liquos orbes qui supra ipsum sunt: quā habet tota ter-
 ra una cū aqua ei concentrica ad orbes reliquorū ele-
 mentorū & omniū planetarū simul sumptos. Sunt er-
 go hęc quatuor proportionalia bina & bina inuicem
 comparata: uidelicet tota terra una cum aqua ei con-
 centrica pro primo termino: orbes reliquorū elemen-
 torū & omniū planetarū pro secūdo termino: hęc cor-
 relatiua sunt sphaera omniū planetarū & oīum elemē-
 torū pro tertio termino: orbis stellarum fixarum cum
 aliis cēlis qui supra ipsum sunt pro quarto termino.
 Vel aliter coniunctim in tribus terminis sic inferen-
 do. Sicut se habet tota terra una cum aqua ei concen-
 trica ad sphaeram cōtinentem in se orbes omniū pla-
 netarū & omniū elementorū: sic se habet eadē sphaera
 ad totum uniuersum. Habent ergo hęc tria eandē
 & cōtinuam inter se proportionē uidelicet tota terra
 una cū aqua ei concentrica pro primo termino: sphae-
 ra omniū planetarum & omniū elementorum pro se-
 cundo termino: & totum uniuersum pro tertio ter-
 mino. Et q̄a supius ostendimus concauū firmamenti

LIBER

distare a centro terræ per ptes. 22613. in partibus quibus semidiameter terræ est pars una : igitur per eandem proportionem distabit ultimi cœli conuexum a centro terræ : uidelicet per partes. 22613. de partibus inquam de quibus semidiameter concavi cœli stellati usq; ad centrū terræ est pars una. hoc est de partibus de quibus semidiameter sphaeræ omniū planetarū & omniū elementorū est pars una. nā sicut semidiameter sphaeræ omniū planetarum & omniū elementorū continet semidiametrum terræ tot uicibus quot sunt unitates in numero prædicto: sic semidiameter totius uniuersi cōtinet semidiametrū orbiū oīum planetarū & omniū elementorū totidem uicibus. sunt ergo hæc tria continue proportionalia uidelicet semidiameter terræ: semidiameter sphaeræ omnium planetarum & omnium elementorum: & semidiameter totius uniuersi. Igitur per decimam diffinitionem quinti Euclidis erit proportio primi ad tertium sicut proportio primi ad secundum duplicata: hoc est sicut proportio quadrati primi ad quadratū secundi. sed quadratum primi uidelicet semidiametri terræ est unitas: quadratū uero secundi uidelicet semidiametri sphaeræ omniū planetarū & oīum elementorū est numerus iste cōstans characteribus nouem uidelicet. 511347769 igitur semidiameter totius uniuersi se habet ad semidiametrū terræ sicut se habet numerus prædictus ad

PRIMVS

unitatem. & est multiplex ad semidiametrũ terre tot
uicibus quot sunt unitates in numero predicto.

¶ De numero atomorũ contentorũ aut possibili-
lium contineri in toto uniuerso mundo.



T si una sola est ueritas tamẽ possunt esse
multi modi indagandi eam : sicut multæ
sunt uix perueniendi ad centrum circuli
quod unicum est & indiuisibile. Igitur ex
proportione semidiametrorũ & corporũ predictorũ eli-
ciemus quatuor modos indagandi numerũ atomorũ
totius uniuersi. primos duos ex proportione semidia-
metrorũ dictorũ corporũ : reliquos duos ex proportio-
ne spherarũ uel corporũ ipsorũ. Et quoniã omne uerũ
cõsonat uero : necesse est q̃ omnes isti quatuor modi
in unã ueritatem concurrãt. Primus modus sumitur
ex proportionẽ semidiametri totius uniuersi ad semi-
diametrũ spheræ omniũ planetarũ & omniũ elemen-
torũ quam diximus esse eandẽ quæ est huius numeri
uidelicet. 22613. ad unitatem. Cũ ergo proportio sphæ-
rarũ & corporũ regulariũ sit sicut proportio diametro-
rũ uel semidiametrorũ triplicata hoc est cubice in se
multiplicata : sequitur q̃ proportio totius uniuersi ad
sphæram omniũ planetarum & omnium elementorũ
erit sicut cubus numeri predicti ad unitatem. cubus

PRIMVS

& aqua ei cōcentrica quem superius inuentum dixi-
 mus constare characteribus quadraginta: quorum
 ultimus significat duo millia quinta hoc est quintæ
 periodi: proueniet nobis numerus atomorum totius
 uniuerſi constans characteribus sexagintaſex uideli-
 cet. 267410891630503034075115218000000000000000
 000000000000000000000000. qui idem est cum eo quē
 superius inuenimus. Tertius modus sumi potest ex
 proportionē totius uniuerſi ad sphærā omniū plane-
 tarum & omniū elementorū. nā sicut se habet totum
 uniuerſum ad sphæram prædictā sic se habet eadem
 sphæra ad terrā & aquā ei cōcentricā. sed atomi sphe-
 ræ prædictæ fuerunt noti ex superiori capitulo: quia
 numerus eorū cōstat characteribus quinquagintatri-
 bus uidelicet. 23126214200794000000000000000000
 00000000000000000000. quorū ultimi significant ui-
 gintitria mille millia septima hoc est septima perio-
 di. & atomi totius terræ etiā sunt noti ex primo capi-
 tulo. Igit̃ si multiplicet̃ numerus iste in se & diuidat̃
 productū per numerū atomorū quē diximus posse cō-
 tineri in tota terra & aqua ei cōcentrica: uidelicet per
 numerū constātem characteribus quadraginta: quo-
 rū ultimus significat duo millia quinta hoc est quin-
 tæ periodi: proueniet ex hac diuisione numerus ato-
 morū totius uniuerſi constās characteribus sexaginta
 sex: qui idem est cum numero superius inuēto uide-

LIBER 9

cem millia partiū quālibet ptem uocabimus atomū.

¶ Decem millia arenulaz orbiculariter inuicē cōpa-
ctaz sphærolā efficere nō minore uno grano sinapis.

¶ Viginti millia granorū sinapis orbiculariter inui-
cem compactorū sphæram efficere nō minorem q̄ sit
sphæra latitudinis unius digiti.

¶ Sedecim digitos pedale longitudinem cōstituire.

¶ Quater mille & nonaginta sex sphærolas digitales
pedalem sphæram efficere.

¶ Igitur in sphæra pedali possunt cōtineri atomi nō
plures q̄ scribi possint per hunc numerū constantem
characteribus sedecim uidelicet. 8192000000000000.

¶ Sex millia pedum milliarium unū in longitudine
constituere.

¶ Igitur in sphæra cuius diameter est unius milliarii
possunt cōtineri atomi nō plures q̄ scribi possint per
hunc numerū cōstantem characteribus uigintiocto
uidelicet. 176947200000000000000000000000.

¶ Ea est sphærarū proportio quę est diametroꝝ ipsoꝝ
proportio triplicata hoc est cubice in se multiplicata.

¶ Igitur in sphæra cuius diameter cōtinet decē millia
ria pnt contineri atomi nō plures q̄ scribi possint per
hūc numerū cōstantē characteribus. 31. uidelicet. 1769
472000000000000000000000000000.

¶ Et in sphæra cuius
diameter habet in longitudine centū milliaria pote-
runt contineri atomi nō plures q̄ scribi possint per si-
milem numerū constantem characteribus. 34.

¶ In tota terra & aqua ei cōcētrica pnt cōtineri atomi
nō plures q̄ scribi possint per hūc numerū cōstantem

LIBER 7

Clibet secundus duo habet capitula: Primū uoraginis usuræ supputationē continet: Secundū docet causam propter quam barathrum usuræ ad tam imensam quantitatem accrescat.

Postq̃ numerū atomorū totius uniuersi indagauimus: superest ut incrementū uoraginis usuræ supputemus. Vbi primū præsupponemus q̃ cōmunis consuetudo usurarioꝝ est fœnerari ad rationē triginta pro centū. sicq̃ quilibet ducatus quolibet anno lucetur leones tres hoc est grossos sex. sic enim iudæi cū christianis sua capitula uel pacta conficere solent. Deniq̃ scire conuenit q̃ supputatio facta per grossos uel quadrantes quos quatenos uocāt grossa erit nisi exactissime fiat. Quia si neglexerimus uel paruifecerimus minimam partem unius quadrantis in multis annis produceret multa millia ducatorū. nam sicut unus ducatus per usurā in centum annis lucratur tot ducatos: quot sunt unitates in hoc numero cōstante characterib⁹ duodecim uidelicet. 2479331096. ut postea ostendemus: sic pariformiter & eadem ratione unus quadrans in centū annis lucratur totidem quadrantes qui faciūt ducatos. 619833777. grossos quatuordecim quadrantes siue quatenos sedecim. quem ducatorū numerū nō poterūt ferre elephantī sexcenti decem &

SECVNDVS

nouem • quinimo restabunt adhuc in residuo ducati
 83777. Igitur si quis hanc supputationem uoraginis
 usuræ exacte & exquisite & sine errore describere ue-
 lit : sic ut nō cōtingāt error etiā in minimo obolo : ta-
 lem supputationis rationē obseruet • nam cum lucrū
 usuræ positum sit augeri quotannis ad rationem tri-
 ginta pro centum : quilibet ducatus obolus uel qua-
 drans quolibet anno lucrabitur tres decimas sui ua-
 loris • & sic in fine cuiuslibet anni fors illius anni iun-
 cta cum lucro faciet tredecim decimas • Si ergo ueli-
 mus extendere hanc supputationem uoraginis usuræ
 per multos annos multiplicabimus semp sortem cu-
 iuslibet anni cū lucro acquisito per tredecim decimas
 sic q̄ numerator uoraginis usuræ quolibet anno mul-
 tiplicet per tredecim & denominator minutiæ per
 decem • Exēpli gratia Anno primo unus ducatus ha-
 bitus pro prima sorte in fine anni reddet tredecim de-
 cimas unius ducati • & hoc assumptū pro sorte uel ca-
 pitali in secundo anno reddet centū sexagintanouem
 centesimas partes unius ducati • & hoc iterū assump-
 tum pro sorte in tertio anno reddet bis mille centum
 & nonagintaseptem millesimas unius ducati • sicq̄ in
 ceteris multiplicando semp numeratōrē incrementi
 usuræ per tredecim & denominatorem per decem • In
 p̄nti uerō supputatione numeratorem pro incremen-
 to usuræ per tredecim semper multiplicatū quolibet

anno subnectemus: denominatorē uero per regulam prædictā eliciendū semp per uniformē multiplicatiōem subintelligem⁹. nā cū denominator quolibet anno crescat per denariū sciemus semp denominatorē ex numero annorū quibus usura cōtinuata fuerit. constabit nāq; semp denominator tot characterib⁹ quot fuerint anni quibus usura continuatur plus uno. in qua supputatione non miretur lector si inuenerit ali quando cifras uel zero hoc est. 0. positum in ultimo loco in quo nihil significare solet. nos eo loco aliquando ipsum posuimus ut significemus locum illum esse uacuū & carere numeratore: & a præcedenti loco auspicari denominatorē. Dicemus ergo si iudæus uel alius usurarius seu fœnerator ducatū unū pro prima sorte habuerit: & usurā cū lucro lucri ad rationē triginta pro centū (ut cōsuetudo fœneratorū habet) continuauerit: talis quolibet anno sorte una cum lucro iuncta summā inferius annotatā inueniet.

¶ Sequitur nūc præcisā & exquisitissima incrementi usuræ supputatiō per ducatos & minutas ducatorū subtilissimas.

¶ Anno primo inter primā sortem & lucrū habebit ducatū unū & tres decimas unius ducati.

Anno secūdo sorte cum lucto cōputata inueniet ducatum unū cum 69. centesimis unius ducati.

Anno tertio inter lucrum & sortem reperiet ducatos

SECVNDVS

duos cum .197. millesimis.

Anno quarto habebit ducatos duos cū minutiis .8561
de partibus .10000.

Anno quinto habebit ducatos tres cum minutiis .712
93. de partibus .100000.

Anno sexto inueniet ducatos quatuor cum minutiis
826809. de partibus .1000000.

Anno septimo habebit ducatos sex cum minutiis .27
48517. de partibus .10000000.

Anno octauo habebit ducatos octo cū minutiis .157
0721. de ptibus .100000000. sicq; in ceteris de anno in
annū multiplicādo semp numeratorē per tredecim &
denominatorē per decem. quare cōtingit q; denomi-
nator semp habebit tot characteres quot fuerint anni
quibus usura continuatur plus uno. In sequentibus
uero numeratorem duntaxat annotabimus & deno-
minatorem subintelligemus.

Anno nono habebit ducatos decem cū minutiis .604
499573.

Anno decimo habebit ducatos tredecim cū minutiis
7858491849.

Anno undecimo habebit ducatos decem & septē cū
minutiis .92160394037.

Anno duodecimo ducatos uigintitres cum minutiis
298085122481.

Anno tertiodecimo habebit ducatos triginta cū mi-
nutiis .2875106592253.

LIBER 12

Anno quartodecimo ducatos. 39. cum minutiis. 37376
385699289.

Anno quintodecimo habebit ducatos. 51. cum minu-
tiis. 185893014090757.

Anno sextodecimo ducatos. 66. cum minutiis. 541660
9183179841.

Anno decimoseptimo habebit ducatos. 86. cū minu-
tiis. 50415919381337933.

Anno decimooctauo habebit ducatos. 112. cum minu-
tiis. 455496951957395129.

Anno decimonono habebit ducatos. 146. cum minu-
tiis. 1920290375446110677.

Anno uigesimo ducatos. 190. cum minutiis. 0496577
4880799438801.

Anno uigesimo primo inter lucrū & capitale habebit
ducatos. 247. cū minutiis. 064529073450392704413.

Anno uigesimo secundo ducatos. 321. cum minutiis
1838877954855105157369.

Anno uigesimo tertio ducatos. 417. cum minutiis. 539
05413116367045797.

Anno uigesimo quarto ducatos. 542. cū minutiis. 800
770374370512771595361.

Anno uigesimo quinto habebit ducatos. 705. cum mi-
nutiis. 6410014866816666030739693.

Anno uigesimo sexto ducatos. 917. cum fractionibus
33330193268616658399616009.

SECVNDVS

Anno uigefimofeptimo ducatos. 1192. cū minutiis. 553
292512492016559195008117.

Anno uigefimooctauo ducatos. 1550. cū fractionibus
2952802662396215269555105521.

Anno uigefimonono ducatos. 2015. cum fractionibus
58126454611150798503956371773.

Anno trigefimo habebit ducatos. 2619. cum fractioni-
bus. 995643649944960580551432833049.

Anno trigefimoprime ducatos. 3405. cū minutiis. 994
5567449284484947168626829637.

Anno trigefimofecūdo ducatos. 4427. cum minutiis.
79265776840698304315192148785281.

Anno trigefimotertio ducatos. 5756. cū minutiis. 1304
29098929077956071497934208655.

Anno trigefimoquarto habebit ducatos. 7482. cū mi-
nutiis. 9695578286078013428929473144712489.

Anno trigefimoquinto ducatos. 9727. cum minutiis.
86042517719014174576083150881262557.

Anno trigefimofexto ducatos. 12646. cū minutiis. 218
552730347184269489080961456410641.

Anno trigefimofeptimo ducatos. 16440. cū fractioni-
bus. 08411854945133955035805249893338333.

Anno trigefimooctauo habebit ducatos. 21372. cū fra-
ctionibus. 1095541142867414154365468248613358329.

Anno trigefimonono ducatos. 27783. cū fractionibus
742160548572765840067510872319734178277.

2^o LIBER

Anno quadregesimo habebit ducatos. 36118. cum fractionib⁹. 8648084531445929920877641340156544317601

Anno quadregesimoprimo habebit ducatos. 46954. cū minutis. 52425098908797088971409337422035076128813.

Anno quadregesimosecūdo habebit ducatos. 61040. cum fractionibus. 831526285814362156628321386486455989674569.

Anno quadregesimotertio habebit ducatos. 79353. cū minutis. 1459841715586708036168178024323927865769397.

Anno quadregesimoquarto habebit ducatos. 103159. cum fractionibus. 08977942302627204470186314316211062255002161.

Anno quadregesimoquinto habebit ducatos. 134106. cum fractionibus. 816713249934153658112422086110743809315028093.

Anno quadregesimosexto habebit ducatos. 174338. cū fractionib⁹. 8617272249143997555461487119439669521095365209.

Anno quadregesimoseptio habebit ducatos. 226640. cum fractionibus. 52024539258871968220999332552715703774239747717.

Anno quadregesimo octauo habebit ducatos. 294632. cum minutis. 676319010105335586872991323185304149065116720371.

Anno quadregesimonono habebit ducatos. 383022. cū

SECVNDVS

minutiis. 479214719369362629348887201408959378463
17364173.
Anno quinquagesimo habebit ducatos. 497929. cum
minutiis. 22297912707801714181555536183164011920047
25734249.

Anno cētesimo habebit ducatos. 247933511096. qui nu-
merus constat characteribus duodecim cū minutiis
5972. de ptibus decem millibus & reliquis minutiis
centum loca in numeratore & centum ac unū loca in
denominatore occupantibus. quas ob ipsarum multi-
tudinem (cum sint parui momenti neq; quadrantem
unū importantes) nō annotabimus.

¶ De uariis & diuersis modis describēdi & examinā-
di numeros barathri usurę supius descriptos.



Iquis dubitauerit an numeri superius an-
notati fuerint bene descripti: poterit hoc
experiri multis & uariis modis. & quāto
numerus fuerit maior tanto pluribus mo-
dis poterit examinari & approbari. Exempli gratia:
iuxta descriptionem superius factam unus ducatus
pro prima sorte positus superlucratur & reddit in sex-
to anno ducatos quatuor cū minutiis. 826809. de par-
tibus. 1000000. Si igitur scire desideras an supputatio
p̄dicta bene sit facta: poteris hoc experiri tribus modis

LIBER 12

Primo modo multiplicando usuram anni quinti per
 usuram anni primi & proueniet numerus prædictus.
 Secundo modo multiplicando usuram anni quarti per
 usuram anni secundi & proueniet numerus prædictus.
 Tertio modo multiplicando usuram anni tertii per
 seipsam. & per quamlibet multiplicationem necesse est
 q̄ proueniat usura respondens anno sexto. Aliud exem-
 plum unus ducatus pro prima sorte positus iuxta de-
 scriptionem superius factam reddit anno duodecimo du-
 catos. 23. cum minutiis. 298085122481. de partibus. 100
 0000000000. Si igitur scire desideras an supputatio
 ista bene sit facta: sex modis poteris hoc experiri. Pri-
 mo modo multiplicando usuram undecimi anni per
 usuram primi anni & proueniet numerus prædictus.
 Secundo modo multiplicando usuram anni decimi
 per usuram anni secundi & proueniet numerus præ-
 dictus. Tertio modo multiplicando usuram anni noni
 per usuram anni tertii & proueniet numerus prædi-
 ctus. Quarto modo multiplicando usuram anni octauum
 per usuram anni quarti & proueniet numerus prædi-
 ctus. Quinto modo multiplicando usuram anni septi-
 mi per usuram anni quinti. Sexto modo multiplica-
 do usuram anni sexti per seipsam & semper ex quali-
 bet multiplicatione necesse est q̄ proueniat numerus
 superius annotatus. sicq̄ in cæteris quanto numerus
 barathri usuræ fuerit maior tãto pluribus modis exa-

SECVNDVS

minari & comprobari poterit: adeo q̃ numerus ducatorū uoraginis usuræ respondens anno quinquagesimo poterit examinari per uiginti quinque modos quos necesse est omnes in unam ueritatem concurrere.

¶ Sequitur nunc supputatio per ducatos grossos & quadrantes facta.

Postq̃ præcisam & exactissimā supputationem incrementi usuræ annotauimus: facile ex ea poterimus elicere rationem per ducatos & grossos atq; quadrantes siue quatenos factā quod ut facilius fieri possit: præsupponemus iuxta consuetudinem romanæ curiæ ducatum unū ualere leones decem hoc est grossos uiginti. & quemlibet grossum ualere quadrantes siue quatenos uiginti. Dicemus ergo si iudæus uel alius usurarius ducatum unū pro prima sorte habuerit: & usuram cū lucro lucri ad rationem triginta pro centum (ut consuetudo fœeratorū habet) ad aliquot annos continuauerit: sic q̃ quilibet ducatus singulis annis lucretur grossos sex: talis quolibet anno sorte una cū lucro iuncta summā inferius annotatā inueniet v̄. Anno primo iuncta prima sorte cū lucro habebit ducatum unū & grossos sex. Anno secundo sorte cum lucro computata inueniet

ducatur unū cū grossis tredecim quatenis sedecim.
 Anno tertio inter sortem & lucrū comperiet ducatos
 duos grossos tres quatenos decem & octo cum qua-
 tuor quintis unius quateni.

Anno quarto inter sortem & lucrū habebit ducatos
 duos grossos. 17. quatenos duos cū dimidio fere.

Anno quinto inter sortem & lucrum inueniet ducatos
 tres grossos quatuordecim quatenos quinq.

Anno sexto habebit ducatos. 4. grossos. 17. quatenos
 decem cū septem decimis unius quateni.

Anno septimo habebit ducatos. 6. grossos quinq. qua-
 trenos decem fere.

Anno octauo inter capitale & lucrum comperiet du-
 catos octo grossos tres & quatenos tres fere.

Anno nono habebit ducatos decem grossos duode-
 cim quatenos quatuor.

Anno decimo inueniet ducatos. 13. grossos quidecim
 quatenos decem & septem.

Anno undecimo habebit ducatos. 17. grossos decē &
 octo quatenos octo cum dimidio.

Anno duodecimo habebit ducatos uigintres grossos
 quinq. quatenos decem & nouem.

Anno tertiodecimo habebit ducatos triginta grossos
 quinq. quatenos quindecim.

Anno quartodecimo ducatos. 39. grossos septem qua-
 trenos nouem cum dimidio.

SECVNDVS

Anno quintodecimo habebit ducatos.51. grossos tres
quatrenos quatuordecim.

Anno sextodecimo habebit ducatos.66. grossos decē
quatrenos sedecim cum dimidio.

Anno decimosextimo habebit ducatos.86. grossos de
cem quatrenos duos fere.

Anno decimo octauo habebit ducatos.112. grossos no
uem quatrenos duos.

Anno decimonono ducatos.146. grossos.3. q̄trenos.17

Anno uigesimo habebit ducatos.190. grossos.0. qua
trenos decem & nouem cum dimidio.

Anno uigesimoprimo habebit ducatos.247. grossum
unū quatrenos sex.

Anno uigesimosecundo habebit ducatos.321. grossos
tres quatrenos quindecim.

Anno uigesimotertio habebit ducatos.417. grossos de
cem quatrenos sedecim fere.

Anno uigesimoquarto habebit ducatos.542. grossos
sedecim quatrenos.0.

Anno uigesimoquinto habebit ducatos.705. grossos
duodecim quatrenos sedecim.

Anno uigesimosexto habebit ducatos.917. grossos sex
quatrenos tredecim.

Anno uigesimosextimo habebit ducatos.1192. grossos
decem quatrenos tredecim.

Anno uigesimo octauo ducat.1550. gross.5. q̄trenos.17.

LIBER 22

Anno uigesimalnono habebit ducatos. 2015. grossos. 7
 quatenos duodecim.

Anno trigesimo ducatos. 2619. grossos decem & nouē
 quatenos decem & octo.

Anno trigesimo primo habebit ducatos. 3405. grossos
 19. quatenos. 17. cum dimidio fere.

Anno trigesimo secundo habebit ducatos. 4427. grossos
 quindecim quatenos decem & septem.

Anno trigesimo tertio ducatos. 5756. grossos duos qua
 trenos duodecim.

Anno trigesimo quarto habebit ducatos. 7482. grossos
 decem & nouem quatenos octo.

Anno trigesimo quinto habebit ducatos. 9727. grossos
 decem & septem quatenos quatuor.

Anno trigesimo sexto ducatos. 12646. grossos quatuor
 quatenos septem.

Anno trigesimo septimo habebit ducatos. 16440. grossos
 sum unū quatenos quatuordecim.

Anno trigesimo octauo ducatos. 21372. grossos duos
 quatenos quatuor.

Anno trigesimalnono habebit ducatos. 27785. grossos
 quatuordecim quatenos decem & septem.

Anno quadragesimo habebit ducatos. 36118. grossos
 decem & septem quatenos sex.

Anno quadragesimo primo ducatos. 46954. grossos
 decem quatenos nouem.

SECVNDVS

Anno quadregesimosecūdo habebit ducatos. 61040.
grossos decem & septem quatrenos tredecim.

Anno quadregesimotertio habebit ducatos. 79355.
grossos duos quatrenos decem & octo.

Anno quadregesimoquarto habebit ducatos. 103159.
grossum unū quatrenos sedecim.

Anno quadregesimoquinto habebit ducatos. 134106.
grossos sedecim quatrenos septem.

Anno quadregesimosexto habebit ducatos. 174338.
grossos decem & septem quatrenos quinq.

Anno quadregesimoseptio habebit ducatos. 226640.
grossos decem quatrenos ccto.

Anno quadregesimooctauo habebit ducatos. 294632.
grossos tredecim quatrenos decem cū dimidio.

Anno quadregesimonono habebit ducatos. 385022.
grossos nouem quatrenos tredecim.

Anno quinquagesimo habebit ducatos. 497929. gros
sos quatuor quatrenos nouem.

Anno centesimo habebit ducatos. 24793511096. gros
sos undecim quatrenos decem & nouem.

Sed omissis fractionibus & earū minutiis computa
bimus in posterū per integra dūtaxat hoc est per du
catos omissis grossis atq; quadrantibus. nam ctsi mi
nutiæ hmōi successu temporis per continuū usurę in
crementū producant multa integra: nihil tamen ad
conclusiones nostras probandas impedimento erūt:

LIBER 12

immo ad eas corroborandas minutiarū abiectio conferet & adiumento erit • nam quemadmodū superiori libro in atomorū & arenularū multitudine numeranda exuperare potius q̄ deficere conducebat : sic in uoragine usuræ cōputanda deficere potius q̄ abundare expedit • tunc enim propositū magis ostendemus cū probauerimus maximā atomorū multitudinem etiā arbitrio aduersarii de industria adauctā : paucorū annorum usura etiā dedita opera diminuta facile superari • Vt igitur sequentiū annorū calculum per quinquagenos annos collectū rectius exaremus : superiorum annorū supputationem exacte & exquisitissime factam pro radice sumemus : fractionibus tamen & minutiis ob causas dictas abiectis • Dicemus ergo si iudæus uel alius usurarius ducatum unū pro prima sorte habuerit : & ad centum ac quinquaginta annos usuram cum lucro lucri ad rationem triginta pro centum continuauerit : talis superlucrabitur tot ducatos quot sunt unitates in hoc numero cōstante characteribus decē & octo uidelicet. 123453285246520184 • sicq; in cæteris annis per quinquagenos annos dispositis : ut sequens docet descriptio.

Anno ducētesimo habebit ducatos. 61470970869514548698936 • q̄ numer⁹ cōstat characterib⁹ uigintitrib⁹ • Anno ducentesimo quinquagesimo habebit ducatos 50508179054086509719112503544 • qui numerus constar

SECVNDVS

characteribus uigintinouem.

Anno trecentesimo habebit ducatos. 15240699988222
241697927969777160376. qui numerus constat chara-
cteribus trigintaquinque.

Anno trecentesimo quinquagesimo habebit ducatos
7588786504435512586407576063171688861304. qui nume-
rus constat characteribus quadraginta.

Anno quadringentesimo habebit ducatos. 377867687
5367070346637337941559015863020239416. qui numerus
constat characteribus quadraginta sex.

Anno quadringentesimo quinquagesimo habebit du-
catos. 1881512797874649970630783043902539209657804
792169464. qui numerus constat characteribus quin-
quagintaduobus.

Anno quingentesimo habebit ducatos. 936859785932
926585226215170267347446125701082360149040056. q
numerus constat characteribus quinquaginta septē.

Anno quingentesimo quinquagesimo habebit ducatos.
46648965634979620164510409351605004651192421
4238506651366044024. qui numerus constat characte-
ribus sexaginta tribus.

Anno sexcētesimo habebit ducatos. 232278728096597
67288894503518035528360963591207156557840804293482
6296. qui numerus constat characteribus sexaginta-
nouem. Hæc uoraginis usuræ supputatio ad sex-
centos annos exposita: sufficit ad probandum omnes

LIBER

conclusiones contra usurarios in exordio huius operis propositas. quia usura unius ducati ad sexcentos annos continuata accrescit ad maiorem numerū ducatorū q̄ sint aut esse possint atomi in toto uniuerso mundo. Sed sequenti libro exponemus modū facillimū multiplicandi uoraginem usuræ ad mille millia annorū sine expressione characterū uel figurarum ipsorum numerorū.

¶ Capitulum secundū docet causam propter quam uorago usuræ ad tam inensam abyssum accrescat.



A que augmentantur per continuā proportionem: licet in paruis numeris paruū augmentū suscipere uideantur: tamen in magnis numeris magnū incrementum & in maximis maximū augmentū percipiunt. Cū ergo usura ad rationem triginta pro centū continuata: singulis annis accrescat per proportionem superpartientem tres decimas: sequitur q̄ in tribus quibusq; annis reddat plusq̄ duplum illius quod prius habitum fuerat. Qd aut̄ proportio dupla continuata crescat ad maximā quantitatem adeo manifestū est ut etiā pueros non lateat. nihilominus pro rudibus exemplū de hoc in re sensibili afferemus. p̄supponendo q̄ ab urbe

SECVNDVS

roma usq; mediolanū sint miliaria trecenta uel circa
 imaginemur itaq; q̄ in fine primi miliarii siue ut di
 cunt ad primū lapidem ponatur unus atomus. & in
 fine secundi miliarii ad secundū lapidem ponantur
 duo atomi. deinde in fine tertii miliarii ad tertiū la
 pidem ponantur quatuor atomi. deniq; in fine quarti
 miliarii ad quartū lapidem ponant octo atomi. sicq;
 deinceps in fine quinti miliarii ad quintū lapidem
 ponantur sedecim atomi. ad sextū lapidem ponantur
 atomi trigintaduo. ad septimū lapidem ponantur ato
 mi sexagintaquatuor. sicq; in ceteris augendo semper
 numerū atomorū ad omnem lapidem per proportio
 nem duplam. dico q; si essent millies millies millies
 mille millia mundoꝝ & omnes illi mundi essent ple
 ni atomis; nō sufficeret tota illa atomorū multitudo
 ad continuandū hanc positionem atomorū ad singu
 la miliaria a roma usq; mediolanū per proportionē
 duplam usq; ad ultimū lapidem uel ultimum millia
 rium. quod supputanti facile perspicuum erit ex his
 quæ superiori libro de numero atomorū scripsimus.
 in quo ostendimus numerum atomorum totius uni
 uersi non esse maiorem numero constante characteri
 bus sexagintasex. cuius ultimi characteres significāt
 ducenta sexagintaseptem octaua siue octauę periodi.
 Si igitur imaginemur millies millies millies mille
 millia mundoꝝ: qui omnes pleni atomis fingantur;

erit omniū atomorum numerus constans characteribus octuagintauno. sed numerus atomorum requisitorum ad continuandum hanc positionem atomorum ad singula miliaria a roma usq; mediolanum: constabit characteribus nonagintauno. & erit maior numero atomorum omniū mundorum predictorum plusquā millies millies millies. Sic pariformiter augmentū uoraginis usuræ continuatæ per multos annos ad maximam multitudinē accrescit: quia in tribus quibusq; annis reddit plus q̄ duplū illius quod prius habitum fuerat. sed hæc in sequentibus magis patebunt ubi exponemus modum facillimū multiplicandi maximos numeros sine expressione characterum uel figurarum ipsorum numerorum. Nunc ad probandū conclusiones in exordio propositas accedemus.

¶ Liber tertius probat conclusiones in exordio propositas.



Stendimus primo libro numerū atomorum totius uniuerſi & partiū eius. Deinde ſecūdo libro ſupputauimus incrementum uoraginis uſuræ ad annos ſexcentos: ponendo pro prima ſorte ducatum unū & continuādo

TERTIVS

usurā cū lucro lucri ad rationē triginta pro centū (ut consuetudo feceratorū habet) sic q̄ quilibet ducatus quolibet anno lucret̄ leones tres hoc est grossos sex. Restat nūc ut probemus cōclusiones in exordio propositas per supputationes primo & secundo libro deductas : quas singulis conclusionibus applicabimus incipiendo ab usura respondente annis centū & continuando seriem annorū primo per quinquagenos in quinquagenos annos. deinde per cētenos in centenos annos. Et qm̄ in cōclusionibus propositis nōnunq̄ fit mentio de nūero & pondere ducatorū qui ab elephantis ferri possint : & de numero ducatorū qui contineri possint in arca Noe / & in arca unius milliarii / & in arca centū milliarioꝝ & aliis mēsuris : p̄mittenda sunt nōnulla de pondere & mensura ducatorū ad probandas conclusiones necessaria.

¶ Capitulū primū præambulū est ad conclusiones propositas tractans de numero ducatorum quos ferre possit Elephas : & de numero ducatorum qui contineri possint in arca Noe : & in arca unius milliarii : & in arca centū milliariorum : & in tota terra & omnibus elementis ac toto uniuerso mundo.

2. LIBER 1

ET si tractare de pondere & mensuris ducatorū potius spectare uidetur ad mechanicos & ad trapezistas colybiſtas menſarios ac numularios q̄ ad philoſophos : tamen quia hæc ſunt neceſſaria ad propoſitas conſuſiones probandas nō erit omnino alienū ab incepto negotio pauca de his ſcribere. Vt igit̃ ſciamus numerū ducatoꝝ quem portare poſſit elephas aſſumemus primū & tanq̄ a trapezitis cōceſſum præſupponemus quemlibet ducatū aureum iuſtum ponderare dragmā unam • ergo nonagintaſex uel ſi libet centum ducati libram unā efficiēt. Quingentas uero libras pro ſumma uel onere a mulo ferendo ſufficere dicūt muliones. Elephantem uero uigecuplū oneris muli poſſe portare ſi ita aduerſarius admitti poſtulauerit : utiq; admittemus • Poterit ergo quilibet elephas ferre decem millia librarū • hoc eſt mille millia ducatorū. Si uero deſideras ſcire quot ducati poſſint contineri in arca Noe & in arca habente in longitudine latitudine & profunditate unū milliariū : uel in arca habente centū milliaria & in tota terra ac toto uniuerſo • primū ſcire cōuenit q̄ in unoquoq; genere minimū illius generis eſt meſura omniū eoꝝ quę ſunt in illo genere • ſicut in numeris unitas eſt meſura omniū numeroꝝ • tanto enim numerus eſt maior quāto plures unitates in ſe teneat. Sed in quantitate continua nō poteſt dari aliquod minimū • quia omne

TERTIVS

continuū diuisibile est in infinitum : tamen minima
 mēsurā a philosophis poni solet digitus uel uncia di-
 giti secundū mēsurā latitudinis digiti humani. Igi-
 tur a digito est incipiendū & perscrutandū est primo
 quot ducati possint cōtineri in mēsurā cubica unius
 digiti. pro quo coniecturādo dabimus aduersario li-
 centiā ut pro arbitrio suo hoc dicet. & quoniā ut pro-
 positū magis ostendamus expedit in his mēsuris po-
 tius abūdare q̄ deficere si ita placuerit aduersario po-
 nemus centū ducatos in figurā cubi constitutos cu-
 bum unius digiti efficere uel saltem nō minorē quan-
 titatem constituere. quo pręsupposito facile erit ad re-
 liquas mēsuras procedere. nā sedecim digiti faciunt
 pedem unū in longitudine. Cum igitur cuborū pro-
 portio sit sicut laterū ipsorū proportio triplicata hoc
 est cubice in se multiplicata: cubus autē de sedecim di-
 gitis continet digitos quater mille nonagintasex : se-
 quitur q̄.4096. digiti faciant unū pedem solidū & cu-
 bicum. & quia posuimus centū ducatos cubum digi-
 talem efficere sequitur q̄ in pede solido possint conti-
 neri ducati non plures q̄.409600. Quo admissio facile
 erit reliquas mēsuras p̄scrutari quia cōmuniter oēs
 pede mēsurātur uel cubito qui sesquipies dicitur cō-
 tinens pedem cū dimidio. Si igit̄ scire uelimus quot
 ducati possint cōtineri in arca Noe: primū animad-
 uerti conuenit q̄ de forma uel figurā arcæ Noe duæ

LIBER

sunt opiniones : una præsupponit arcam habuisse for-
 mam nauis cuius prora & carina tendunt in angulū
 acutū. de capacitate huius arcæ postea in secūda con-
 clusione scribemus. Alii ut faciant arcam magis capa-
 cem scripserunt eam nō habuisse formā nauis sed for-
 mam quadratam ad angulos rectos. cuius longitudo
 iuxta sacram scripturā fuit cubitorū trecentorū. latitu-
 do cubitorum. 50. altitudo cubitorū triginta. fuit ergo
 capacitas totius arcę cubitorū solidorū. 450000. hoc est
 pedum solidorū. 675000. uidelicet sexcentorū septua-
 gintaquinque milliū pedum. Et quoniam ut superius
 ostendimus in quolibet pede solido possunt contine-
 ri ducati nō plures q̄. 409600. hoc est quadringēta &
 nouem millia ducatorū & sexcenti ducati. si hunc nu-
 merū ducatorū possibiliū contineri in pede solido &
 cubico multiplicauerimus per numerū pedū possibi-
 lium contineri in tota arca Noe superius descriptum
 proueniet inde numerus ducatorū possibiliū cōtineri
 in eadem arca Noe : qui non erit maior hoc numero
 constante characteribus duodecim uidelicet. 276480
 000000. Simili modo facile erit indagare quot ducati
 possint contineri in uno milliario cubico. nam iuxta
 cōmunem philosophorū mensuram mille passus hoc
 est sex millia pedum faciunt unū milliariū secundū
 longitudinem : ergo unum milliarium cubicum con-
 tinet in se tot pedes solidos quot sunt unitates in hoc

TERTIVS

numero constante characteribus duodecim uidelicet
 216000000000 • hoc est bis centum & sedecies millies
 mille millia • quia iste numerus est cubus de sex milli
 bus • Si igitur multiplicauerimus hunc numerū per
 numerū ducatorum possibilium contineri in uno pe
 de solido cubico quem superius diximus cōstare cha
 racteribus sex uidelicet • 409600 • proueniet inde nu
 merus ducatorum possibilium contineri in uno mil
 liario cubico: hoc est in arca quadrata cubica quę ha
 bet unū milliariū in longitudine latitudine & pro
 funditate • qui numerus constabit characteribus de
 cem & septem uidelicet • 8847360000000000 • His sic
 dispositis facile erit indagare quot ducati contineri
 possint in cubo uel arca decem milliariū & in cu
 bo centum milliariū • Nam ut superius diximus
 ea est cuborum proportio quę est laterum ipsorum
 proportio triplicata hoc est cubice in se multiplicata;
 ergo in cubo uel arca decem milliariū poterunt
 collocari uel contineri tot ducati quot scribi possint
 per numerum constantem characteribus uiginti ui
 delicet • 88473600000000000000 • & in cubo uel arca ha
 bente undiq; centū milliaria poterūt contineri tot du
 cati quot scribi possint per numerū constantem cha
 racteribus uigintitribus uidelicet • 8847360000000000
 0000000 • sicq; in cæteris • nam quotiens latera cubi

LIBER

numeri simplicis multiplicatur per decem totiens cō
 tinentia & capacitas cubi crescit ad millecuplū. His
 premissis facile erit indagare quot ducati possint con
 tineri in tota terra & aqua ei cōcentrica. ad quod de
 monstrandū assumemus quod superius diximus in
 uno milliario cubico uel in arca quę undiq; est unius
 milliarii posse contineri tot ducatos quot sunt unita
 tes in hoc numero constante characteribus decem &
 septem uidelicet. 8847360000000000. Cū ergo diame
 ter terrę contineat in longitudine milliaria. 9163. cum
 septem undecimis ut primo librō demonstratū fuit:
 erit cubus milliariorum diametri terrę numerus con
 stans characterib9 duodecim uidelicet. 769490993238
 cum sexta parte unius. Si igitur multiplicauerimus
 hūc cubum per numerū ducatorū possibiliū contine
 ri in uno milliario cubico superius expositū quē di
 ximus cōstare characteribus decem & septem proue
 niet numerus ducatorū possibiliū contineri in cubo
 totius terrę qui constabit characteribus uigintinouē
 uidelicet. 68079638339356262400000000000. Cum ergo
 proportio cuiuslibet cubi ad sphærā eiusdem altitudi
 nis sit sicut. 21. ad. 11. si multiplicauerimus numerum
 cubi prædicti per. 11. & productū diuiserimus per. 21.
 habebimus numerū ducatorū possibiliū contineri in
 sphæra uel globo totius terrę una cū aqua ei concen
 trica: qui numerus constabit etiam characteribus ui

TERTIVS

gintinouem sed minus significantibus uidelicet. 566
 0762939562804114285714285. hic est numerus ducatorum
 possibiliū contineri in tota terra & aqua ei concentri-
 ca p̄supponendo elementa esse spherica. & licet in ter-
 ra sint montes colles & ualles tamen respectu molis
 terræ sunt insensibilis quātitatis ut primo libro osten-
 dimus. Nihilominus ut habeamus aliquā rationem
 ipsorum quia p̄cise mensurari nō possunt dabimus ad-
 uersario si ita ei placuerit ut augeat numerum p̄dictū
 ad sesquitertiū & ultra: sic q̄ abiectis omnibus figu-
 ris significatiuis pro ultima sumat quinariū. quo ad-
 mīssō dicemus numerū ducatorum possibiliū contineri
 in tota terra & aqua ei cōcentrica nō esse maiore hoc
 numero constante characteribus uigintinouem uide-
 licet. 5000000000000000000000000000. quarū ulti-
 ma significat quinquaginta quarta hoc est quartę pe-
 riodi. Habito numero ducatorum possibiliū cōtineri in
 tota terra & aqua ei concentrica facile erit indagare
 quot ducati possint contineri sub concauo orbis lunę
 in loco omniū elementorum & in aliis sphaeris cōlesti-
 bus ac toto uniuerso. Nam ex his quę primo libro de-
 monstrauius nota est proportio semidiametrorum re-
 liquorum orbium & sphaerarum ad semidiametrum terræ:
 ergo etiam nota est proportio reliquarum sphaerarum ad
 sphaeram terræ. quia proportio sphaerarum est proportio
 diametrorum uel semidiametrorum triplicata hoc est cu-

TERTIUS

Thema primæ conclusionis.

Usura unius ducati cōtinuata ad annos centum crescit ad numerum ducatorum constantem characteribus duodecim uidelicet. 247933511096.

Prima cōclusio taxans usuram unius ducati ad centum annos continuatā fuit hæc. Si iudæus usurarius uel alius fcenerator ducatum unū pro prima sorte habuerit & usuram cum lucro lucri ad rationem triginta pro centū ad annos centum continuauerit talis plures ducatos superlucrabitur q̄ ferre uel portare possint tot elephāti quot sunt unitates in hoc numero uidelicet. 247933. hoc est ducenta quadraginta septem millia elephantorū & noningenti triginta tres elephantī. Probatur conclusio. nam ex deductis in primō caplo huius libri perspicuū est elephantem posse portare non plus q̄ decem millia librarū. hoc est mille millia ducatorū. Sed iam secūdo libro ostendimus q̄ usura unius ducati ad centū annos cū lucro lucri continuata ascendit ad summā ducatorum. 247933511096. qui numer⁹ cōstās characterib⁹ duodecim sic poterit exprimi uel insinuari bis cēties q̄dragesies septies millies mille millia ducatorū: noningentesies trigiesies ter mille millia q̄ngētesies undecies mille &

LIBER

nonaginta sex ducati. Si igitur hunc numerū diuiserimus per mille millia ducatorū quæ elephantem ferre posse diximus, pueniet numerus elephātorū ad ferendū tot ducatos necessariorū $VC3.247935$. hoc est ducēta quadraginta septē millia elephantorū noningenti trigintatres elephantī. & adhuc restāt in residuo ducati 511096 . qui expleret mediā summā elephantis: patet ergo conclusio. Ex his inferri potest nullā mundanā potentiā posse respondere usuræ unius ducati ad centum annos continuatæ. quia nulla mūdāna potentia tantū auri pondus possidet. quinimo id ausim dicere q̄ omnes potentatus uniuersæ terræ simul iuncti nō sufficerent ad hoc explendum. Erit nāq; hæc pecunia maior thesauro Darii quondā regis persarum bis millies quadringentesies septuagesies nonies. præsupponendo camelū quemlibet posse portare tantū pondus quantū quinq; muli. Vt enim Quintus Cursius scripsit pecunia regis Darii ferebatur mulis sexcentis & camelis trecentis.

¶ Thema secundæ conclusionis.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos centum & quinquaginta crescit ad numerū ducatorum constantē characteribus decem & octo uidelicet. 123453285246520184 .

TERTIVS

Secunda conclusio taxans usurā centum & quinquaginta annorum præsupponebat classē maximā plusquā mille millium nauium quarum quælibet maior est arca Noe: quæ omnes sint onustæ & plenæ ducatis usq; ad antennā inuicem stipatis & inculcatis: sic q; quælibet nauis uehere ualeat tantum auri pondus quantū ferre possent centum millia elephantorū. quo præsupposito dico q; si iudæus usurari⁹ uel alius fcenerator ducatum unū pro prima sorte habuerit & ad centum ac quinquaginta annos usuram cōtinuauerit: talis plures ducatos superlucrabitur q̄ ferre uel uehere possent tot naues uel arcę Noe quot sunt unitates in hoc numero uidelicet. 1234532. hoc est quantū uehere possent mille millia nauium prædictarū item ducenta trigintaquator millia quingentæ & triginta duæ naues: quod sic demonstrari potest. Nam ut in prima cōclusionē admisimus quilibet elephas potest ferre decem millia librarū hoc est mille millia ducatorum. & quælibet nauis per præsuppositū potest uehere tantum auri pondus quantū ferre possunt centum millia elephantorū. ergo si multiplicauerimus mille millia ducatorū quæ diximus elephantem ferre posse per centum millia in quibus quælibet nauis superat elephantem proueniet numerus ducatorū quē uehere potest quælibet ex prædictis nauibus. & erit numerus constās characteribus duodecim VC3. 100000000000.

LIBER

qui significat centies millies mille millia ducatorum. Si igitur per hunc numerum diuiserimus numerum uoraginis usurae ad centum & quinquaginta annos continuatae superius annotatum proueniet nobis numerus nauium necessariae ad uehendum numerum ducatorum uoraginis usurae superius descriptum. Erit ergo numerus nauium. 1234532. quemadmodum in conclusione assumptum fuit. & ultra hoc restabunt in residuo ducati. 85246520184. qui sufficiunt quasi ad implendum aliam nauem. patet ergo conclusio. Haec dicta intelligantur de arca Noe habente figuram nauis. sed quia doctores nonnulli ut faciant arcam magis capacem dixerunt eam factam fuisse non ad formam nauis cuius prora & carina tendunt in angulum acutum sed habuisse figuram quadratam ad angulos rectos de qua superiori capitulo scripsimus : & diximus eam posse continere ducatos non plures quam scribi possint per hunc numerum constantem characteribus duodecim uidelicet. 276480000000. si igitur applicare uelimus conclusionem propositam ad arcam hoc modo fabricatam & scire uelimus quot arcae Noe ex arcis praedictis essent necessariae ad capiendum tantam multitudinem ducatorum quot sunt ducati in numero uoraginis usurae conclusionis praedictae constante characteribus decem & octo uidelicet. 123453285246520184. quos usurarius superlucratur per usuram unius ducati ad centum & quinquaginta

TERTIVS

annos continuatam : diuidemus numerū uoraginis
usuræ prædictū per numerū ducatorum in tali arca
possibiliū cōtineri uidelicet per 276480000000 & pro
ueniet numerus arcarū Noe necessariarū ad cōtinen
dum multitudinem ducatorū usuræ respondentis an
nis centū & quinquaginta uidelicet 446518. fere hoc
est quadringenta & quadraginta sex millia arcarum
Noe quingentæ decem & octo arcæ. Patet ergo con
clusio quo ad utranq; partem.

¶ Thema tertiæ conclusionis.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos du
centos crescit ad numerum ducatorū constan
tem characteribus uigintitribus uidelicet 614
70970869514548698936.

Tertia conclusio taxans usuram ducentorum an
norum præsupponebat classē hoc est multitu
dinē maximā arcarū quarū quælibet habet in lōgitu
dine latitudine & pfunditate unū milliariū italicū :
quinimo quo magis fiāt capaces imaginabor eas ha
bere oīa latera q̄drata ad angulos rectos nō tendētia
in acūmē. quæ oēs sint onustę & plenę ducatis cunea
tim inuicē stipatis & inculcat. qbus p̄suppositis dico
q̄ si iudex usurari⁹ uel alius mēfari⁹ ducatū unū p

LIBER

prima sorte habuerit & ad ducentos annos usurā con-
tinuauerit : talis plures ducatos suplucrabitur q̄ con-
tinere ul' capere possent tot arcæ ex arcis p̄dictis quot
sunt unitates in hoc nūero uidelicet. 694802. hoc est
sexcenta nonagintaquatuor millia arcarū octingentę
& duæ arcæ quarū quælibet continet in longitudine
latitudine & profunditate unū milliariū . Probatur
conclusio. nam ex dictis in primo capitulo hui⁹ libri
perspicuū est q̄ in arca quæ undiq; habet unū millia-
rium possint contineri ducati nō plures q̄ scribi pos-
sint per numerū constantem characteribus decem &
septē uidelicet. 8847260000000000. Si igit' per hunc
numerū diuiderimus numerū ducatorum uoraginis
usuræ respondentem annis ducentis superius annota-
tum quem diximus constare characteribus tribus &
uiginti uidelicet. 61470970869514548698936. pueniet
numerus arcarū requisitarū & necessariarum ad con-
tinendum numerū ducatorū uoraginis usuræ respon-
dentis ducētis annis vc3. 694802. hoc est sexcēta nona-
gintaquatuor millia arcarum octingentę & duæ arcę
quarū quælibet continet in longitudine latitudine &
p̄funditate unū milliariū italicū patet ergo cōclusio.

¶ Thema quartæ conclusionis.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos du-

TERTIVS

centos & quinquaginta crescit ad numerū ducatorū constantem characteribus uigintinouē uidelicet. 30608179054086509719112503544.

Q Varta cōclusio taxans usuram ducentorū & quinquaginta annorū pręsupponebat aliam classē hoc est multitudinē maximarū arcarum sic q̄ quēlibet arca ponatur habere in longitudine latitudine & profunditate centum milliaria italica: quantū itineris cōputari solet ab urbe roma usq; ad ciuitatem senarū. quæ omnes sint onustæ & plene ducatis cuneatim inuicem stipatis & inculcatis. quo pręsupposito dico q̄ si iudæus usurarius uel alius numularius ducatum unū pro prima sorte habuerit & ad ducentos ac quinquaginta annos usuram per imaginationem cōtinuauerit: talis plures ducatos superlucrabitur q̄ possint contineri in trecentis & quadragintaquinq; millibus arcarum prędictarū & noningentis sexagintaduabus arcis. Probatur conclusio. nā per ea quæ in pręcedenti conclusione ostensa sunt: in arca quę est magnitudinis undiq; unius milliarii possunt contineri tot ducati quot scribi possint per hunc numerū constantem characteribus decem & septem uidelicet. 8847260000000000. Si igit̃ imaginati fuerimus arcam aliquā habere in lōgitudine latitudine & profunditate centū milliaria: erit capacitas ipsius

millies millecupla ad capacitatem arcę continentis per omnes dimensiones unum milliariū : quia ea est solidorū similium proportio quę est diametroꝝ uel laterum proportio triplicata . Quamobrem in arca quę undiq; habet centū milliaria poterunt locari tot ducati quot scribi possint per hunc numerū constantem characteribus uigintitribus uidelicet . 88473600000000000000 . Si igitur per hunc numerum diuiserimus numerū ducatoꝝ uoraginis usurę respondentis annis ducentis quinquaginta superius positū quem diximus constare characteribus uigintinouem proueniet ex diuisione numerus arcarum requisitarū ad continendū numerū ducatoꝝ usurę prædictę uidelicet arcę . 345962 . hoc est trecenta quadragintaquinque millia arcarum noningentę sexagintaduę arcę quarum quęlibet continet in longitudine latitudine & profunditate uel altitudine centū milliaria quod fuit probandū . patet ergo conclusio . Altera pars quartę conclusionis manētibus eisdem usurę terminis fuit . Si iudeus usurarius uel alius scenerator ducatū unū pro prima sorte habuerit . & ad ducentos ac quinquaginta annos usurā continuauerit : talis plures ducatos superluerabitur q̄ sint atomi qui contineri possint in sphaera cuius diameter est unius milliarii . Probat conclusio . nam ex deductis in primo libro manifestū est numerū atomoꝝ in sphaera unius milliarii cōten-

TER TIVS

tore aut possibiliū contineri nō esse maiorem hoc nu-
mero uigintiocto characteribus constante uidelicet.
 1769472000000000000000 . quod est unū quar-
tum siue quartæ periodi septingenta sexagintanoue
mille millia quadringenta septuagintaduo millia ter-
tiæ periodi. Sed uorago usuræ uniꝯ ducati in ducentis & quinquaginta annis accrescit ad numerũ con-
stantem characteribus uigintinouem uidelicet. $30608179054086509719112505544$. quod secundũ nostrā ra-
tionem facit triginta quarta cum reliquis quæ nō est opus exprimere. Patet itaq; hunc numerũ usuræ mul-
to maiorẽ esse numero atomorum in sphaera uniꝯ mil-
liarii contentorum aut possibiliū contineri immo trige-
ties fere maior eo existit.

¶ Thema quintæ conclusionis.

¶ Vſura unius ducati cōtinuata ad annos tre-
centos creſcit ad numerū ducatorꝝ conſtātem
characteribus trigintaquinꝫ uidelicet. 152406
99988222241697927969777160376.

PRO quinta conclusione que taxat usuram conti-
nuatam ad annos trecentos nō possumus affer-
re exēplū aliquod materiale in re sensibili quēadmo-
dū in p̄cedentibus fecim⁹: p̄pter nimiam multitudinē

LIBER

ducatorū huius conclusionis & sequentium. quia non possumus imaginari classem adeo magnā neq; arcas neq; fiscos uel fiscinas tam capaces quæ sint sufficientes ad capiendū tantam multitudinē ducatorū quot sunt ducati usuræ trecentorū annorū: nisi finxerimus quālibet arcam esse maiorem tota terra una cū aqua ei concentrica. quo posito dico q̄ non sufficerent trecenta millia taliū arcarum ad capiendum tantā multitudinem ducatorū quot sunt ducati istius conclusionis quos scenerator per usuram unius ducati ad trecentos annos continuatam superlucraretur: quod sic ostendi potest. nā ex dictis in primo capitulo huius libri manifestum est q̄ in loco totius terræ nō possint cōtineri plures ducati q̄ sint unitates in numero simplici cōstante characteribus. 29. quorum ultimus significat quinquaginta quarta. Si igitur per hunc numerum diuiserimus numerū ducatorū uoraginis usuræ continuatæ ad annos trecentos superius positum: quem diximus cōstare characteribus trigintaquinque uidelicet. 15240699988222241697927969777160376. proueniēt in quotiēte. 304814. fere hoc est trecēta & quatuor millia orbium terrarum octingenti & quatuordecim orbis. Patet ergo conclusio q̄ ad capiendū tantā multitudinem ducatorū quot sunt ducati istius conclusionis quos usurarius superlucraretur per usuram unius ducati ad trecentos annos continuatā nō sufficerent

TERTIVS

trecēta millia arcarū quarū quælibet fingatur equa-
lis toti orbi terrarū una cū aqua ei concentrica. imo si
essent trecēta millia orbiū terrarū una cū aqua cōcen-
trica terræ & oēs illi orbes essent aurei: hoc est purū &
solidum aurū: dico q̄ totū illud aurum nō esset suffi-
ciēs ut ex eo cudi possent tot ducati quot sunt ducati
uoraginis usuræ conclusionis iam propositæ quos fe-
nerator per usurā unius ducati ad trecentos annos cō-
tinuatā superlucraretur. præsupposito q̄ centum du-
cati in solidū fusi efficiant cubū unius digiti sic q̄ ex
auro solido cuius cubus est unius digiti possint cudi
ducati non plures q̄ centum. quinimo numerus du-
catorum uoraginis usuræ istius conclusionis plus de-
cuplo maior est numero ducatorū qui cōtineri possint
sub cōcauo orbis lunæ in orbibus omniū elementorū.
ut ex dictis in primo caplo patet. Restat ergo ut pro-
bemus hanc conclusionē per numerū atomorū possi-
biliū contineri in sphaera cuius diameter cōtinet cen-
tum milliaria. dicētes q̄ si iudæus fcenerator uel alius
argentarius ducatū unū pro prima sorte habuerit &
per imaginationē usuram cum lucro lucri ad trecen-
tos annos continuauerit talis plures ducatos superlu-
crabitur q̄ sint atomi qui contineri possint in sphaera
uel globo cuius diameter habet in longitudine centū
milliaria. Probatur conclusio. nam ex deductis in pri-
mo libro perspicuū extat q̄ in sphaera cuius diameter

2. LIBER

continet centū milliaria non possint contineri plures
 atomi q̄ scribi possint p̄ numere cōstātē characterib⁹
 trigintaquatuor vc3 + 176947200000000000000000
 000000000 hoc est mille millia septingēta sexaginta
 nouem millia quadringenta septuagintaduo quarta
 hoc est quartæ periodi. sed usura unius ducati ad tre
 centos annos cōtinuata crescit ad numerū cōstantem
 characteribus trigintaquinq; superius descriptū qui
 decuplo fere maior est numero atomorū possibiliū cō
 tineri in sphæra cuius diameter habet centum millia
 ria. Patet ergo conclusio.

¶ Thema sextæ conclusionis.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos tre
 centos & quinquaginta crescit ad numerū du
 catorum constantē characterib⁹ quadraginta
 vc3.758878650445551258640757606317688861304.

Sexta conclusio fuit. Si iudeus usurarius uel alius
 putealis ducatū unū pro prima sorte habuerit &
 ad trecentos ac quinquaginta annos usuram cōtinua
 uerit; talis plures ducatos suplucribitur q̄ contineri
 possint ducati in sphæris oīum elementorū & in sphæ
 ris cœlestibus usq; ad conuexū orbis solis inclusiue.
 Vel aliter manentibus eisdē usuræ terminis & facta
 cōparatione ad atomos sic talis plures ducatos suplu
 crabit q̄ sint aut contineri possint atomi in tota terra
 una cū aqua ei cōcentrica. Probatur cōclusio quo ad

TERTIVS

[illegible]

¶ Thema septime conclusionis.

Ursura unius ducati cōtinuata ad annos quadringētos crescit ad numerū ducatorū cōstantē

TER TIVS

næ in sphaeris omniũ elementorũ nõ est maior hoc nu-
mero constante characteribus quadragintaquatuor
uidelicet. 73630500000000000000000000000000
000000. quorũ ultimi significat septuagintatria mil-
le millia sexceta & triginta millia quinta hoc est quin-
tae periodi. sed incrementũ usuræ in quadringentis an-
nis accrescit ad numerum constantem characteribus
quadragintasex superius descriptũ cuius ultima figu-
ra significat tria sexta hoc est sextae periodi. qui nume-
rus multo maior est numero omniũ atomorũ sub con-
cauo orbis lunæ possibiliũ contineri. imo plus trecento
tuplo & septuagecuplo maior eo existit. patet ergo cõ-
clusio.

¶ Thema octauæ conclusionis.

¶ Vſura unius ducati cōtinuata ad annos qua-
dringentos & quinquaginta creſcit ad nume-
rum ducatoꝝ conſtantem characteribus quin-
quagintaduobus uidelicet. 18815127978746499
70630783043902539209657804792169464.

Octaua conclusio fuit. Si iudæus usurarius uel alius trapezita ducatū unū pro prima sorte habuerit & ad quadringentos ac quinquaginta annos usurā continuauerit: talis plures ducatos superlucrabit q̄ sint atomi qui cōtineri possint in orbibus oīum

LIBERT

elementorū & spherarū celestium usq; ad conuexū orbis
solis. Probatur conclusio. nam ut primo libro deduxi-
mus: tota multitudo atomorū possibilium contineri in
omnibus elementis & spheris celestibus usq; ad conue-
xum orbis solaris nō est maior hoc numero constāte
characteribus quinquaginta uidelicet. 358722675000
ooo. quorū
ultimi significant trigintaquinque millia octingenta
septuagintaduobus sexta siue sextę periodi. Sed quemad-
modū secundo libro ostendimus unius ducati usura
ad quadringentos & quinquaginta annos cōtinuata
crescit ad numerū ducatorū cōstantem characteribus
quinquagintaduobus superius descriptū qui nume-
rus multo maior est numero atomorū possibilium conti-
neri in spheris uel orbibus omnium elementorū & pla-
netarū usq; ad orbem solis inclusiue. imo plusq̃ cen-
ties octuagesies maior eo existit. Patet ergo cōclusio.

¶ Thema nonæ conclusionis.

¶ Vltra uni⁹ ducati cōtinuata ad annos quin-
gentos crescit ad numerū ducatorū cōstantem
characteribus quinquaginta septem uidelicet.

9363597852329265852262151702673474461257010

82360149040056

Nona cōclusio fuit. Si iudeus fenerator uſalius
colybiſta ducatū unū p prima ſorte habuerit
& ad quingētos annos uſurā cōtinuauerit: talis plu-

LIBER

millia sexta hoc est sextæ periodi. sed usura unius ducati ad quingentos annos cōtinuata crescit ad numerum ducatorū cōstantem characteribus quinquaginta septem superius descriptū ut secundo libro ostendimus cuius ultimi characteres designant noningenta & triginta sex septima hoc est septimæ periodi: qui numerus multo maior est numero atomorum prædicto immo centies millies maior eo existit. Patet ergo conclusio.

¶ Thema decimæ conclusionis.

Usura unius ducati continuata ad annos sexcentos crescit ad numerū ducatorū cōstantem characteribus sexagintanovem uidelicet. 232278728096597672888945036180353283609635912071565378408042934826296.

Decima conclusio taxans usurā ad sexcentos annos continuatā fuit hæc. Si iudæus usurarius uel alius tokista ducatū unū pro prima sorte habuerit & per imaginationem ad sexcentos annos usuram continuauerit talis plures ducatos superlucrabitur q̄ sint aut contineri possint atomi in toto uniuerso mūdo. Probatur conclusio. nam quemadmodū primo libro demonstrauius si totus mūdus esset plenus atomis tota illa multitudo atomorū nō esset maior nume

LIBER T

Et iterum ipsorum ubi scire conuenit quod ordines siue loca
 numerorum quibus arithmetici utuntur habent se sem-
 per in pportione decupla sicque sequens ordo uel locus
 semper est decuplus ad precedentem. Primus namque or-
 do uel locus significat numeros simplices uel unita-
 tes. Secundus denarios. Tertius centenarios. Quartus
 millenarios. Quintus decies mille. Sextus centies mil-
 le. sicque in ceteris semper se habent in pportione decu-
 pla. Igitur pro multiplicatione characterum sine expres-
 sione ualoris ipsorum talem afferemus regulam. Si fue-
 rint numeri ab unitate continue proportionales: &
 aliquot ipsorum per alios multiplicentur: tot ex tali mul-
 tiplicatione resultabunt ordines uel characteres uel
 loca numerorum quot sunt characteres ipsorum simul con-
 iuncti minus uno. Exempli gratia uolo multiplicare
 decem millia uidelicet. 10000. ubi sunt quinque chara-
 cteres siue ordines per centum millia hoc est p. 100000.
 ubi sunt sex characteres siue ordines: dico quod nume-
 rus proueniens ex hac multiplicatione constabit de-
 cem ordinibus siue characteribus uidelicet. 10000000
 00. hoc est millies mille millia sicque in ceteris. Pro cu-
 ius demonstratione afferemus hanc conclusionem ge-
 neralem. Si sint quotlibet numeri ab unitate propor-
 tionales & quidam ex eadem proportionalitate sese mul-
 tiplicauerint: qui producet inde numerus erit ex ea-
 dem pportionalitate tantum distans a maiore multipli-
 cantiu quantum minor multiplicantiu ab unitate dis-

TERTIVS

cefferit scđm proportionalitatis rationē & productus
 idē ab unitate in ordine pportionis distabit uno mi-
 nus ex nūero illo qui sit collectus ex duobus numeris
 dictos multiplicātes in ordine pportionis deneminā-
 tibus. qđ sic demōstrat: esto quocūq; numeri ab uni-
 tate proportionales. $a.b.c.d.e.f.g.h.i.k.l.$ sit $a.$ unitas
 & $d.$ multiplicet $h.$ & proueniat $q.$ sumatur aut in ea
 pportionalitate ex eodē ordine un⁹ qui tot in ea pro-
 portione inter se & $h.$ habeat quot sūt inter $d.$ & uni-
 tatē & hic sit $l.$ ostendendū est qđ $q.$ est equalis ipsi $l.$
 cū enī sint pportionales & totidē $d.$ distat ab unitate
 sicut $l.$ ab ipso $h.$ eandē pportionē habebit $d.$ ad uni-
 tatē quā habet $l.$ ad ipsum $h.$ sed $d.$ est multiplex uni-
 tatis scđm $d.$ igit^r $l.$ erit multiplex ipsius $h.$ scđm i^m m
 $d.$ qre $l.$ est equalis ipsi $q.$ Constat igit^r pductū esse ex
 eiusdem proportionalitatis ordine & a maiore multi-
 plicantiū tot distat interuallis quot minor ab unitate
 discedit. Cōstat quoq; cū in ordine pportionis tot in-
 teruallis ab unitate distare uno minus quotus est nu-
 merus ex numeris ordinis multiplicantiū collectus:
 nā $a.b.c.d.e.f.g.h.$ tot sunt quot $h.$ dictat ab unitate
 sed $i.k.l.$ uno pauciores sunt qđ qbus $d.$ distat ab uni-
 tate. igit^r cū $h.$ tot erūt. patet ergo propositū. Poterūt
 hęc declarari exemplariter in pportione dupla cuius
 numeri sunt $1.2.4.8.16.32.64.128.256.512.1024.2048.$
 u^l i pportiōe tripla cui⁹ nūeri sūt $1.3.9.27.81.243.729.$
 $2187.6561.$ uel i pportiōe decupla de qđ nūc differimus

LIBER

cuius numeri sunt. 1. 10. 100. 1000. 10000. 100000. 1000000. 10000000. 100000000. & in quacūq; alia proportionē. Hac autē propositione in reliquis singulis conclusionibus utemur. nam cum numeri sequētes plus centū characteribus singuli constent: ad confusionē euitandā nō characterū qualitatem sed quantitatem ipsorū discretā hoc est numerum & ordinem dūtaxat considerabimus. & loca ipsorū quæ ab unitate decupla semper proportionē accrescūt annotabimus. Quā obrem abiectis omnibus figuris significatiuis cōputabimus dūtaxat loca & numeros characterū. Vt autē propositū magis ostendamus expedit in numero atomorū abundare potius q̄ deficere: econtrario in usurę supputatione. sic enim indubitatiſſime propositū nostrum demonstrabimus. uidelicet maximū & quantūlibet atomorū numerū: paucorū annorū usura facile superari. Et quia superius ostendimus numerū atomorum totius uniuersi constare characteribus sexaginta sex quorū ultimi significant ducenta sexaginta septē octaua uel octauā periodi: si forte aduersarius contendere uelit maiorem esse numerū atomorū dābimus & concedemus ei ut augeat numerū per nos inuentum ad triplum uel quadruplum: sic q̄ abiectis omnibus figuris significatiuis addat pro eis ad summam atomorū inuentam characterem unū: dūmodo fateatur numerū atomorū totius uniuersi nō esse ma-

TERTIVS

iorem numero simplicissimo cōstante characteribus sexagintaseptem. quoz̄ ultimus significat mille octa-
ua siue octauæ periodi. Et quia uorago usuræ in sex-
centis annis omissis minutiis ascendit ad numerum
constantem characteribus sexagintanouem : utemur
in posterū hoc numero characterum nō curando de
qualitate uel ualore ipsorum. sic enim propositū no-
strum melius demonstrabimus. quia manifestum est
numerū augmenti usuræ in sexcentis annis non esse
minorem numero simplicissimo cōstante characteri-
bus sexagintanouē sed maiorem eo. & hoc sufficit no-
bis imo adminiculo erit ad probandum conclusiones
contra usurarios propositas cuius multiplicationem
nunc subnectemus.

¶ Multiplicatio uoraginis usuræ per numerū
characterum duntaxat sine expressione ualo-
ris ipsorum.

Per regulam proportionalitatis & multiplicatio-
nis iam expositam faciliter possumus extendere
supputationem imoderati augmenti usuræ ad mul-
tos annos accipiendo pro radice numerū incrementi
usuræ respondentem annis sexcentis superius descrip-
tum. Pro quo sciendum est q̄ quotiens numerus ali-
quis uoraginis usuræ multiplicatur per seipsam num-

merus inde proueniens respondebit usurae duploꝝ an
 norꝝ. & constabit numerus ille duplis characteribus
 minus uno. Si uero numerus uoraginis usurae alicu
 ius anni multiplicet per aliū numeroꝝ alterius anni :
 proueniet ex multiplicatione illa numerus usurae re
 spondens tot annis quot sunt anni illi simul iuncti &
 cōstabit numerus ille tot characteribus quot sūt cha
 racteres amborꝝ numeroꝝ minus uno. Exēpli gratia
 sumemus pro radice numerū usurae respondentē an
 nis sexcētis quē diximus constare characteribus sexa
 gintanouē : hūc si multiplicauerimus per seipsū pro
 ueniet inde numerus usurae respondens annis mille
 ducētis : & cōstabit hic numerus usurae characteribꝯ
 centū trigintaseptē. Qd si hūc numerū denuo multi
 plicauerimus per numerū respondentē annis sexcen
 tis pro radice acceptū proueniet ex hac multiplicatio
 ne numerus respondēs anno millesimo octingentesi
 mo : & cōstabit numerus iste characteribus ducentis
 & quinꝯ. Qd si tertio hanc multiplicationē iteraueri
 mus proueniet usura respondens anno bis millesimo
 & quadringentesimo & cōstabit numerus iste chara
 cteribus ducentis septuagintatribus sicqꝯ in ceteris.
 Qd si eundem numerū pro radice sumptū multipli
 cauerimus per numerū usurae respondentē annis cen
 tū quē diximus cōstare characteribus duodecim pro
 ueniet inde numerus usurae respondēs anno septingē

TERTIVS

tesimo qui constabit characteribus octuaginta. Qd si eundē numerū supius pro radice sumptū multiplicauerimus per numerū usuræ respondentē annis ducentis quē diximus constare characteribus uigintitribus. proueniet inde numerus usuræ respondēs anno octingentesimo: qui constabit characterib⁹ nonagintauno. Si uero eūdem numerū superius pro radice sumptū multiplicauerimus per numerū usuræ respondētē annis trecentis: quē diximus constare characteribus trigintaquinq;: proueniet inde numerus usuræ respondens anno noningentesimo qui constabit characteribus centum & tribus. sicq; in ceteris operando habebimus semper numerū usuræ proposito anno respondentem. ut sequens descriptio docet.

In annis septingentis usura unius ducati reddet plures ducatos q̄ exprimi possint per numerum constantem characteribus octuaginta.

In annis octingentis usura unius ducati superlucrabitur plures ducatos q̄ describi possint per numerū constantem characteribus nonagintauno.

In annis noningentis lucrabitur plures ducatos q̄ scribi possint per numerum constantem characteribus centum & tribus.

In annis mille lucrabitur plures ducatos q̄ scribi possint per characteres centū q̄tuordecim. Sic pariformiter p̄ reliqs annis supputationē extēdere poterim⁹.

LIBERT

In annis mille & centum usura unius ducati reddet
plures ducatos q̄ scribi possint per numerū constan-
tem characteribus centum uigintiquinq̄.

In annis mille ducētis suplucrabitur plures ducatos
q̄ scribi possint per characteres centū trigintaseptē.

In annis mille trecētis suplucrabitur plures ducatos q̄
scribi possint per characteres centū q̄dragintaōcto.

In annis mille quadringentis crescit ad characteres
centum quinquagintanouem.

In annis mille quingentis crescit ad characteres cen-
tum septuaginta.

In annis mille sexcentis requirit characteres centum
octuagintaduos.

In annis mille septingentis requirit characteres cen-
tum nonagintatres.

In annis mille octingētis requirit characteres ducen-
tos & quinq̄.

In annis mille noningentis requirit characteres du-
centos & sedecim.

In duobus millibus annorū superlucrabitur plures
ducatos q̄ scribi possint per numerū constantem cha-
racteribus ducentis uigintiseptem.

In tribus millibus annorū unus ducatus pro prima
forte positus superlucrabitur plures ducatos q̄ scribi
possint per numerum constantem characteribus tre-
centis & quadragintauno.

TERTIVS

In quatuor millibus annorū superlucrabitur plures ducatos q̄ scribi possint per numerū constantem characteribus quadringentis quinquagintaquatuor.

In quinq; millibus annorum superlucrabitur plures ducatos q̄ scribi possint per characteres quingentos sexagintaseptem.

In sex millibus annorum superlucrabitur plures ducatos q̄ scribi possint per characteres sexcentos octuagintaunum.

In septem millibus annorū incrementum usuræ unius ducati crescit ad numerū constantem characteribus septingentis nonagintaquatuor.

In octo millibus annorum incrementum usuræ unius ducati crescit ad numerum cōstantem characteribus noningentis & septem.

In nouem millibus annorū usura unius ducati crescit ad numerum constantem characteribus mille & uiginti.

In decem millibus annorū usura unius ducati crescit ad numerum ducatorum constantem characteribus mille centum trigintatribus.

His sic dispositis ad reliquas conclusiones (cælum ipsum & totum uniuersum transcendentes) probādas : accedemus quas per incrementū usuræ de centenis in centenos annos distinguemus.

¶ Thema undecimæ conclusionis.

TERTIVS

nouem. Sed iam ſupius oſtendimus qꝫ fœnerator hâbens ducatum unū pro primâ ſorte ſi continuauerit uſuram ad ſeptingentos annos ſuperlucrabitur plures ducatos q̃ ſcribi poſſint per numerū conſtanti characteribus octuaginta. qui numerus decuplo maior eſt numero atomorꝫ omniū mundorum prædictorum. Patet ergo conſuſio.

¶ Thema duodecimæ conſuſionis.

¶ Uſura uniꝰ ducati cōtinuata ad annos octingentos creſcit ad numerū ducatorꝫ cōſtanti characteribus nonagintauno.

Duodecima conſuſio taxat uſuram octingentorum annorꝫ hoc modo. Si tot eſſent mūdi quōt poſſint contineri atomi in ſphæra cuius diameter eſt mille pedum: & omnes illi mundi eſſent pleni atomis: dico qꝫ ſi iudeus fœnerator uel alius colibꝫ ſta ducatum unū pro primâ ſorte habuerit & ad octingentos annos per ſuam progeniem uel per imaginatiōem uſuram continuauerit talis plures ducatos ſuperlucrabitur q̃ ſint uel eſſe poſſint tot mundorum atomi. Probatuꝫ conſuſio. nam ut primo libro oſtendimus numerus atomorum poſſibilitatim contineri in

LIBER T

sphæra unius pedis cōstat characterib⁹ sedecim ergo per ultimā duodecimi Euclidis & per regulā proportionalitatis superius positā numerus atomorū possibiliū contineri in sphæra cuius diameter est mille pedum cōstabit characteribus uigintiquinq;. Si igitur imaginati fuerimus tot esse mūdos quot possint contineri atomi in sphæra cuius diameter est mille pedū constabit numerus mundorū totidem characteribus. & quia numerus atomorū cuiuslibet mundi constat characteribus sexagintaseptem: si per regulā proportionalitatis multiplicauerimus hunc numerū cōstantem characteribus sexagintaseptem per numerū tot mundorū prædictorū quem diximus constare characteribus uigintiquinq;: proueniet inde numerus atomorum omniū mundorū prædictorum qui constabit characteribus nonagintauno. Sed iam sup̄ius ostendimus q̄ fenerator habens ducatum unū pro prima sorte si continuauerit usurā ad octingentos annos superlucrabit plures ducatos q̄ scribi possint characteribus nonagintauno. patet ergo conclusio.

¶ Thema tertiedecimæ conclusionis.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos noningentos crescit ad numerū ducatorū cōstantem characteribus centum & tribus.

TERTIVS

Tertiadecima conclusio taxat usurā noningentorum annorū hoc modo. Si tot essent mūdi quot possint contineri atomi in sphaera cuius diameter continet mille milliaria: & omnes illi mundi essent pleni atomis: dico q̄ si iudæus tokista uel alius trapezista ducatū unū pro prima sorte habuerit & ad noningentos annos per imaginationē usuram continuauerit talis plures ducatos superlucrabitur q̄ sint uel esse possint tot mundoꝝ atomi. Probatur conclusio. nam ut primo libro ostendimus numerus atomorū possibilium cōtineri in sphaera siue globo cuius diameter est unius milliarii constat characteribus uigintiocto ergo per ultimā duodecimi Euclidis & per regulā proportionalitatis superius positā numerus atomorū possibilium contineri in sphaera cuius diameter continet mille milliaria cōstabit characterib⁹ trigintaseptem. si igitur imaginati fuerimus tot esse mundos constabit numerus mundoꝝ totidem characterib⁹. & quia numerus atomorū cuiuslibet mundi constat characteribus sexagintaseptem: si per regulā proportionalitatis multiplicauerimus hunc numerū constantē characteribus sexagintaseptem per numerū tot mundoꝝ predictorū quem diximus constare characteribus trigintaseptem proueniet inde numerus atomorū oīum mundoꝝ predictorū qui constabit characteribus centum & tribus. Sed iam superius ostendimus q̄ sēne

2. LIBERIT

rator habens ducatum unū pro prima sorte si conti-
nuauerit usuram ad noningentos annos plures duc-
tos superlucrabitur q̄ scribi possint characteribus cen-
tum & tribus. Patet ergo conclusio.

¶ Thema quartēdecimæ conclusionis.

¶ Usura unius ducati continuata ad mille an-
nos crescit ad numerū ducatorū constantē cha-
racteribus centum quattuordecim.

Quartadecima conclusio taxat usuram mille
annorū hoc modo. Si tot essent mundi quot
possint contineri atomi in omnibus elemen-
tis usq; ad concavum orbis lunę & omnes illi mundi
essent pleni atomis: dico q; si iudeus fecerator uel
alius mensarius ducatū unū pro prima sorte habue-
rit & ad mille annos usuram per suā progeniem uel
per imaginationē continuauerit talis plures duc-
tos superlucrabitur q̄ sint aut esse possint tot mūdo-
rum atomi. Probatur hæc conclusio nam ut primo li-
bro ostendimus numerus atomorū possibiliū contine-
ri in omnibus elementis usq; ad concavū orbis lunę
constat characteribus quadragintaquattuor. si igitur
imaginati fuerimus tot esse mūdos quot possint con-

TERTIVS

tineri atomi in omnibus elementis constabit numerus mūdorum totidem characteribus. & quia numerus atomorum cuiuslibet mundi constat characteribus sexagintaseptem: si per regulam proportionalitatis superius positam multiplicauerimus hūc numerum constantem characteribus sexagintaseptem per numerū tot mundorū prädicatorū quem diximus constare characteribus quadragintaquatuor proueniet inde numerus atomorū omniū mundorum prädicatorū qui constabit characteribus centū & decem. Sed iam superius demonstrauius q̄ usurarius habens ducatum unū pro prima sorte si continuauerit usuram ad mille annos superlucrabitur plures ducatos q̄ scribi possint per numerū constantem characteribus centū quattuordecim qui numerus multo maior est numero atomorū omniū prädicatorū mundorū. imo decies millies maior eo existit. patet ergo conclusio.

¶ Thema quintędecimę conclusionis.

¶ Usura unius ducati continuata ad mille & centum annos crescit ad numerū ducatorū constantem characteribus centū uigintiquinque.

Quintadecima conclusio. Si tot essent mūdi quot possit cōtineri atomi sub firmamēto stellarū

LIBER T

fixarum & omnes illi mundi essent pleni atemis: dico q̄ usurarius habens ducatū unū pro prima sorte si usuram ad mille & centum annos per imaginatiōnem continuauerit talis plures ducatos superlucrabitur q̄ sint aut esse possint tot mundorū atomi. Probat̄ur conclusio. nam quemadmodū primo libro ostendimus numerus atomorū possibiliū cōtineri sub sp̄h̄era uel orbe stellarum fixarum constat characteribus quinquagintatribus. si igitur imaginati fuerimus tot esse mūdos quot possint cōtineri atomi sub orbe stellarum fixarum cōstabit numerus mundorū totidem characteribus. & quia numerus atemorū cuiuslibet mundi constat characteribus sexagintaseptem: si per regulam multiplicationis & proportionalitatis superioris positam multiplicauerimus hunc numerū constantem characteribus sexagintaseptem per numerū tot mundorū prēdictorū quem diximus constare characteribus quinquagintatribus proueniet inde numerus atomorū omnium mundorū prēdictorū qui constabit characteribus centū decem & nouem. Sed iam superius demonstrauius q̄ usurarius habens ducatū unū pro prima sorte si ad mille & centū annos usuram cōtinuauerit talis plures ducatos superlucrabitur q̄ scribi possint per numerū constantem characteribus centum uigintiquinq̄: qui numerus multo maior est numero atomorum omnium mundorū prēdi

TERTIVS

etorum immo millies millies maior eò existit + patet
ergo conclusio.

¶ Thema sextedecimæ conclusionis.

¶ Usura unius ducati continuata ad mille du-
centos annos crescit ad numerū ducatorū con-
stātem characteribus centū trigintaseptem.

Sextadecima conclusio. Si tot essent mundi quot
possint contineri atomi in toto uniuerso mundo :
& omnes illi mundi essent pleni atomis : dico q̄ si iu-
dæus scenerator uel alius danista ducatum unū pro
prima sorte habuerit & per imaginationem ad mille
ducentos annos usuram continuauerit : talis plures
ducatos sup̄lucrabitur q̄ sint aut esse possint tot uni-
uersorū mundorū atomi + Probatur conclusio. nā si tot
essent mundi quot possint esse atomi in hoc mundo
esset omniū mundorū multitudo non maior numero
constante characteribus sexagintaseptem quorū ulti-
mus significat mille octaua. si igitur omnes illi mun-
di essent pleni atomis : erit per regulam proportiona-
litatis & multiplicationis superius positam omnium
atomorū in omnibus illis mundis contentorū nume-
rus constans characteribus centū trigintatribus. Sed
iam superius ostendimus q̄ usura unius ducati con-

LIBER

tinuata ad mille ducētos annos crescit ad numerum ducatorū constantem characteribus centum triginta septem. qui numerus multo maior est numero atomorū omniū mundorū prädicatorū imo decies millies maior eo existit. Patet ergo conclusio.

¶ Thema conclusionis decimēseptimæ.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos mille trecentos crescit ad numerū ducatorū cōstantem characteribus centum quadraginta octo.

Decimaseptima conclusio. Si totum uniuersum esset plenū atomis & quilibet atomus per imaginationem conuerteretur in centies millies millies mille millia mundorū: & omnes ac singuli illi mundi pleni atomis extiterint: dico q̄ fœnerator quicūq; ducatum unū pro prima sorte habuerit si per imaginationem ad mille trecentos annos usuram continuauerit talis plures ducatos suplucrabit q̄ sint aut esse possint tot uniuersorū mundorū atomi. Probatur conclusio. nam si totum uniuersum esset plenum atomis numerus atomorū non esset maior numero constante characteribus sexaginta septem. si igitur quilibet atomus fuerit conuersus in centies millies millies mille millia mundorū. erit numerus tot mundorū constans characterib⁹ octuagintauno. q̄ si ulterius omnes illi

TERTIVS

mundi fingant^r esse pleni atomis erit omniū atomorū
 numerus constans characteribus centū quadraginta
 septem. Sed iam superius ostendimus q^d fenerator ha
 bens ducatum unum pro prima sorte si cōtinuauerit
 usurā ad annos mille trecentos suplucrabitur plures
 ducatos q̄ scribi possint per numerū constantē chara
 cteribus centū quadraginta octo qui decuplo maior
 est numero atomorum omniū mundorum predicto
 rum. patet ergo conclusio.

¶ Thema conclusionis decimo octauæ.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos mil
 le quadringētos crescit ad numerū ducatorū cō
 stantē characteribus centū quinq̄gintanouē.

Decimo octaua cōclusio. Si totū uniuersum esset
 plenū atomis & quilibet atomus cōuerteretur
 in tot mundos quot possint cōtineri atomi in sphaera
 mille pedū & oēs illi mūdi essent pleni atomis : dico
 q^d usurarius habēs ducatū unū pro prima sorte si per
 imaginationē cōtinuauerit usurā ad annos mille qua
 dringētos talis plures ducatos suplucrabit^r q̄ sint aut
 esse possint tot uniuersorū mundorū atomi. Probat^r cō
 clusio. nam si totū uniuersum esset plenū atomis con
 staret numerus atomorum characteribus non pluri
 bus q̄ sexaginta septē; q^d si quilibet atomus cōuertatur
 in tot mundos quot possint cōtineri atomi in sphaera

mille pedum: constabit numerus omnium mundorum
 characteribus nonagintauno. si igitur omnes isti mun-
 di iterum ponantur pleni atomis erit numerus atomor-
 um omnium istorum mundorum constans characteribus
 centum quinquaginta septem. Sed iam superius osten-
 dimus quod usurarius habens ducatum unum pro prima
 sorte si continuauerit usuram ad annos mille quadrin-
 gentos superlucrabitur plures ducatos quam scribi possint
 per numerum constantem characteribus centum quin-
 quagintanovem. qui numerus centuplo maior est nu-
 mero atomorum omnium mundorum praedictorum. pa-
 tet ergo conclusio.

¶ Thema decimae nonae conclusionis.

¶ Usura unius ducati continuaata ad mille quin-
 gentos annos crescit ad numerum ducatorum con-
 stantem characteribus centum septuaginta.

Decimanoa conclusio. Si totum uniuersum esset
 plenum atomis & quilibet atomus conuerteretur
 in tot mundos quot possint contineri atomi in sphae-
 ra mille milliarioz & omnes illi mundi essent pleni
 atomis: dico quod scenerator habens ducatum unum pro
 prima sorte si continuauerit usuram per imaginationem
 ad annos mille quingentos talis plures ducatos super-

TERTIVS

lucrabitur q̄ sint aut esse possint tot uniuerſorū mun-
dorum atomi. Hæc conclusio probari potest sicut præ-
cedens probata fuit : quia numerus atomorū omniū
mundorum prædictorum constat characteribus cen-
tum sexagintanovem. Sed numerus incrementi usu-
ræ in annis mille quingentis cōstat characterib⁹ cen-
tum septuaginta. patet ergo conclusio.

¶ Thema uigesimæ conclusionis.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos mil-
le sexcentos crescit ad numerū ducatorū cōstan-
tem characteribus centū octuagintaduobus.

Vigesima conclusio. Si totū uniuerſum esset ple-
num atomis & quilibet atomus conuerteretur
in tot mundos quot possint contineri atomi in sphæ-
ra omniū elementorū usq; ad concavū orbis lunæ &
oēs illi mundi essent pleni atomis : dico q̄ si iudæus
putealis uel alius tokista ducatum unum pro prima
forte habuerit & usurā ad mille sexcentos annos per
imaginationem cōtinuauerit talis plures ducatos su-
perlucrabitur q̄ sint uel esse possint tot mundorū ato-
mi. Probatur conclusio. nam si totū uniuerſum esset
plenū atomis constaret numerus atomorū characteri-
bus nō pluribus q̄ sexagintaseptem. q̄ si quilibet ato-

2 LIBER IT

mus conuertatur in tot mundos quot possint cōtine-
ri atomi infra orbem lunæ: qui numerus atomorum
constat characteribus quadragintaquatuor ut primo
libro ostendimus proueniet numerus omniū mundo-
rum constans characteribus centū & decem. q̄ si ite-
rum omnes isti mundi ponātur pleni atomis consta-
bit numerus atomorū omniū istorū mundorū characte-
ribus centum & septuaginta sex. Sed numerus incre-
menti usuræ unius ducati continuatæ per imagina-
tionem ad annos mille sexcentos constat characteri-
bus centum octuagintaduobus qui multo maior est
numero atomorū omniū mundorū prædictorū immo
millies millies maior eo existit.

¶ Thema conclusionis uigefime primæ.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos mil-
le septingētos crescit ad numerū ducatorū con-
stantem characteribus centū trigintatribus.

Vigefima prima conclusio. Si totum uniūersum
esset plenū atomis & quilibet atomus cōuertē-
retur in tot mundos quot possint contineri atomi in
spheris omniū planetarum & omniū elementorū usq̄
ad concauū firmamēti stellarū fixarum & omnes illi
mundi iterum fingantur pleni atomis: dico q̄ usura-
rius habens ducatum unū pro prima sorte si usuram

TERTIVS

ad mille septingentos annos per imaginationē continuauerit talis plures ducatos suplucribit q̄ sint uel esse possint tot mundorū atomi. Probatur cōclusio. nā ut primo libro ostendimus numerus atomorū possibiliū contineri sub firmamento cœli stellati constat characteribus quinquagintatribus. si igitur hunc numerū multiplicauerimus per numerū atomorū totius uniuersi proueniet inde numerus omniū mundorū prædictorū qui constabit characteribus centū decem & nouem. q̄ si iterū imaginati fuerimus omnes illos mundos fore plenos atomis erit omniū atomorū numerus constans characteribus centum octuagintaquinq̄. Sed iam superius ostendimus q̄ usura unius ducati cōtinuata ad mille septingentos annos crescit ad maiorem numerū ducatorū q̄ scribi possint per numerum constantem characteribus centum nonagintatribus qui multo maior est numero atomorum omnium mundorum prædictorū imino centies millies millies maior eo existit.

¶ Thema conclusionis uigesimæsecundæ.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos mille octingentos crescit ad numerū ducatorū constantem characteribus ducentis & quinq̄.

Vigesimæsecūda conclusio. Si totum uniuersum esset plenū atomis & q̄libet atomus cōuerteret̄

LIBER II

in tot mundos quot possint esse uel contineri atomi in toto uniuerso mūdo & oēs illi mūdi iterū fingantur pleni atomis: dico q̄ scenerator habens ducatū unū pro prima sorte si ad mille octingētos annos per imaginationem usuram continuauerit talis plures ducatos superlucrabitur q̄ sint uel esse possint tot mundorum atomi. Probatur conclusio. nam si totum uniuersum foret plenū atomis esset numerus atomorū constans characteribus nō pluribus q̄ sexagintaseptem. si igitur quilibet atomus conuertatur in tot mundos quot possint esse atomi in toto uniuerso mūdo cōstabit numerus tot mūdorū characteribus centū trigintatribus. q̄ si iterū omnes illi mundi ponantur pleni atomis constabit numerus omniū atomorū characteribus centum nonagintanouem. Sed numerus incrementi usuræ unius ducati cōtinuatae ad annos mille octingentos cōstat characteribus ducentis & quinque qui numerus multo maior est numero atomorū omnium prædictorū mūdorū immo centies millies maior coexistit. patet ergo conclusio.

¶ Themā conclusionis uigesimaltertiæ.

¶ Usura unius ducati cōtinuata ad annos mille noningentos crescit ad numerum ducatorū cōstantem characteribus ducentis & sedecim.

TERTIUS

Vigesimatertia cōclusio. Si tot essent mūdi quot possint contineri atomi in hoc mundo : & omnes illi mūdi essent pleni atomis : & quilibet atomus iterum conuerteretur in centies millies millies mille millia mundorū : & omnes illi mundi iterū fingantur pleni atomis : dico q̄ usura unius ducati per imaginationem cōtinuata ad mille noningētos annos crescit ad maiorem numerū ducatorū q̄ sint aut esse possint tot mūdorū atomi. Probatur conclusio. nam si tot essent mūdi quot possint cōtineri atomi in hoc mundo constaret numerus mundorum characteribus nō pluribus q̄ sexagintaseptem. si igitur omnes illi mundi fingantur pleni atomis constabit numerus atomorum characteribus centū & trigintatribus. q̄ si iterū quilibet atomus conuerteretur in centies millies millies mille millia mundorum constabit numerus omnium illorum mundorum characteribus centum quadragintaseptem. q̄ si imaginemur omnes istos mundos esse plenos atomis constabit numerus omnium atomorum characteribus ducentis & tredecim. Sed numerus incrementi usuræ unius ducati continuatæ ad annos mille noningētos cōstat characteribus ducentis & sedecim ut superius ostendimus qui numerus multo maior est numero atomorum omnium prædictorum mundorū immo millies maior eo existit. patet ergo conclusio.

LIBER T

Thema conclusionis uigefimequarta. **V**

Usura unius ducati continuata ad duo mil-
lia annorū crescit ad numerū ducatorū constan-
tem characteribus ducentis uiginti septem.

Vigefimaq̄rta conclusio. Si tot essent mūdi quot
possint contineri atomi in hoc mundo: & om-
nes illi mūdi essent pleni atomis: & quilibet atomus
iterum conuerteretur in tot mūdos quot possint con-
tineri atomi in sphaera uel globo cuius diameter est
unius milliarii & omnes illi mūdi iterū fingantur
pleni atomis: dico q̄ usura unius ducati per imagina-
tionem continuata ad duo millia annorum crescit ad
maio rem numerū ducatorum q̄ sint uel esse possint
tot mundorum atomi. Probat̄ conclusio nam si tot
essent mundi quot possint esse atomi in hoc mūdo
constaret numerus mundorū characteribus sexagin-
ta septem. si igitur omnes illi mundi fingantur pleni
atomis cōstabit numerus atomorū characteribus cen-
tum triginta tribus. q̄ si iterū quilibet atomus cōuer-
tatur in tot mūdos quot possint contineri atomi in
sphaera unius milliarii cōstabit numerus omniū illo-
rum mundorū characteribus centū sexaginta. nam ut
primo libro demonstratū fuit numerus atomorū possi-
biliū cōtineri in sphaera uel globo cuius diameter est

TERTIVS

uniuſꝝ milliarii conſtat characteribus uigintiocto. ſi
igitur hic numerus multiplicetur per regulā propor-
tionalitatis ſuperius poſitam per numerū atomorum
conſtantem characteribus centū trigintatribus pro-
ueniet inde numerus cōſtans characteribus centum
ſexaginta. q̄ ſi iterū imaginemur omnes illos mūdos
eſſe plenos atomis proueniet numerus atomorū om-
niū mundorum prædictorū qui cōſtabit characteri-
bus ducentis uigintifex. Sed numerus incremēti uſu-
ræ uniūſꝝ ducatī cōtinuatā per imaginationē ad duo
millia annorū conſtat characteribus ducentis uiginti
ſeptem ut per regulā proportionalitatis ſuperi⁹ oſten-
dimus. qui numerus decuplo maior eſt numero ato-
morū oīum mūdorū prædictorū. patet ergo cōcluſio.

¶ Thema cōcluſionis uigeſimequinta.

**¶ Uſura trium milliū annorum creſcit ad nu-
merum ducatorum cōſtantem characteribus
trecentis quadragintauno.**

Vigeſimaq̄ta cōcluſio. Si totū uniuerſum eſſet
plenuſꝝ atomis & quilibet atomus in aliū mūdū
per imaginationē cōmutet: & oēs illi mūdi atomis ple-
ni ſingant. ac denuo oīum illoꝝ mūdoꝝ quilibet ato-
mus in alterū mūdū trāſformet: & ſinguli illi mūdi
atomis pleni ponant. ac tertio oīum illoꝝ ac ſinguloꝝ

LIBER II

mundorum quilibet atomus in aliū mundū transmute-
 tur qui etiā omnes pleni atomis intelligantur. ac rur-
 sus quarto omnium illorum mundorum atomi singuli in
 alium mundū conuertantur qui omnes pleni atomis
 fingantur: dico quod usura unius ducati continuata per
 imaginationē ad tria millia annorum crescit ad maiore
 numerū ducatorum quā sint uel esse possint tot mundorum
 atomi. Hęc conclusio sic deduci potest. nam si totum
 uniuersum foret plenum atomis erit numerus atomorum
 constans characteribus non pluribus quā sexaginta sep-
 tem. quod si quilibet atomus in alium mundū transfor-
 metur & omnes illi mundi pleni atomis intelligantur:
 erit per regulam proportionalitatis superius positam
 omnium atomorum numerus constans characteribus cen-
 tum & trigintatribus. quod si denuo omnium illorum mun-
 dorum quilibet atomus in alium mundū transmute-
 tur & singuli illi mundi pleni atomis fingantur erit
 per eandem regulā numerus omnium atomorum constans
 characteribus centū nonaginta nouem. quod si tertio om-
 nium illorum & singulorum mundorum quilibet atomus co-
 uertatur in alium mundū qui etiā omnes pleni ato-
 mis intelligantur: erit omnium illorum atomorum nume-
 rus constans characteribus ducētis sexagintaquinque.
 quod si rursus quarto omnium illorum mundorum atomi singu-
 li in alium mundū transformantur qui omnes pleni
 atomis fingantur erit omnium atomorum numerus con-

TERTIVS

stans characteribus trecentis trigintauno. Sed iam superius ostendim⁹ q̄ unius ducati usura in tribus millibus annorū per eandem proportionalitatis regulam crescit ad numerū constantem characteribus trecentis quadragintauno qui multo maior est numero atomorum omnium mundorum predictorū immo decies millies millies maior eo existit. patet ergo conclusio.

¶ Thema conclusionis uigesimo sextæ.

¶ Ponit q̄ decies fiat transformatio singulorū atomorum totius uniuersi uicissim in singulos mundos : & q̄ omnes illi mundi fingantur pleni atomis.

Vigesimo sexta conclusio. Si totū uniuersum esset plenum atomis & per imaginationē quilibet atomus conuerteretur in alium mundum & omnes illi mundi fingantur pleni atomis : ac denuo omnium illorum mundorū quilibet atomus transformetur in alium mundū : & singuli illi mundi pleni atomis ponantur : ac tertio quarto quinto sexto usq; ad decimam uicem huiusmodi conuersione atomorū in mundos facta qui omnes pleni atomis fingantur : dico q̄ usura unius ducati per imaginationē continuata ad sex millia annorum & sexcentos annos crescit ad maiorem numerū ducatorū q̄ sint uel esse possint tot mundorum atomi.

LIBER AT

Quæ conclusio probari potest quemadmodū præcedens per regulam proportionalitatis multiplicatione facta. nā si hmoi atomorū in mundos transformatio nem decies repetitam esse uelimus: erit omniū atomorum numerus constās characteribus septingentis uigintiseptem. Sed usura unius ducati in sex millib⁹ & sexcentis annis crescit ad numerū constantem characteribus septingentis quadragintanouem qui multo maior est numero atomorū superius posito. imo in trigintaduobus characteribus maior eo existit.

¶ Thema conclusionis uigesime septimæ.

¶ Ponit q̄ centies fiat transformatio singulorū atomorū uicissim in singulos mūdōs: & q̄ oēs illi mūdī fingantur pleni atomis.

Vigesima septima conclusio. Si totū uniuersum uellet pleniū atomis & quilibet atomus transformatetur in alium mūdū & omnes illi mūdī fingantur pleni atomis: & denuo quilibet atomus in alium mūdū transmutetur qui iterū omnes pleni atomis intelligantur ac rursus tertio quarto quinto sexto septimo quilibet atomus in aliū mūdū cōuertat. & oēs illi mūdī pleni atomis fingantur. sicq̄ deinceps decimo uigesimo trigesimo quadagesimo usq̄ ad centesi-

TERTIVS

nam uicem conuersione atomorum in mundos uicissim facta & repetita : dico quod usura unius ducati per imaginationem continuata ad annos. 60000. hoc est ad sexaginta millia annorum plures ducatos superlucrabitur quam sint aut esse possint tot mundorum atomi. Quae conclusio sic probatur. nam facta huiusmodi atomorum in mundos conuersione accrescet omnium atomorum multitudo ad numerum constantem characteribus. 6667. hoc est sex millibus sexcentis sexaginta septem. Sed ducati unius usura in annis superius annotatis crescit ad numerum ducatorum constantem characteribus. 6781. hoc est sex millibus septingentis octuaginta uno. qui numerus multo maior est numero atomorum superius posito immo in centum & quatuordecim characteribus maior eo existit. patet ergo conclusio.

¶ Thema conclusionis uigesimo octauae.
¶ Ponit quod millies fiat transformatio singulorum atomorum totius uniuersi uicissim in singulos mundos & quod omnes illi mundi fingantur pleni atomis.

Vigesimo octaua conclusio. Si totum uniuersum esset plenum atomis & quilibet atomus conuerteretur in alium mundum : & omnes illi mundi fingantur pleni atomis. ac denuo quilibet atomus in alium mundum

2. LIBER I

transformetur qui iterum omnes pleni atomis concipiantur: ac rursus tertio quarto quinto sexto septimo octauo nono quilibet atomus in aliū mundū cōmutetur qui omnes pleni atomis intelligantur: atq; iterum decimo uigesimo trigesimo centesimo biscentesimo ter centesimo usq; ad mille uices hmoi atomorū in mundos conuersione facta & repetita: dico q; usura unius ducati in sexcentis millibus annorum crescit ad multo maiorem numerum ducatorū q̄ sint uel esse possint tot mundorū atomi. Quæ conclusio probari potest sicut præcedens: nam per regulam proportionalitatis superius positam numerus atomorū omnium mundorū prædictorum constabit characteribus. 66067. hoc est sexaginta sex millibus & sexaginta septem characteribus. Sed ducati unius usura in annis per cōclusionem propositis crescit ad numerum constantem characteribus. 67801. hoc est sexaginta septem millibus octingentis & uno. qui numerus multo maior est numero atomorum omniū mundorū prædictorum. immo in mille septingentis & triginta quatuor characteribus maior eo existit. patet ergo conclusio.

¶ Possent & aliæ multæ conclusiones afferri quia numeri crescunt in infinitum sed prædictas sufficere arbitramur.

TERTIVS

Capitulū quartū de imoderato excessu
 numeroꝝ uoraginis usurę respectu nume-
 ri atomoꝝ totius uniuersi.

Redeundū est nūcad id quod in exordio pro-
 bandum assumpsimus uidelicet q̄ numerus
 atomoꝝ totius uniuersi comparatus ad numerū du-
 catoꝝ uoraginis usurę potest dici non solum paruus
 aut modicus uerum etiā minimus. Ad quod proban-
 dum accipiemus numerū usurę respondentem annis
 mille ducētis & afferemus hanc conclusionē. Nume-
 rus atomorum totius uniuersi cōparatus ad numerū
 ducatorum uoraginis usurę respondentem annis mil-
 le ducentis minorem habet proportionem ad ipsum
 q̄ habeat unus atomus ad totū uniuersum. ergo nu-
 merus atomoꝝ totius uniuersi poterit dici nō solum
 paruus aut modicus uerum etiā minimus respectu
 numeri ducatoꝝ usurę prædictæ. Ad probandū hanc
 conclusionem duo præsupponam. Primū q̄ unus ato-
 mus comparatus ad totū uniuersum potest dici quid
 minimū nō obstante q̄ omne continuū sit diuisibile
 in infinitum: quia magnū & paruū secundū philoso-
 phum in prædicamentis similiter & maximū & mini-
 mū nō sunt absoluta sed dicuntur relatiue. Secundo
 præsupponam numerū illum posse dici minimū re-
 spectu alterius numeri qui minorem uel saltem non
 maiorem ad alium numerū habeat proportionē q̄ sit

LIBER III

proportio unius atomi ad totum uniuersum. nam ea
 ratione qua unus atomus comparatus ad totum uni-
 uersum potest dici quid minimum: simili ratione si
 aliqui duo numeri inuicem cōparati eandē uel mino-
 rem inter se proportionem habuerint q̄ habeat unus
 atomus ad totū uniuersum: minor eorū respectu ma-
 ioris poterit appellari quid minimū. oportet etiā me-
 minisse illius quod supius in regula proportionalita-
 tis demonstratū fuit q̄ quilibet numerus multiplica-
 tus in se tantā acquirit proportionē supra se quantā
 ipse habuit ad unitatē. His sic dispositis assumemus
 id quod supius in decima cōclusionē probatū fuit ui-
 delicet q̄ numerus respondēs usuræ sexcētorū annorū
 maior est numero atomorū totius uniuersi: ergo per
 octauā quinti Euclidis maiore habet proportionē ad
 unum atomū q̄ habeat numerus atomorū totius uni-
 uersi ad unū atomū. si ergo numer⁹ respondēs usuræ
 sexcētorū annorū fuerit multiplicatus per seipsum pro-
 ueniet inde numerus respondens usuræ annorū mille
 ducentorū qui cōstabit characteribus centū triginta-
 septem. sed omnis numerus multiplicatus per seip-
 sum tantā acquirit proportionē supra se quantā ipse
 habuit ad unitatem. & numerus respondens usuræ
 sexcentorū annorum maiorem habet proportionem
 ad unitatem q̄ habeat numerus atomorū totius uni-
 uersi ad unum atomū: ergo etiam numerus respon-

TERTIVS

dens usuræ mille ducentorū annorum maiorem habet proportionem ad numerū atomorum totius uniuersi q̄ habeat numerus atomorū totius uniuersi ad unum atomū : sed unus atomus per primam suppositionē potest dici quid minimū respectu totius uniuersi : ergo a fortiori & per secundam suppositionem numerus atomorum totius uniuersi poterit dici minimus respectu numeri usuræ mille ducentorum annorum : quod fuit probandum . Qd si hunc numerū ducatorum uoraginis usuræ respondentem mille ducentis annis comparauerimus ad numeros usuræ aliarum conclusionum uidelicet ad numerum usuræ respondentem mille octingentis annis etiā poterit dici minimus respectu illius . quia minorē habet proportionem ad ipsum q̄ habeat unus atomus ad totū uniuersum . sic similiter de aliis numeris uoraginis usuræ de quibus hanc conclusionem afferemus .

¶ Secūda cōclusio numerus ducatorū uoraginis usuræ sextedecimę cōclusionis respondēs annis mille ducentis cōparatus ad numerū usurę cōclusionis uigesimalęsecūdę qui respōdet annis mille octingētis potest dici minim⁹ respectu illius . similr numerus ducatorū uoraginis usurę cōclusionis uigesimalęsecūdę cōparat⁹ ad numerū uoraginis usurę cōclusionis uigesimalęqntę potest dici minimus respectu illius . q̄a minorē habet

LIBER

proportionem ad ipsum \bar{q} habeat unus atomus ad totum uniuersum. sic pariformiter de numeris reliquarum conclusionū. quia numerus conclusionis uigesimalis quintę comparatus ad numerum conclusionis uigesimalis sextę plus \bar{q} minimus dici potest. Similiter numerus ducatorum usurę conclusionis uigesimalis sextę comparatus ad numerum conclusionis uigesimalis septimę plus \bar{q} minimus dici potest. sic etiam numerus usurę conclusionis uigesimalis septimę comparatus ad numerum usurę conclusionis uigesimalis octauę plus \bar{q} minimus dici potest quia multo minorem proportionem habet ad ipsum \bar{q} habeat unus atomus ad totum uniuersum sicq; in ceteris. Probatur conclusio ex numero uel multitudine characterū quibus hi numeri constant: nam proportio totius uniuersi ad unū atomū est sicut proportio numeri constantis characteribus sexaginta septem ad unitatem. ergo omnis numerus excedēs alium numerū in characteribus sexaginta septem maiorem habet proportionē ad ipsum \bar{q} habeat totum uniuersum ad unū atomū. sed unus atomus cōparatus ad totū uniuersum potest dici quid minimū. ergo etiam quilibet numerus cōparatus ad alium a quo exceditur per characteres sexaginta septem poterit dici minimus respectu illius: sed sic est in numero conclusionū prædictarū q; posterior excedat semper priorem plus \bar{q} in characteribus sexaginta sep

TERTIVS

tem. ergo quilibet prior comparatus ad posteriorem potest dici minim⁹ respectu illius. patet ergo conclusio.

Tertia conclusio. Inter numerū atomorū totius uniuersi & numerū ducatorū uoraginis usuræ conclusio- nis uigesimalis octauæ possunt collocari plusq̃ mille numeri continue proportionales quorū quilibet minorem habet proportionē ad sequentē ipsum q̃ habeat unus atomus ad totū uniuersum. & quoniam unus atomus potest dici quid minimū respectu totius uniuersi: sequitur etiam q̃ quilibet numerorū predictorū comparatus ad proxime sequentem ipsum poterit dici minimus respectu numeri sequentis ipsum. Probatur conclusio per ea quæ in præcedente conclusione assumpsimus. nam cū numerus atomorū totius uniuersi constet characteribus non pluribus q̃ sexagintaseptem: erit proportio totius uniuersi ad unū atomū sicut numeri constantis characteribus sexagintaseptē ad unitatem. ergo omnis numerus excedens alium in characteribus sexagintaseptem eandem imo maiorem habet proportionē ad ipsum q̃ habeat totū uniuersum ad unū atomū. Sed inter numerū atomorū totius uniuersi constantē characteribus sexagintaseptem & numerū uoraginis usuræ conclusionis uigesimalis octauæ constantem characteribus. 67801. hoc est sexagintaseptem millibus octingētis & uno: possunt disponi plus q̃ mille numeri quorū quilibet excedat præcedentem

LIBERT

ipsum in characteribus sexagintaseptem. ergo cōclusio uera. assumptū probatur diuidendo numerū uoraginis usuræ conclusionis prædictæ constantē characteribus. 67801. per. 67. proueniet ex diuisione mille & duodecim fere. ergo inter numerū atomorū totius uniuerſi & numerū uoraginis usuræ conclusionis prædictæ poterunt disponi totidem numeri minus uno quorū quilibet excedit sibi proximū in characteribus sexagintaseptem. & per consequēs quilibet numerus præcedens habet minorem proportionē ad sequētem ipsum q̄ habeat unus atomus ad totum uniuerſum. ergo etiam quilibet eorū comparatus ad proximū poterit dici minimus: quod fuit probandū. Sed ne quis opinetur numeros cōclusionis uigisimæ octauæ posse dici maximos uel magnos: ostendemus nunc ipsos etiam esse minimos imo plusq̄ minimos respectu numerorū conclusionū sequentiū.

¶ Capitulum quintum de maximis numeris uoraginis usuræ qui pluribus constant characteribus q̄ possint contineri atomi in toto uniuerſo mundo.

ET si uirtus uel potētia imaginatiua est maxime libera: quia possumus imaginari quicquid uolumus: tamen incrementū uoraginis usuræ cōtinuat ad multos annos ad tam imensam quantitātē eua-

TERTIVS

dit ut etiā uirtutem imaginatiuā quodāmodo supera-
 re uel saltem fatigare uideatur quemadmodum in se-
 quentibus cōclusionibus patebit. ubi recognoscenda
 sunt quæ superius de multiplicatione numeroꝝ per
 regulam proportionalitatis exposuimus. nā quotiens
 numerus simplex uoraginis usuræ quorumcūq; dato
 rum annoꝝ multiplicatur per seipsum numerus in-
 de productus respondebit usuræ annoꝝ duplorum.
 & constabit duplis characteribus minus uno. Exem-
 pli gratia usura unius ducati in mille annis omissis
 minutiis crescit ad numerū ducatoꝝ constantem cha-
 racteribus centum & quatuordecim. ergo si per regu-
 lam proportionalitatis superius positā numerus iste
 fuerit multiplicatus per seipsum: proueniet inde nu-
 merus usuræ respondens duobus millibus annorum
 qui constabit characteribus ducentis uigintiseptem.
 q̄ si hic numerus iterū multiplicetur in se: proueniet
 inde numerus ducatorum uoraginis usuræ constans
 characteribus quadringentis quinquagintatribus &
 respondebit usuræ quatuor millium annorū. sicq; in
 cæteris. q̄ si numerum aliquem uoraginis usuræ ue-
 limus multiplicare per seipsum multis uicibus puta
 decies uel trigesies uel centies poterit fieri huiusmo-
 di multiplicatio per hāc regulā. disponantur numeri
 continue ab unitate proportionales proportionē du-
 pla: quibus per ordinē dispositis multiplicet̄ numer⁹

LIBER 37

characterū numeri propositi dempto ab eo uno characterē per numerū eiusdem ordinis in proportione dupla & aggregato addatur unitas. Exempli gratia capio numerū uoraginis usurę respondentem annis mille quem dixi cōstare characteribus centū & quatuordecim: uolo multiplicare hunc numerū per seipsum decies aufero ex eo unū characterem restant characteres centum & tredecim: quos multiplicabo per numerum in continua dupla proportionalitate decimū qui est. 1024. proueniet inde numerus constās tot characteribus quot sūnt unitates in hoc numero uidelicet. 115712. quibus addo unum characterem: dico ergo q̄ multiplicando hunc numerū uoraginis usurę cōstantem characteribus centū & quatuordecim per seipsum decies proueniet ex tali multiplicatione numerus uoraginis usurę constans tot characteribus quot sūnt unitates in hoc numero uidelicet. 115713. sicq̄ in ceteris. His sic dispositis inferemus has conclusiones sumendo pro radice & exemplo numerū uoraginis usure respondentem annis mille.

¶ De numero ducatorū barathri usurę qui pluribus constat characteribus q̄ scribi possint in linea recta protensa a fine occidentis habitabilis usq̄ ad urbem Romā.

Prima cōclusio. Si numerus ducatorū uoraginis usurę respondens mille annis constās characterē

TERTIVS

ribus centum & quatuordecim fuerit multiplicatus per seipsum iuxta regulā superius positā & productū iterum in se sicq; cōtinuata & repetita multiplicatio-
ne usq; ad triginta uices: dico q; numerus ex hac mul-
tiplicatione proueniens maior erit q̄ scribi possit in li-
nea recta protensa a finibus hispaniæ uel a fine occi-
dentis habitabilis usq; ad urbem romā. q̄ scribi possit
literis inquā nō magnis aut cubitalib⁹ quibus romæ
denūciationes & registra scribi solent. sed literis mi-
nutissimis quibus executoriales scribūtur. imo mul-
to minoribus sic q; centū characteres constituāt digi-
tum unū secundū latitudinē digiti humani. Probat
conclusio. nam iuxta cosmographiam Ptolemæi urbs
roma distat a finibus occidentis gradibus triginta sex
cū dimidio qui si essent gradus circuli magni respon-
derent cuilibet gradui in terra milliaria italica octua-
ginta. sed quia sunt gradus paralleli distātis ab æqui-
noctiali per gradus quadragintaduos respondebunt
cuilibet gradui in terra milliaria italica sexaginta fe-
re. Erūt ergo a fine occidentis usq; ad urbem romam
milliaria. 2190. Et quia positū fuit q; centū characte-
res descripti in linea recta occupent locū unius digiti
secundū latitudinē digiti humani: & sedecim digiti
faciūt unū pedem. sequitur q; 1600. hoc est mille sex-
centi characteres occupent locū unius pedis. & quo-
niā sex millia pedum constituūt unū milliariū. sequi

LIBERT

tur q. 9600000. characteres in linea recta descripti occupabunt locum unius milliarii. Si igitur multiplicauerimus hunc numerum per numerum milliarioꝝ quæ sunt a fine occidentis usq; ad urbem romam uidelicet per. 2190. proueniet numerus characterum qui scribi possint in linea recta protensa a finibꝯ occidentis usq; ad urbem romã uidelicet. 21024000000. qui numerus occupat loca undecim. Sed si numerus ducatoꝝ uoraginis usuræ respondens mille annis constans characteribus centum quatuordecim fuerit multiplicatus per seipsum triginta uicibus crescet ad maiorem numerum characterum q̃ sit numerus characterũ qui scribi possit in linea recta protensa a finibus occidentis usq; ad urbem romã qui supius est annotatus. quod sic demonstrari potest. nam iuxta regulã multiplicationis & proportionalitatis supius positã si uelimus multiplicare numerum prædictum constantem characteribus centum quatuordecim trigesies per seipsum auferemus ab eo unũ characterem & residuũ multiplicabimus per numerũ in proportionalitate dupla trigessimũ qui est. 1073741824. & proueniet ex hac multiplicatione numerus constans tot characteribus quot sunt unitates in hoc numero occupante loca duodecim uidelicet. 121332826112. cui addemus unitatẽ iuxta canonem præmissum qui numerus multo maior est numero characterum superius posito occupante loca

TERTIVS

undecim quem diximus esse maximū qui scribi possit in linea recta protensa a finibus occidentis usq; ad urbem romā. patet ergo conclusio.

C De numero ducatorū abyssi usuræ qui pluribus constat characteribus q̄ scribi possint in toto ambitu circūferentiæ maioris circuli terrę.

S Ecunda conclusio. Si uumerus ducatorū barathri usurę prædictus respondens mille annis constans characteribus centū quatuordecim fuerit multiplicatus per seipsum quadraginta uicibus: dico q̄ numerus ex hac multiplicatione proueniens maior erit q̄ scribi possit in toto ambitu circūferentię maioris circuli terrę. Probatur conclusio. nam per ea quę in præcedente cōclusionē demonstrata sunt characteres qui describi possunt in linea protensa per unū milliariū nō possunt esse plures q̄ sint unitates in hoc numero uidelicet. 9600000. Si igitur multiplicauerimus hūc numerū per numerū milliariorū quē primo libro diximus cōtineri posse in toto ambitu terrę hoc est per 28800. proueniet numerus characterū qui scribi possit in toto ambitu circūferentiæ maioris circuli terrę uidelicet. 276480000000. qui numerus occupat loca. 12. sed numerus ducatorū uoraginis usurę respondēs mille annis constās characteribus centū quatuordecim multiplicat⁹ per seipsum q̄draginta uicibus p regulā

LIBER V

multiplicationis superius positā crescet ad numerū constantē tot characterib⁹ quot sunt unitates in hoc numero occupante loca quindecim uidelicet. 124244813938689. qui multo maior est numero characterum prædicto occupante loca duodecim quē diximus esse maximū qui scribi possit in toto ambitu maioris circuli terræ. patet ergo conclusio.

De numero ducatorum uoraginis usuræ
qui pluribus cōstat characteribus q̄ scribi possint in circūferentia maioris circuli totius uniuersi mundi.

Tertia conclusio. Si numerus ducatorū barathri usuræ respondēs mille annis cōstans characteribus centū quatuordecim fuerit multiplicatus per se ipsum septuagesies sic q̄ productū totiens in se multiplicetur: dico q̄ numerus ex hac multiplicatione proueniēs maior erit q̄ scribi possit in toto ambitu circūferentiæ maioris circuli ultimi cœli hoc est in maiori circūferentia totius uniuersi. Probaturs conclusio ex proportionē circūferentiæ ultimi cœli ad circūferentiā totius terræ & aquæ ei concentricæ. nam circūferentiæ circuloꝝ atq; spherarū eandem habent inter se proportionē quā habent diametri ipsoꝝ circuloꝝ. sed in calce primi libri ostendimus semīdiametrū to-

TERTIVS

tius uniuersi habere se ad semidiametrū terrę sicut se habet numerus iste constans characteribus nouem ad unitatem uidelicet. 51323648. cum minutiis. 2704. de partibus. 3600. pro quibus integrū sumemus. ergo circūferentia maioris circuli totius uniuersi se habet ad circūferentiam totius terrę & aquę ei concentricę in eadē proportionē quā habet numerus prędictus ad unitatem. erit ergo circūferentia maximi circuli sup̄ræmi cœli multiplex ad circūferentiā maioris circuli totius terrę tot uicibus quot sunt unitates in numero prędicto. Si igitur multiplicauerimus hūc numerum per numerū characterę quem diximus posse scribi in tota circūferentia maioris circuli terrę uidelicet per. 27648000000. proueniet inde numerus characterum qui scribi possit in tota circūferentia maioris circuli totius uniuersi qui numerus constabit tot characteribus quot sunt unitates in hoc numero occupāte loca uigintiunum uidelicet. 141370762475520000000. Sed si numerus ducatorę uoraginis usura respōdens mille annis constans characteribus centū quatuordecim fuerit multiplicat⁹ per seipsum septuagesies per modū superius positū proueniet inde numerus constans tot characteribus quot sunt unitates in numero simplici occupante loca uigintiquatuor qui multo maior est numero superius descripto quem diximus occupare loca uigintiunū duntaxat & esse maximū

LIBER AT

numerus qui scribi possit in circūferentia maioris circuli supremi cœli. patet ergo conclusio.

De numero ducatorū barathri usuræ qui pluribus constat characteribus q̄ possint contineri atomi in centies millies millies mille millibus mundorū.

Quartā & ultima cōclusio. Si numerus ducatorū uoraginis usuræ respōdēs mille annis cōstās characterib⁹ centū quatuordecim fuerit multiplicat⁹ p seipm trecenties sic q̄ productū totiēs per seipsum multiplicetur: dico q̄ numerus inde proueniens constabit pluribus characteribus q̄ sint uel esse possint atomi qui contineri possint in centies millies millies mille millibus mundorū. Probatur cōclusio. nam ut primo libro ostendimus numer⁹ atomorū totius uniuerſi constat characteribus non pluribus q̄ sexaginta septem. ergo si essent centies millies millies mille millia mundorū & omnes illi mūdi essent pleni atomis: constaret numerus atomorū omniū illorum mundorū characteribus octuagintauno. Sed si numerus ducatorum uoraginis usuræ respondens mille annis constans characteribus centum quatuordecim fuerit multiplicatus per seipsum trecenties per regulam multiplicationis superius positam resultabit

TERTIUS

inde numerus ducatorum uoraginis usuræ constans tot characteribus quot sunt unitates in numero simplici occupante loca nonagintatria qui numerus in quâ characterum uoraginis usuræ multo maior est numero atomorum omniû dictorum mundorū • imo plusq̃ centies millies millies millies maior eo existit • ergo conclusio uera • Neq; possumus imaginari spacium uacuum extra celum tam immensum quod sit sufficiens pro inscriptione huius numeri sine confusione characterum •

• Finis •

¶ Libri conclusio •

Possent & alię multę propositiones in detestatio- nem usurarię prauitatis afferri & contra fenerator- es adduci • uidelicet de multiplicatiōe numeri prædicti uel alteri? numeri uoraginis usuræ per seipsum mille uel pluribus uicibus • sed quia numeri crescunt in infinitū & nō possunt ab homine superari uel terminari : nunq̃ possent fieri tot multiplicationes quin plures restarent faciendę • quāobrem expedit nobis ut finem faciamus • nā per conclusiones iam dictas satis factū est manifestū barathrū uoraginis usurę in magnum dispendiū pauperū & miserabiliū personarū ad maximā abyssum accrescere & omnem substantiam pauperum deuorare • Et ex aduerso perspicuum est montem pietatis p̃ sanctitatem tuam & lateranensem

2. LIBER

concilium in subsidiū pauperum rite recte pie ac sancte fuisse institutum. Restat nunc ut calendariū pro recta paschæ celebratione corrigatur: quod si sanctitas tua executioni mandauerit, beatum hoc seculum nostrum dicam quo te pontificem nacti sumus: cuius ductu & prouidentia sanctorū patrum primæ ecclesiæ sanctiones & romanorū pontificum decreta decursu temporis iam abolita in pristinū statū & usum reuocentur. Valeat sanctitas tua cui me cōmendo.

Finis.

Impressum romæ in campo floræ per Marcellū silber al's franck artis impressoriae
magistrū. 15. kl. Maii, anno. 1518.
regnante Leone. X. Pont.
Max.









